

آزمایش شکست بر روی استخوان گاوی و به دست آوردن خصوصیات مکانیکی چرمگی استخوان و بررسی تأثیر ریز ساختار در نحوه شکست

احمد رئیسی نجفی^۱; عرفان ملاکین^۲; کاوه پوراکبر صفار^۳; حمیدرضا کاتوزیان^۴; احمد رضا عرشی^۵; محمدرضا
اسلامی^۶

چکیده

در این تحقیق سعی بر به دست آوردن مقدار چرمگی شکست استخوان گاوی با توجه به استاندارد شکست ASTM-E399 و با استفاده از نمونه‌های شیار دار یک طرفه است. رفتار شکست با تصویربرداری از سطوح شکست به وسیله میکروسکوپ الکترونی (SEM) نیز بررسی شده است. این تصاویر بیانگر تأثیر ریز ساختار استخوان بر رفتار شکست است. در سطوح شکست، پدیده‌هایی چون بیرون کشیده شدن اوستیون‌ها، جدایش لایه‌ها و انفصال سمنت لاین‌ها قابل تشخیص است. طبق تصاویر SEM، بیشتر ریزترک‌ها در بافت بینابینی تشکیل و طی رشد در مرز سمنت لاین‌ها متوقف می‌شوند.

کلمات کلیدی

ریز ساختار استخوان، چرمگی شکست، ریز ترک، میکروسکوپ الکترونی

Fracture Test of Bovine Cortical Bone, Evaluation of Bone Toughness Properties and Consideration of Bone Microstructure Effect on Fracture Behavior

A. Raeisi Najafi; E. Mallakin; K. PourAkbar Saffar; H.R. Katouzian; A.R. Arshi; and M.R. Eslami

ABSTRACT

In this research, it is tried to obtain fracture toughness properties of bovine bone according to ASTM-E399 standard, using single edge notched specimens. Fracture behavior is also considered using fracture surface images obtained from Scanning Electron Microscope (SEM). These images demonstrate the effect of bone microstructure on its fracture behavior. Some phenomena such as osteons pullout, delamination, and cement lines debonding can be specified on fracture surfaces. According to SEM images, most of microcracks are formed in interstitial tissue and their growths are stopped on cement lines boundaries.

KEYWORDS

Bone Microstructure, Fracture Toughness, Microcrack, Scanning Electron Microscope (SEM)

^۱ دانش آموخته دکتری بیومکانیک، دانشکده مهندسی پزشکی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران: raeisi@aut.ac.ir
^۲,^۳ دانشجوی کارشناسی ارشد بیومکانیک، دانشکده مهندسی پزشکی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران: k.pourakbar@bme.aut.ac.ir
^۴ استادیار، دانشکده مهندسی پزشکی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران: katouzian@engineer.com
^۵ دانشیار، دانشکده مهندسی پزشکی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران: arshi@aut.ac.ir
^۶ استاد، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران: eslami@aut.ac.ir

در جهت طولی انجام دادند. چقمرمگی طولی استخوان فشرده انسان با استخوان فشرده گاوی در تحقیقی به وسیله نرمن و همکارانش (۱۹۹۵) مقایسه شد و مشخص شد که استخوان فشرده انسان با اینکه ضعیفتر از استخوان فشرده لایه لایه گاوی است؛ ولی چقمرمگی کمتری از آن ندارد [۱۲]. علت این امر را نیز در ریزساختار مرکب فیبری استخوان فشرده انسان ذکر کردند. از این رو، در مطالعات جدید توجه زیادی روی ریز ساختار استخوان و تأثیر آن بر پدیده شکست و همچنین تأثیر ریز تخریب به خصوص به شکل ریز ترک بر روی شکست شده است [۸][۱۲]. شفلر و همکارانش (۱۹۹۴) گزارش کردند که بر اثر بارگذاری، استخوان به شکل‌گیری تعداد زیادی ترک‌های کوچک تمایل دارد و از شکل‌گیری ترک‌های بزرگ ممانعت می‌کند [۲۲]. شفلر و همکارانش (۱۹۹۵) همچنین گزارش کردند که بیشتر ریزترک‌ها در بافت بینابینی در ماتریس اطراف اوستیون‌ها شکل می‌گیرند [۲۱]. مطالعات زوپاس و همکارانش (۱۹۹۴) نشان داد که مسیر رشد ریزترک‌ها تحت تأثیر محدودیت‌های ریزساختار قرار می‌گیرد [۲۰]. بویس و همکارانش (۱۹۹۸) نیز به کمک آزمایش‌های تجربی نشان دادند که ریزترک‌ها در بافت بینابینی رشد کرده و در مرز اوستیون‌ها متوقف می‌شوند [۶]. در مطالعات جدیدتر، اوبرین و همکارانش (۲۰۰۵) گزارش کردند که رفتار ریزترک‌ها بسته به طول آنها در هنگام نزدیک شدن به مرز اوستیون متفاوت است [۱۵].

در این مطالعه، تست شکست بر روی نمونه‌های استخراج شده از استخوان فشرده فمور گاو با هدف بررسی تأثیر ریزساختار استخوان بر رفتار شکست آن انجام شده است.

۲- روش

۱- استخوان فمور از گوساله‌های ۱،۵ تا ۲،۵ ساله با جثه بزرگ برای استخراج نمونه‌های CT مطابق ابعاد استاندارد [۲] (شکل ۱) انتخاب شد. در ابتدا هر یک از استخوان‌ها با جدا کردن دو سر دیافیز به ۶ قسمت با طول تقریبی ۵ cm تقسیم شده، سپس داخل استخوان‌ها خالی شد. با توجه به محل‌هایی از مقطع استخوان فمور که روی بیشترین ضخامت بود، برش طولی نمونه‌ها انجام شد. نمونه‌های اصلی از شافت استخوان جدا شد و سطوح تقریباً مسطحی برای ماشین‌کاری استخوان به دست آمد. در تمام مراحل آماده‌سازی، نمونه‌ها در شرایط تر نگهداری و در دمای -20°C - ذخیره شد. نمونه‌ها به صورت طولی در محور استخوان بر روی دستگاه فرز بسته شدند. با استفاده از فرز با دور بین ۷۰۰ rpm تا ۱۰۰۰ rpm به تراش سطح استخوان اقدام شد تا بافت‌های سطحی استخوان از بین رفته و سطحی کاملاً یکنواخت با شکل مکعب مختص نمونه‌های

پیش بینی شکست استخوان از نیروهای وارد، یک موضوع جالب در بیومکانیک در صد سال گذشته بوده است. تا اواخر دهه ۱۹۶۰، انضباط پدیدار شده در بیومکانیک ارتودپی و ضربه، باعث تمرکز و جذب مطالعات روی خصوصیات استخوان و پدیده شکست تحت نیروهای وارد شد [۱۱]. در بیشتر این مطالعات، استحکام استخوان فشرده و استخوان اسفنجی در شرایط کشش و فشار بررسی شده است؛ اما اطلاعات به دست آمده از این مطالعات، پروسه واقعی شکست را که در رشد ترک پایدار و نایایدار اتفاق می‌افتد، تبیین نکردند. به عنوان مثال، با تعیین استحکام ماده به روش مرسوم سنتی، استخوان خشک استحکام کششی بالاتری از استخوان‌تر دارد؛ ولی مقاومت استخوان خشک در برابر شکست کمتر از استخوان تر است [۱۱]. ناتوانی روش‌های سنتی در تعیین طبیعت شکست در استخوان، محققین را به آغاز مطالعه پروسه شکست در استخوان مانند دیگر مواد واداشت. یکی از تئوری‌های استفاده شده در شکست استخوان، مکانیک شکست الاستیک خطی (LEFM) است [۱۷][۲۷]. در این تئوری، ضریب شدت تنش بحرانی (K_c) یکی از ترم‌هایی است که مقاومت ماده در مقابل رشد ترک را تشرییح می‌کند [۱۱].

اولین آزمایش‌های مناسب شکست استخوان را ملوین و ایوانز (۱۹۷۲) انجام دادند [۱۰]. آنها مقدار متوسط K_c برای رشد آهسته ترک در جهات طولی و عرضی برای استخوان فشرده ران گاو را به ترتیب $3,21 \text{ MNm}^{-\frac{3}{2}}$ و $5,08 \text{ MNm}^{-\frac{3}{2}}$ گزارش کردند [۱۰]. اثر خشک و تر بودن استخوان در آزمایش نیز بررسی شد که نشان داد K_c برای استخوان تر ۴۰٪ بیشتر از استخوان خشک است. در ادامه بنیلند و دته (۱۹۷۶) نتایج رشد ترک عرضی به وسیله یک نمونه شکافدار یک طرفه (SEN) را بر روی استخوان تیبیای گاو گزارش کردند و وابستگی تنش شکست (σ_{Fr}) به طول ترک (a) و شعاع نوک ترک (r) را بررسی کردند [۵]. رایت و هیز (۱۹۷۷) با ساخت نمونه (CT) Compact Tension طبق استاندارد ASTM، که برای اولین بار روی استخوان آزمایش می‌شد، اثر دانسیته استخوان و ضخامت نمونه را روی رشد طولی در استخوان فشرده فمور گاو بررسی کردند و بین چقمرمگی و دانسیته استخوان یک رابطه مثبت گزارش کردند [۲۷]. بهیری و همکارانش (۱۹۸۴) اولین کسانی بودند که چقمرمگی استخوان انسان را گزارش دادند [۴]. آنها به علت محدودیت در اندازه نمونه آماده شده بر روی استخوان‌های انسان، آزمایش را فقط

داده شد. نرخ بارگذاری به صورت کنترل سرعت دو فک معادل 0.05 mm/sec تعیین شد. طی این بارگذاری نمونه‌ها شکسته و نتایج خروجی به صورت عددی و بر حسب نموداری از نیرو بر حسب فاصله به دست آمد. با استفاده از این نمودارها مقدار K_Q طبق استاندارد، از روابط زیر استخراج شد:

$$K_Q = \frac{P_Q}{BW^2} \cdot f\left(\frac{a}{W}\right) \quad (1)$$

$$f\left(\frac{a}{W}\right) = \frac{(2 + \frac{a}{W})}{(1 - \frac{a}{W})^{\frac{3}{2}}} [0.886 + 4.64\left(\frac{a}{W}\right) - 13.32\left(\frac{a}{W}\right)^2 + 14.72\left(\frac{a}{W}\right)^3 - 5.6\left(\frac{a}{W}\right)^4] \quad (2)$$

در معادلات بالا K_Q و P_Q به ترتیب معادل c و نیروی شکست، و a و W به ترتیب طول ترک، ضخامت و عرض نمونه هستند.

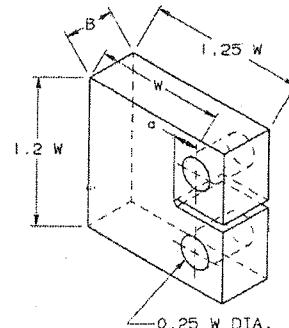
پس از انجام آزمایش و مشاهده تفاوت در زوایای شکست بین نمونه‌های مختلف، قطعه از نمونه‌ها با مسیرهای رشد ترک متفاوت برای بررسی تأثیر ریز ساختار استخوان فشرده بر فرایند شکست به وسیله میکروسکوپ الکترونی SEM آماده شد. نمونه‌های انتخابی دارای زاویه رشد ترک به ترتیب صفر درجه، 15 درجه، 45 درجه، 90 درجه، و شکست ناگهانی بودند. در اینجا با استفاده از روش الکترون ثانویه Secondary Electron (SE) تصاویر با بزرگنمایی مشخص تهیه شد.

ابتدا نمونه‌ها با الكل طبی شسته شد تا از هر گونه ذرات اضافی یا چربی‌های بافت مربوطه پاک گردد؛ چون در صورت چرب بودن نمونه امکان انجام مرحله خلا و طلا گذاری روی نمونه‌ها وجود ندارد؛ سپس نمونه‌ها تا حد امکان کوچک شد تا زمان رسیدن به خلا موردنیاز به حداقل برسد. دستگاه خلا، تا فشار 10^{-3} mbar خلا ایجاد می‌کرد که این فشار برای انجام مرحله طلا گذاری مناسب است. در این فشار لایه نازکی از طلا به ضخامت 10 nm به صورت پلاسمای بر روی تمام قسمت‌هایی که به عکس‌برداری نیاز داشت قرار گرفت. این لایه نازک طلا باعث هادی‌شدن سطح جسم می‌شود او تفک الکترونی میکروسکوپ قادر به رویت نمونه‌ها خواهد بود. نمونه‌ها از دستگاه خلا خارج شد و داخل دستگاه میکروسکوپ الکترونی قرار گرفت و دوباره عمل طلاسازی تا فشار $1/3 \times 10^{-4} \text{ mbar}$ ادامه یافت. در این فشار، امکان روشن کردن فیلمان دستگاه وجود دارد.

۳- نتایج

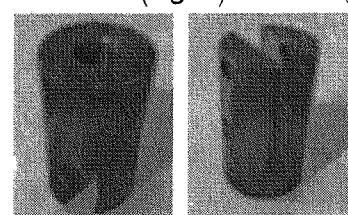
خروجی آزمایش شکست بر روی 23 نمونه CT با دستگاه

CT به دست آید. حین عملیات ماشین‌کاری از محلول سالین 9000 mg/m^3 برای جلوگیری از افزایش دما و صدمه دیدن بافت استفاده شد [۱۰]. پس از به دست آوردن قطعات مکعبی شیار داخلی نمونه‌ها با استفاده از دستگاه فرز انگشتی به ضخامت 2 mm ایجاد شد. برای ایجاد مرکز تنش و رشد ترک، از شیاری با زاویه 45° درجه استفاده شد. نمونه‌ها در دو جهت عمود بر شافت اصلی استخوان فمور و در جهت شافت اصلی استخوان، شیار خوردند؛ سپس با استفاده از متنه 0 mm و با توجه به اندازه‌های ارائه شده در استاندارد، سوراخ هایی در دو طرف شیار ایجاد شد تا جایی برای اتصال نمونه‌ها به گیره‌های مخصوص کشش حاصل شود.



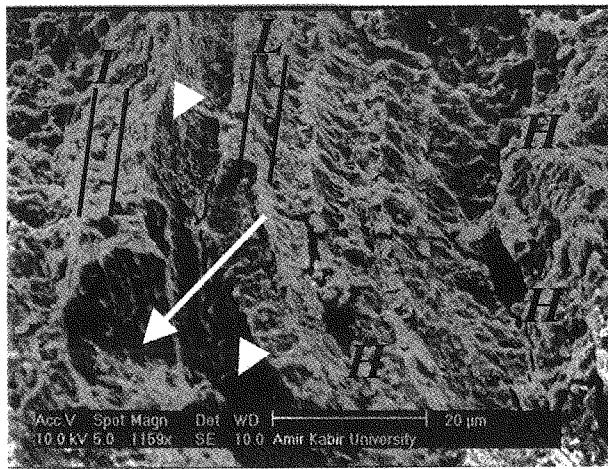
شکل (۱): نمونه CT برای تست شکست

با استفاده از انتهای شیار، یک ترک اولیه ایجاد می‌شد تا طی آزمایش شکست بر روی نمونه، این ترک اولیه رشد کند. در اینجا با استفاده از یک اره موبی، شیاری به عمق حدود 2 mm در انتهای شیار اصلی ایجاد شد؛ سپس با استفاده از یک تیغ خود تراش در انتهای شیار یک ترک اولیه به وجود آمد. بدین ترتیب، نمونه‌ها برای انجام آزمایش شکست آماده شدند. به دلیل وقوع فاصله زمانی قابل توجه بین آماده‌سازی نمونه‌ها و انجام آزمایش، تست شکست بر روی استخوان خشک صورت گرفت. نمونه‌ها با استفاده از دستگاه تست کشش دینامیک آزمایش شدند. گیره‌های مخصوصی برای اتصال نمونه‌ها به دستگاه طراحی و ساخته شد (شکل ۲).



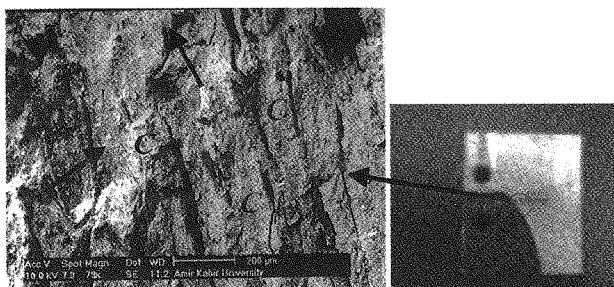
شکل (۲): گیره‌های اتصال نمونه به دستگاه کشش

نمونه‌ها در دستگاه کشش قرار داده شدند. پس از محکم کردن نمونه در گیره‌ها و قراردادن پنس‌ها، فک‌ها از یکیگر جدا شد تا نمونه تحت بار کششی معادل 10 N قرار گیرد. در این حالت نیروی دستگاه و فاصله نسبی دو فک برابر صفر قرار



شکل (۴): پدیده جایش لایه های لمه لا

شکل های (۵-الف و ب) به ترتیب مسیر رشد ترک و سطوح شکست را با بزرگنمایی ۷۳ برابر نشان می دهند. در این عکس می توان تجمع ریزترک های موازی را (مشخص شده با C) که غالب بر مکانیزم شکست است، تشخیص داد. این پدیده قابل مقایسه با شکست در مواد سرامیکی می باشد. چنانکه در شکل (۵-ب) مشاهده می شود، بیشتر ریزترک ها در بافت بینابینی به وجود آمده اند که مطابق با گزارش ها در این زمینه است. در شکل (۵-الف) نیز مشخص شده است که شکل (۵-ب) سطوح شکست در قسمت ابتدایی مسیر ترک را نشان می دهد. مشخص است که در این سطح، ریزترک ها عمود بر مقطع اوستیون ها (مشخص شده با پیکان کوتاه) است.



(۵-ب)

(۵-الف)

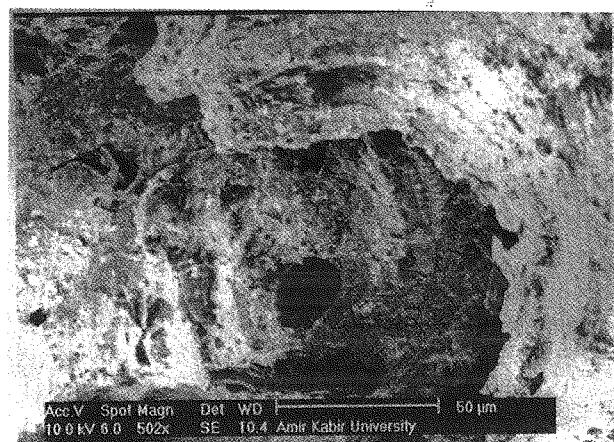
شکل (۵): (الف) نمونه، ب) عکس SEM از ابتدای مسیر شکست.

انحراف مسیر ترک اصلی و سطوح شکست در دو منطقه ابتدایی و انتهایی مسیر شکست به ترتیب در شکل های (۶-الف، ب و پ) نمایش داده شده است. شکل (۶-ب) سطح شکست در قسمت ابتدایی رشد ترک را با بزرگنمایی ۱۵۴ برابر نشان می دهد. در این سطح ترک اولیه عمود بر اوستیون ها ایجاد شده است. در این عکس مشخص است که ریزترک ها طی رشد یا از اوستیون منحرف و یا در مرز سمنت لاین ها متوقف شده اند. مسیر ریزترک شماره (۱) از کنار اوستیون گذشته و در سمنت لاین سومین اوستیون متوقف شده است. ریزترک های

کشش دینامیک، نمودار نیرو - جابه جایی است. در نمودارهای به دست آمده مشخص شد که رفتار استخوان طی بارگذاری، به صورت الاستیک خطی است. مسأله مهم دیگر، مسیر رشد ترک مقاومت در نمونه های مختلف است که در رابطه با ریزساختار استخوان است. نتایج حاصل برای بار P_Q و فاکتور K_Q (دو پارامتر حاصل از استاندارد ASTM-E399) در جداول (۱)، (۲) و (۳) آورده شده است. مطابق این جداول، محدوده چرمگی شکست برای استخوان خشک فمور گاو در راستای طولی بین $1.70 \text{ MNm}^{\frac{3}{2}}$ تا $2.86 \text{ MNm}^{\frac{3}{2}}$ و در راستای عرضی بین $1.67 \text{ MNm}^{\frac{3}{2}}$ تا $2.28 \text{ MNm}^{\frac{3}{2}}$ است.

نتایج مربوط به عکس برداری سطوح شکست عکس هایی مطابق شکل های (۳) تا (۸) است و با بررسی سطوح شکست در این عکس ها می توان رفتار شکست و مسیر رشد ریزترک ها را مطالعه کرد.

شکل (۳)، پدیده بیرون کشیده شدن یک اوستیون بر اثر نیروهای کششی واردہ را با بزرگنمایی ۲۰ برابر نشان می دهد. این پدیده بر مقاومت شکست استخوان بسیار تأثیرگذار است.



شکل (۳): پدیده بیرون کشیدگی اوستیون

اگر بزرگنمایی به ۱۱۵۹ برابر افزایش یابد، می توان سطوح شکست در حد لایه های لمه لاها را بخوبی دید. شکل (۴) پدیده جایش لایه ها در لمه لاها داخل استیون را نشان می دهد. در این عکس هر لایه با حرف L مشخص شده است و با مقایسه لایه های کنار هم شکاف عمیق بین آنها قابل تشخیص است؛ همچنین کنده شدن قسمت هایی از لایه ها (مشخص شده با پیکان) نیز در عکس قابل رویت است. بین لایه های کنار هم، فیبرهای بین لایه ای با نوک پیکان و سوراخ هایی که در بین فیبرهای نازک هستند با حرف H مشخص شده اند. همچنین در تصویر می توان دید که فیبرها به یکدیگر پیوسته اند.

شده است، بخوبی مشاهده می‌شود. کانال مشخص شده در این شکل کانال هورسیان (کانال مرکزی اوستیون) است که موازی با سطح شکست است و این، نشان دهنده موازی بودن مسیر رشد ترک اصلی با اوستیون‌هاست. در این شکل، دیگر سطح مقطع سیستم اوستیون‌های ثانویه قابل رویت نیست و حفره‌های موجود، حفره‌هایی چون کانال‌های ولکمن هستند.

شماره (۲) و (۳) نیز طی رشد به مرز اوستیون رسیده و متوقف شده‌اند. در نمونه شکل (۶-الف) ترک اولیه عمود بر اوستیون هاست؛ اما مسیر رشد ترک به گونه‌ای منحرف می‌شود که ترک اصلی بین اوستیون‌ها و موازی با راستی طولی رشد می‌کند. این مطلب در شکل (۶-پ)؛ که از انتهای مسیر رشد ترک تهیه

جدول (۱): مقادیر P_Q و K_Q حاصل از آزمایش شکست در نمونه‌هایی که مسیر رشد ترک عرضی است

شماره	W (cm)	عرض نمونه	B (cm)	ضخامت نمونه	a (cm)	اندازه ترک	$\frac{a}{W}$	$f(\frac{a}{W})$	P_Q (kN)	K_Q ($MNm^{-\frac{3}{2}}$)
۱	۲.۵۶			۰.۷۰		۱.۱	۰.۴۳	۷.۷۸	۰.۲۴	۱.۶۷
۴	۲.۲۸			۰.۵۵		۰.۹۵	۰.۴۲	۷.۵۷	۰.۲۳	۲.۰۱
۷	۲.۲۴			۰.۴۳		۰.۸۰	۰.۳۶	۶.۴۷	۰.۲۳	۲.۳۱
۹	۲.۶۴			۰.۵۵		۰.۷۵	۰.۲۸	۵.۲۳	۰.۴۰	۲.۳۹
۱۵	۲.۰۰			۰.۵۰		۰.۷۰	۰.۳۵	۶.۳۰	۰.۲۸	۲.۲۸
۲۰	۲.۲۲			۰.۵۵		۰.۷۵	۰.۳۲	۵.۸۴	۰.۲۵	۲.۴۴
۲۲	۲.۲۰			۰.۵۰		۰.۹۰	۰.۴۱	۷.۳۷	۰.۲۸	۲.۱۰

جدول (۲): مقادیر P_Q و K_Q حاصل از آزمایش شکست در نمونه‌هایی که مسیر رشد ترک مایل است

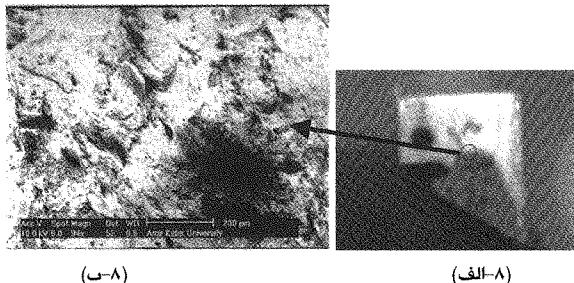
شماره	W (cm)	عرض نمونه	B (cm)	ضخامت نمونه	a (cm)	اندازه ترک	$\frac{a}{W}$	$f(\frac{a}{W})$	P_Q (kN)	K_Q ($MNm^{-\frac{3}{2}}$)
۶	۲.۲۰			۰.۴۵		۰.۷۵	۰.۳۴	۶.۱۴	۰.۲۴	۲.۲۱
۸	۱.۹۲			۰.۴۵		۰.۷۰	۰.۳۶	۶.۴۷	۰.۲۶	۲.۷۰
۱۰	۲.۵۶			۰.۴۵		۰.۸۰	۰.۳۱	۵.۶۹	۰.۶۸	۵.۳۷
۱۲	۲.۵۰			۰.۵۲		۰.۷۰	۰.۲۸	۵.۳۳	۰.۶۵	۴.۲۱
۱۳	۲.۱۶			۰.۴۰		۰.۶۵	۰.۳۰	۵.۶۲	۰.۲۸	۲.۶۲
۱۴	۲.۹۰			۰.۵۵		۰.۸۰	۰.۲۸	۵.۳۳	۰.۷۵	۴.۲۷
۱۶	۲.۲۸			۰.۴۵		۰.۷۰	۰.۳۱	۵.۶۹	۰.۳۰	۲.۵۱
۱۸	۲.۴۰			۰.۵۰		۰.۸۵	۰.۲۵	۶.۳۰	۰.۳۲	۲.۶۰
۲۱	۲.۲۴			۰.۵۰		۰.۸۰	۰.۳۶	۶.۴۷	۰.۲۲	۱.۸۲

جدول (۳): مقادیر P_Q و K_Q حاصل از آزمایش شکست در نمونه‌هایی که مسیر رشد ترک طولی است

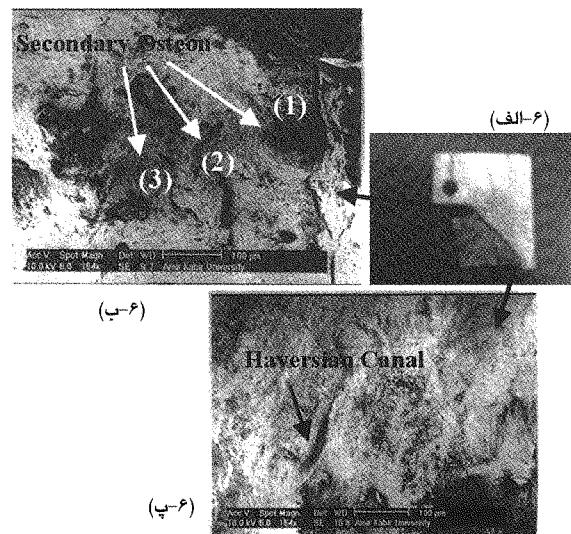
شماره	W (cm)	عرض نمونه	B (cm)	ضخامت نمونه	a (cm)	اندازه ترک	$\frac{a}{W}$	$f(\frac{a}{W})$	P_Q (kN)	K_Q ($MNm^{-\frac{3}{2}}$)
۵	۲.۲۰			۰.۷۰		۰.۹	۰.۴۱	۷.۱۷	۰.۲۴	۱.۷۰
۱۷	۲.۵۶			۰.۵۲		۱.۰	۰.۳۹	۶.۹۹	۰.۲۸	۲.۲۵
۲۳	۲.۳۰			۰.۵۵		۰.۷۰	۰.۳۰	۵.۵۴	۰.۴۲	۲.۸۶

ریزترک‌های موازی در بافت بینابینی است.

در شکل‌های (۶-الف و ب) به ترتیب نمونه تخریب شده بر اثر شکست ناگهانی و عکس SEM آن با بزرگنمایی ۹۴ برابر؛ که نشان دهنده یک حفره بزرگ در سطح شکست است، نشان داده شده است.



شکل (۶): الف) تخریب نمونه بر اثر شکست ناگهانی، ب) عکس SEM یک حفره بزرگ در مقطع شکست



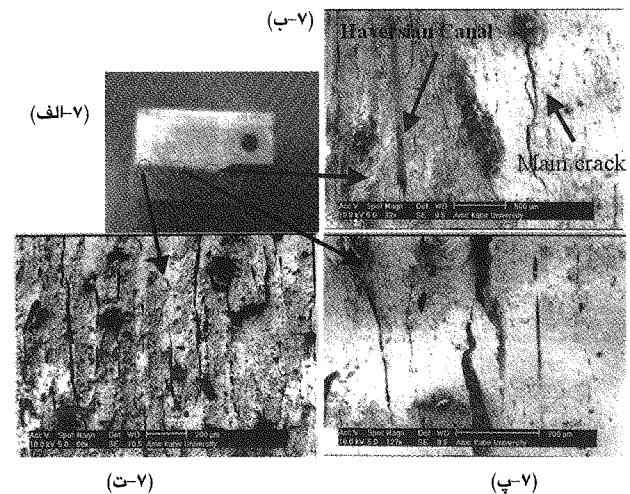
شکل (۶): الف) مسیر رشد ترک اصلی در نمونه، ب) عکس SEM از ابتدای مسیر رشد ترک، پ) عکس SEM از انتهای مسیر رشد ترک

اگر ترک اولیه در نمونه CT، موازی با راستای طولی اوستیون‌ها ایجاد شود، رشد ترک به صورت مستقیم خواهد بود. این حالت بخوبی در شکل‌های (۷) نشان داده شده است.

۴- بحث

تهیه نمونه مطابق استاندارد ASTM-E399؛ که برای مواد فلزی تهیه شده است، برای محاسبه پارامترهای شکست استخوان چون چرمگی گسترش پیدا کرده است؛ اما تست شکست بر روی استخوان به عنوان یک بافت زندگ در مقایسه با مواد مهندسی مشکلات زیادی دارد. یکی از مهم ترین مشکلات تهیه نمونه مطابق سایز استاندارد است؛ زیرا معمولاً اندازه استخوان برای تهیه نمونه طبق استاندارد کافی نیست. این نکته باعث می‌شود که نتوان نتایج آزمایش‌های مختلف را با یکدیگر مقایسه کرد. یکی دیگر از مشکلات در تست شکست استخوان، ساختار ناهمگن استخوان است؛ پس حتی اگر نمونه از مکان‌های مختلف یک استخوان تهیه شود رفتار آن در تست شکست متفاوت خواهد بود. این تفاوت در نمونه‌های تهیه شده از استخوان‌های مختلف، بیشتر خودنمایی می‌کند.

با توجه به موارد یادآوری شده، در این تحقیق آزمایش شکست طبق استاندارد ASTM-E399 بر روی نمونه CT انجام شد. برای بررسی رفتار شکست طولی و عرضی استخوان، شیار و ترک اولیه در راستای طولی و عرضی استخوان فمور ایجاد شد. طبق استاندارد این ترک اولیه به روش بارگذاری خستگی باید ایجاد شود؛ اما ایجاد ترک به این روش در استخوان؛ که بافتی شبکه‌ترد است، دشوار است. در مقالات روش‌های دیگری برای ایجاد ترک اولیه آورده شده است. یکی از آنها ایجاد ترک اولیه به کمک تیغ در انتهای شیار است [۱۶]. با توجه به ابعاد استخوان فمور گاو در برخی از نمونه‌ها امکان تهیه نمونه استاندارد با شرط $W/B = 2$ (و یا $2 \leq W/B \leq 4$) نبود. البته، در بسیاری از مطالعات انجام شده مانند کار و شیز



شکل (۷): الف) مسیر رشد ترک اصلی در نمونه، ب) پ) رشد ریز ترک‌ها در راستای فیبرهای اوستیون

شکل (۷-الف) نمونه را پس از شکست نشان می‌دهد. شکل (۷-ب) نیز سطح شکست در قسمت ابتدایی مسیر ترک را مشخص کرده است. در این عکس، کanal هورسیان نشان داده شده است که راستای آن با مسیر رشد ترک اصلی و سطوح شکست موازی است. در شکل‌های (۷-ب و پ)، به ترتیب با بزرگنمایی ۳۲ و ۱۲۷ برابر، ترک اصلی قابل تشخیص است. همچنین همراه با رشد ترک اصلی ریزترک‌ها موازی با آن در بافت بینابینی تشکیل شده و رشد می‌کنند. شکل (۷-ت) نیز که با بزرگنمایی ۶۰ برابر تهیه شده، نشان دهنده تشکیل

گزارش های دیگر مانند تحقیق اوبرین و همکارانش (۲۰۰۵) نشان می دهند که مسیر رشد ریزترکها به پارامترهای مختلفی مثل شرایط بارگذاری، دانسته اوستیون ها و طول ریزترکها وابسته است [۱۵]. تصاویر SEM از سطوح شکست نشان می دهند که اگر طول ریزترکها هنگام رسیدن به مرز اوستیون در محدوده μm ۱۵۰-۳۰۰ باشد، از مسیر خود منحرف شده و با حرکت حول اوستیون ها به رشد خود ادامه می دهد و اغلب، پس از مقداری رشد متوقف می شوند (شکل ۶-ب) [۱۵]. انحراف ریزترکها در نزدیکی اوستیون، باعث جذب انرژی بیشتر هنگام رشد ریزترکها شده و در نتیجه، افزایش چقرمگی شکست را به همراه خواهد داشت. تأثیر ریزساختار بر روی مسیر رشد ریزترکها و توقف آنها در مرز اوستیون ها موضوع مورد بحث مطالعات متعددی بوده است [۱],[۶],[۹],[۱۵],[۲۰],[۲۷]. در این مطالعات مشخص شد که اگر طول ریزترک هنگام رسیدن به اوستیون کمتر از μm ۱۰۰ باشد، ریزترک در مرز سمنت لاین متوقف می شود و پدیده انفصال سمنت لاین اتفاق می افتد [۱۵]. نتایج عکس برداری از سطوح شکست در تحقیق حاضر نیز تأییدی بر این رفتار است (شکل ۶-ب).

یکی از بهترین پارامترهای توصیف کننده مقاومت استخوان در مقابل شکست (چقرمگی)، دانسته استخوان است [۱۸],[۲۸]. با افزایش دانسته اوستیون در استخوان فمور انسان، ینی و همکارانش (۱۹۹۷) افزایش چقرمگی شکست در مد اول و دوم را گزارش کردند [۲۸]. نتایج حاصل از عکس برداری سطوح شکست نیز نشان می دهد که مسیر رشد ریزترکها تحت تأثیر دانسته اوستیون ها می باشد. مطابق عکس های SEM از سطوح شکست مشخص می شود که در مکان های با دانسته پایین، ریزترکها برای رشد مسیر بین اوستیون ها را طی می کنند (ریزترک (۱) در شکل (۶-ب))، در حالی که، اگر دانسته اوستیون ها زیاد و فاصله بین اوستیون ها کم باشد، ریزترکها، مانند ریز ترک های (۲) و (۳) در شکل (۶-ب)، نمی توانند مسیر بین آنها را طی کنند و در مرز سمنت لاین ها متوقف می شوند. رفتار این دو ریزترک نمایانگر این فرضیه است که در مکان هایی که اوستیون ها نزدیک به یکدیگر هستند، ریزترکها نمی توانند از بین آنها عبور کنند و در مرز سمنت لاین متوقف خواهند شد [۱۸]. از آنجا که نحوه رشد ریزترکها به صورت مستقیم با جذب انرژی در ارتباط است، این پدیده چقرمگی را نیز تحت تأثیر خود قرار می دهد، همان طور که در مطالعات تجربی شکست بر روی استخوان نیز این مطلب گزارش شده است [۲۸].

نتایج حاصل از تست شکست و عکس برداری سطوح شکست نشان می دهند که اگر راستای ترک اولیه ایجاد شده بر

و همکاران (۱۹۹۷) این شرط برقرار نبود ($W/B = 4.66$) [۲۵]. از این رو، نتایج این آزمایش را به صورت دقیق نمی توان با دیگر آزمایشات مقایسه کرد. مقادیر به دست آمده برای چقرمگی شکست در راستای طولی و عرضی اندکی کمتر از گزارش های دیگر است [۱۰],[۲۷] که دلیل آن خشک بودن نمونه ها در این آزمایش است. در نتایج تست حاضر؛ مانند گزارش های دیگر، چقرمگی در راستای طولی کمتر از چقرمگی در راستای عرضی است که با توجه به ریزساختار استخوان این رفتار قابل پیش بینی است [۱۰],[۱۶].

استخوان فشرده گاوی از نظر ریزساختار نظم کمتری نسبت به استخوان فشرده انسان دارد، به طوری که فیبرهای استیونی به صورت پراکنده در بافت بیابینی قرار دارند و یک ماده مرکب را می سازند. در استخوان های بلند گاو نیز مانند استخوان های بلند انسان، در قسمت میانی (مید دیافین) استخوان فشرده و در قسمت دو سر آن (دیافین) بافت اسفنجی بافت غالب استخوان است. به همین دلیل، در این مطالعه دو سر استخوان فمور گاو؛ که بافت غالب آن استخوان اسفنجی است، جدا و کنار گذاشته شد.

با مطالعه سطوح شکست مشخص می شود که شکست در استخوان فشرده هورسیان نیز مانند مواد شبه ترد، با شکل گیری ریزترکها همراه است (شکل ۷-ت) [۲۰],[۲۵]. بر اثر بارگذاری، در نوک یک ترک اولیه منطقه ای از ریزترکها شکل می گیرد که همراه با رشد ترک اصلی این منطقه نیز جایه جا می شود، طوری که تقریباً دانسته ریزترکها در تمام طول ترک اصلی ثابت است (شکل ۷-ت). شکل گیری ریزترکها در نوک ترک اصلی باعث بهبود در چقرمگی شکست می شود [۱۸],[۲۴]-[۲۶]. در واقع، توانایی استخوان در شکل گیری تعداد زیادی ریزترک (نه ترک های بلند با تعداد کم) یک مزیت برای استخوان است، چرا که جذب انرژی به وسیله ریزترکها، مقاومت استخوان در مقابل شکست را افزایش می دهد بی آنکه استخوان ضعیف شود [۱۹].

البتا، توجه به این نکته ضروری است که تأثیر ریزترکها با توجه به زمان شکل گیری آن بر رفتار شکست مقاومت است. ریزترکها در استخوان یا در حین بارگذاری و یا در دوران حیات استخوان شکل می گیرند. ریزترک هایی که طی پروسه شکست در استخوان ایجاد می شوند به علت جذب انرژی چقرمگی شکست را افزایش می دهد [۲۴]-[۲۶]. این در حالی است که بر اثر فعالیت های روزانه ریزترک هایی در استخوان ایجاد می شوند و طی پروسه بازسازی بهبود نمی یابند. وجود این ریزترکها، چقرمگی شکست را می کاهد [۱۴],[۲۲]-[۲۹].

عکس های SEM از سطوح شکست در این پژوهش و

- Melvin J.W., "Fracture Mechanics of Bone", J Biomechanical Engineering, 115, pp. 549-554, 1993
- Nalla R.K. Stolken J.S., Kinney J.H., and Ritchie R.O., "Fracture in human cortical bone: local fracture criteria and toughening mechanisms", J Biomechanics, 38, pp 1517-1525, 2005
- Norman T.L., Vashishth D., and Burr D.B., "Fracture Toughness of Human Bone under Tension", J Biomechanics, 28(3), pp 309-320, 1995
- Norman T.L., Yeni Y.N., Brown C.U., Wang Z., "Influence of Microdamage on Fracture Toughness of the Human Femur and Tibia", Bone, 23(2), pp 303-306, 1998
- O'Brien F.J., Taylor D., and Lee T.C., "The Effect of Bone Microstructure on the Initiation and Growth of Microcracks", J Orthopaedic Research, 23, pp. 475-480, 2005
- Phelps J.B., Hubbard G.B., Wang X., Agrawal C.M., "Microstructural Heterogeneity and the Fracture Toughness of Bone", J Biomedical Material Research, 51, pp 735-741, 2000.
- Raeisi Najafi A., Arshi A.R., Eslami M.R., Fariborz S., Moeinzadeh M., "Haversian cortical bone model with many radial microcracks: An elastic analytic solution", Medical Engineering & Physics, 29 pp 708-717, 2007.
- Raeisi Najafi A., Arshi A.R., Eslami M.R., Fariborz S., Moeinzadeh M., "Micromechanics fracture in osteonal cortical bone: A study of the interactions between microcrack propagation, microstructure and the material properties", J Biomechanics, 40 pp 2788-2795, 2007
- Reilly G.C. and Currey J.D., 2000, "The Effects of Damage and Microcracking on the Impact Strength of Bone", J Biomechanics, 33 pp 337-343, 2000.
- Ritchie R.O., Kinney J.H., Kruzic J.J., and Nalla R.K., "A fracture mechanics and mechanistic approach to the failure of cortical bone", Fatigue Fract Eng Mater Struct, 28 pp 345-371, 2005
- Schaffler M.B., Choi K., and Milgrom C., "Aging and Matrix Microdamage Accumulation in Human Compact Bone", Bone, 17 pp 521-525, 1995
- Schaffler M.B., Pitchford W.C., Choi K., Riddle J.M., "Examination of Compact Bone Microdamage Using Back-Scattered Electron Microscopy", Bone, 16, pp 483-488, 1994
- Sobelman O.S., Gibeling J.C., Stoven S.M., Hazelwood S.J., Yeh O.C., Shelton D.R., and Martin R.B., "Do Microcracks decrease or increase fatigue resistance in cortical bone?" J Biomechanics, 37, pp. 1295-1303, 2004
- Vashishth D., Behiri J.C., and Bonfield W., "Crack Growth Resistance in Cortical Bone: Concept of Microcrack Toughening", J Biomechanics, 30(8), pp 763-769, 1997
- Vashishth D., Behiri J.C., Tanner K.E., Bonfield W., "Toughening Mechanisms in Cortical Bone", Transaction of the Orthopaedic Research Society, p. 56, 1997
- Vashishth D., Tanner K.E., Bonfield W., "Contribution, Development and Morphology of Microcracking in Cortical Bone during Crack Propagation", J Biomechanics, 33, pp. 1169-1174, 2000
- [۱۱] روی نمونه شکست در راستای طولی فیبرهای اوستیونی باشد، ترک به صورت مستقیم رشد می‌کند؛ اما اگر ترک اولیه در جهت عمود بر فیبرها و یا هر جهت دیگری باشد، ترک طی رشد به گونه‌ای منحرف می‌شود که مسیر بین فیبرها را برای ادامه رشد انتخاب می‌کند. می‌توان نتیجه گرفت در استخوان فشرده نیز مانند دیگر مواد مرکب فیبری (FRC) جهت طولی فیبرها کمترین مقاومت در مقابل شکست را دارد [۲۸]. نتایج حاصل در تحقیق حاضر انتطاق خوبی با مشاهدات بهیری و همکارانش [۳] در این زمینه دارد [۴].
- [۱۲] به طور خلاصه می‌توان گفت که در ریزساختار استخوان، اوستیون‌ها مانند یک مانع در مقابل ریزترک‌ها عمل می‌کنند. در نتیجه، بیشتر آنها طول کمی دارند. مسیر رشد آنها نیز به شدت تحت تأثیر ریزساختار استخوان است و دانسته اوستیونها به عنوان یک عامل موثر در تعیین مقاومت استخوان در مقابل شکست می‌باشد.
- [۱۳]
- [۱۴]
- [۱۵]
- [۱۶]
- [۱۷]
- [۱۸]
- [۱۹]
- [۲۰]
- [۲۱]
- [۲۲]
- [۲۳]
- [۲۴]
- [۲۵]
- [۲۶]
- [۲۷]
- [۲۸]
- [۲۹]
- [۳۰]
- [۳۱]
- [۳۲]
- [۳۳]
- [۳۴]
- [۳۵]
- [۳۶]
- [۳۷]
- [۳۸]
- [۳۹]
- [۴۰]
- [۴۱]
- [۴۲]
- [۴۳]
- [۴۴]
- [۴۵]
- [۴۶]
- [۴۷]
- [۴۸]
- [۴۹]
- [۵۰]
- [۵۱]
- [۵۲]
- [۵۳]
- [۵۴]
- [۵۵]
- [۵۶]
- [۵۷]
- [۵۸]
- [۵۹]
- [۶۰]
- [۶۱]
- [۶۲]
- [۶۳]
- [۶۴]
- [۶۵]
- [۶۶]
- [۶۷]
- [۶۸]
- [۶۹]
- [۷۰]
- [۷۱]
- [۷۲]
- [۷۳]
- [۷۴]
- [۷۵]
- [۷۶]
- [۷۷]
- [۷۸]
- [۷۹]
- [۸۰]
- [۸۱]
- [۸۲]
- [۸۳]
- [۸۴]
- [۸۵]
- [۸۶]
- [۸۷]
- [۸۸]
- [۸۹]
- [۹۰]
- [۹۱]
- [۹۲]
- [۹۳]
- [۹۴]
- [۹۵]
- [۹۶]
- [۹۷]
- [۹۸]
- [۹۹]
- [۱۰۰]
- [۱۰۱]
- [۱۰۲]
- [۱۰۳]
- [۱۰۴]
- [۱۰۵]
- [۱۰۶]
- [۱۰۷]
- [۱۰۸]
- [۱۰۹]
- [۱۱۰]
- [۱۱۱]
- [۱۱۲]
- [۱۱۳]
- [۱۱۴]
- [۱۱۵]
- [۱۱۶]
- [۱۱۷]
- [۱۱۸]
- [۱۱۹]
- [۱۲۰]
- [۱۲۱]
- [۱۲۲]
- [۱۲۳]
- [۱۲۴]
- [۱۲۵]
- [۱۲۶]
- [۱۲۷]
- [۱۲۸]
- [۱۲۹]
- [۱۳۰]
- [۱۳۱]
- [۱۳۲]
- [۱۳۳]
- [۱۳۴]
- [۱۳۵]
- [۱۳۶]
- [۱۳۷]
- [۱۳۸]
- [۱۳۹]
- [۱۴۰]
- [۱۴۱]
- [۱۴۲]
- [۱۴۳]
- [۱۴۴]
- [۱۴۵]
- [۱۴۶]
- [۱۴۷]
- [۱۴۸]
- [۱۴۹]
- [۱۵۰]
- [۱۵۱]
- [۱۵۲]
- [۱۵۳]
- [۱۵۴]
- [۱۵۵]
- [۱۵۶]
- [۱۵۷]
- [۱۵۸]
- [۱۵۹]
- [۱۶۰]
- [۱۶۱]
- [۱۶۲]
- [۱۶۳]
- [۱۶۴]
- [۱۶۵]
- [۱۶۶]
- [۱۶۷]
- [۱۶۸]
- [۱۶۹]
- [۱۷۰]
- [۱۷۱]
- [۱۷۲]
- [۱۷۳]
- [۱۷۴]
- [۱۷۵]
- [۱۷۶]
- [۱۷۷]
- [۱۷۸]
- [۱۷۹]
- [۱۸۰]
- [۱۸۱]
- [۱۸۲]
- [۱۸۳]
- [۱۸۴]
- [۱۸۵]
- [۱۸۶]
- [۱۸۷]
- [۱۸۸]
- [۱۸۹]
- [۱۹۰]
- [۱۹۱]
- [۱۹۲]
- [۱۹۳]
- [۱۹۴]
- [۱۹۵]
- [۱۹۶]
- [۱۹۷]
- [۱۹۸]
- [۱۹۹]
- [۲۰۰]
- [۲۰۱]
- [۲۰۲]
- [۲۰۳]
- [۲۰۴]
- [۲۰۵]
- [۲۰۶]
- [۲۰۷]
- [۲۰۸]
- [۲۰۹]
- [۲۱۰]
- [۲۱۱]
- [۲۱۲]
- [۲۱۳]
- [۲۱۴]
- [۲۱۵]
- [۲۱۶]
- [۲۱۷]
- [۲۱۸]
- [۲۱۹]
- [۲۲۰]
- [۲۲۱]
- [۲۲۲]
- [۲۲۳]
- [۲۲۴]
- [۲۲۵]
- [۲۲۶]
- [۲۲۷]
- [۲۲۸]
- [۲۲۹]
- [۲۳۰]
- [۲۳۱]
- [۲۳۲]
- [۲۳۳]
- [۲۳۴]
- [۲۳۵]
- [۲۳۶]
- [۲۳۷]
- [۲۳۸]
- [۲۳۹]
- [۲۴۰]
- [۲۴۱]
- [۲۴۲]
- [۲۴۳]
- [۲۴۴]
- [۲۴۵]
- [۲۴۶]
- [۲۴۷]
- [۲۴۸]
- [۲۴۹]
- [۲۴۱۰]
- [۲۴۱۱]
- [۲۴۱۲]
- [۲۴۱۳]
- [۲۴۱۴]
- [۲۴۱۵]
- [۲۴۱۶]
- [۲۴۱۷]
- [۲۴۱۸]
- [۲۴۱۹]
- [۲۴۲۰]
- [۲۴۲۱]
- [۲۴۲۲]
- [۲۴۲۳]
- [۲۴۲۴]
- [۲۴۲۵]
- [۲۴۲۶]
- [۲۴۲۷]
- [۲۴۲۸]
- [۲۴۲۹]
- [۲۴۳۰]
- [۲۴۳۱]
- [۲۴۳۲]
- [۲۴۳۳]
- [۲۴۳۴]
- [۲۴۳۵]
- [۲۴۳۶]
- [۲۴۳۷]
- [۲۴۳۸]
- [۲۴۳۹]
- [۲۴۳۱۰]
- [۲۴۳۱۱]
- [۲۴۳۱۲]
- [۲۴۳۱۳]
- [۲۴۳۱۴]
- [۲۴۳۱۵]
- [۲۴۳۱۶]
- [۲۴۳۱۷]
- [۲۴۳۱۸]
- [۲۴۳۱۹]
- [۲۴۳۲۰]
- [۲۴۳۲۱]
- [۲۴۳۲۲]
- [۲۴۳۲۳]
- [۲۴۳۲۴]
- [۲۴۳۲۵]
- [۲۴۳۲۶]
- [۲۴۳۲۷]
- [۲۴۳۲۸]
- [۲۴۳۲۹]
- [۲۴۳۳۰]
- [۲۴۳۳۱]
- [۲۴۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳]
- [۲۴۳۳۴]
- [۲۴۳۳۵]
- [۲۴۳۳۶]
- [۲۴۳۳۷]
- [۲۴۳۳۸]
- [۲۴۳۳۹]
- [۲۴۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۳۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۰]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۱]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۲]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۳]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۴]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۵]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۶]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۷]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۸]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۱۹]
- [۲۴۳۳۳۳۳۳۲۰]
- [۲۴۳۳۳

Wright T.M. and Hayes W.C., "Fracture Mechanics Parameters for Compact Bone. Effects of Density and Specimen Thickness", J Biomechanics, 10, pp 419-430, 1977

[۲۷]

Yeni Y.N., Brown C.U., Wang Z., Norman T.L., 1997, "The Influence of Bone Morphology on Fracture Toughness of the Human Femur and Tibia", Bone, 21(5), pp. 453-459, 1997.

[۲۸]

Zioupos P. and Casinos A., "Cumulative Damage and the Response of Human Bone in Two-Step Loading Fatigue", J Biomechanics, 31, pp 825-83 , 1998

[۲۹]

Zioupos P., Currey J.D., and Sedman A.J., "An Examination of the Micromechanics of Failure of Bone and Antler by Acoustic Emission Tests and Laser Scanning Confocal Microscopy", Medical Engineering Physics, 16, pp 203-312, 1994

[۳۰]