

# بررسی و مدلسازی فاز کریستالی پایدار در ترکیبات بین $Gd_2X(X=Al, Ga, In)$ فلزی

فاطمه صبوری<sup>i</sup>; احمد یزدانی<sup>ii</sup>

چکیده

فلزات نادر خاکی، به دلیل گشتاور مغناطیسی بزرگ و تنوع ساختار مغناطیسی و کریستالی که دارند از اهمیت ویژه ای برخوردارند. تجربه نشان می‌دهد با یکسان نگهداشتن الکترونکاتیویته، شعاع یونی، هیبریداسیون و ... که به عنوان مهم ترین عوامل تأثیرگذار در شکل گیری یک فاز پایدار مطرح شده‌اند؛ در ترکیبات لانتانیدی رفتار کریستالی متنوعی مشاهده می‌شود. عنصر گادلینیوم (Gd) با هفت الکترون در تراز 4f تقارن فضایی و پایداری فاز کریستالی و مغناطیسی دارد ولی در سری ترکیبات  $Gd_2X(X=Al, Ga, In)$  تنوع ساختار کریستالی و ناپایداری های فاز مغناطیسی مشاهده می‌شود، به طوری که ترکیب بین فلزی  $Gd_2Al$  در ساختار کریستالی اورتورمبیک و  $Gd_2In$  در ساختار هگزاکونال متبلور می‌شود در حالی که تاکنون هیچ اطلاعاتی درباره ترکیب میانی،  $Gd_2Ga$ ، کزارش نشده است.

در این تحقیق، روش ساخت ترکیب بین فلزی  $Gd_2Ga$  که در نمودار فازی Gd-Ga ثبت نشده است، به روش ذوب با قوس الکتریکی بررسی شد. طیف XRD و SEM شکل گیری ساختار کریستالی اورتورمبیک را در این ترکیب نشان می‌دهد که بسیار حساس به دمای پخت است. سپس پایداری فاز کریستالی ترکیبات  $Gd_2X(X=Al, Ga, In)$  از طریق محاسبه انرژی کل سیستم در چارچوب روش "DFT" با استفاده از نرم افزار Wien2k بررسی شد که نتایج محاسبات با شواهد تجربی مطابقت دارد.

## كلمات کلیدی

گادلینیوم، ساختار کریستالی، پایداری فاز، انرژی، ترکیب بین فلزی

## *Investigation and Modeling of Stable Phase of Crystal in $Gd_2X(X=AL, Ga, In)$ IMC*

F. Sabouri; A. Yazdani

### ABSTRACT

The rare earth metals have special importance for their high magnetic moments, various magnetic and crystal structures. The experiments show in constant conditions, such as electro negativity, ionic radii, hybridization that are important factors that determine the existence of a stable phase of a crystal; there are anomalous behaviors in formation of Rare-earth Compounds. The gadolinium with 7 electron in its 4f shell has spherical symmetry and stability in magnetic and crystal structure but  $Gd_2X(X=Al, Ga, In)$  compounds show anomalous behavior in ones,  $Gd_2Al$  intermetallic compound crystallize in orthorhombic structure and  $Gd_2In$  in hexagonal, while there is no report about  $Gd_2Ga$  IMC.

The manner of preparing of  $Gd_2Ga$  intermetallic compound that is not inscribed in Gd-Ga phase diagram was probed by Arc melted furnace. XRD and SEM data show that its structure is orthorhombic and very sensitive to annealing temperature. Then stability of crystal structures of  $Gd_2X$  ( $X=Al, Ga, In$ )

<sup>i</sup> کارشناس ارشد فیزیک حالت جامد و عضو هیأت علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد گرمسار: f\_sabouri1382@yahoo.com

<sup>ii</sup> دانشیار و عضو هیأت علمی دانشگاه تربیت مدرس: yazdania@modares.ac.ir

compounds were researched by calculating of total energy of systems, based on the DFT calculations by use of Wien2k program that their data are in good agreement with the experimental ones.

## KEYWORDS

Gadolinium, crystal structure, phase stability, energy, intermetallic compound.

صورت تک فاز به دست نمی‌آیند و تنها با انجام عملیات حرارتی مناسب تک فاز می‌شوند [۴]؛ به نظر می‌رسد دلیل آن نزدیکی بسیار زیاد نقاط ذوب آنها به یکدیگر باشد [۵]. از طرفی نبودن یک ترکیب در نمودار فاز دلیل محکمی بر وجود نداشتن آن نیست؛ ترکیباتی نظیر  $\text{Gd}_3(\text{Al},\text{Pd},\text{Pt})$  نیز در نمودار فازیشان نیستند؛ ولی در مقالات گزارش شده اند [۶] تا [۸]. از این رو، ابتدا به ساخت نمونه  $\text{Gd}_2\text{Ga}$  در آزمایشگاه اقدام شد. سپس در بخش دوم تحقیق، پایداری فاز کریستالی ترکیبات مذکور با محاسبه انرژی کل سیستم به وسیله نرم افزار Wien2k در ساختار کریستالی شناخته شده آنها و در ساختاری فرضی بررسی شد.

## ۲- کار تجربی

نمونه  $\text{Gd}_2\text{Ga}$  به روش استوکیومتری از عناصر  $\text{Gd}$  و  $\text{Ga}$  به ترتیب با خلوص ۹۹/۹٪ و ۹۹/۹۹٪ و با استفاده از دستگاه قوس الکتریکی در محیط آرگون ساخته شد؛ عملیات ذوب سه مرتبه تکرار شد، کاهش جرم حین ساخت حدود ۰/۰۰۲g بود که دور از انتظار نبود. سپس نمونه با دستگاه برش MT-MICRO به چند قسمت برش داده شد و در جباب هایی از جنس کوارتز سیلید شد و بر اساس نیازی که در طول تحقیق احساس شد، عملیات حرارتی در چهار برنامه زمانی و دمایی متفاوت انجام شد. از نمونه ها تصاویر SEM تهیه شد، سپس از نمونه های پودر شده طیف XRD تهیه شد.

## ۳- نتایج و بحث

با استفاده از اطلاعات موجود در مورد روش و برنامه های زمان بندی شده پخت ترکیبات  $\text{Gd}-\text{Ga}$  و تک فاز کردن آنها [۴] به نظر می‌رسید که دمای مناسب برای پخت نمونه ها می‌بایست حدود ۱۰۰۰ درجه سانتی گراد باشد؛ اما با توجه به نمودار فازی  $\text{Gd}-\text{Ga}$  (شکل ۱) مشاهده شد که ترکیب  $\text{Gd}_2\text{Ga}$  در صورت شکل گیری بسیار نزدیک به نقطه یوتکنیک سیستم است؛ از این رو انتخاب مناسب دما از حساسیت ویژه ای برخوردار است.

## ۱- مقدمه

الکترونهای تراز 4f فلزات نادر خاکی به دلیل ناقص بودن ترازشان به شدت تحت تأثیر نیروهای تبادلی و کولنی هسته می‌باشند، به همین علت بشدت به یون مقید هستند و باعث بروز خواص مغناطیسی در این فلزات می‌شوند. از این رو، مطالعه روی این مواد در چند دهه اخیر اهمیت قابل توجهی یافته است. در این میان، گادولنیوم،  $\text{Gd}$ ، با هفت الکترون در تراز 4f از تقارن فضایی کاملاً کروی برخوردار است و تنها انرژی مهم درون سیستمی اش، اندرکنش تبادلی است [۱].

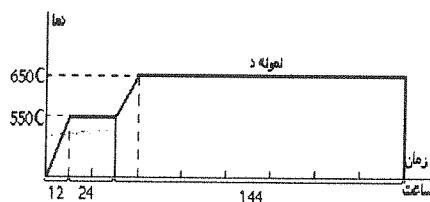
مطالعه روی ترکیبات  $\text{Gd}_2\text{X}$  که عنصر X عضو گروه سوم اصلی جدول تناوبی ( $X=\text{Al},\text{Ga},\text{In}$ ) است، نشان می‌دهد که ترکیبات  $\text{Al}$  و  $\text{Gd}_2\text{In}$  شکل گرفته اند و به ترتیب ساختار کریستالی اورتورمبیک (گروه فضایی ۶۴-Pnma) و هگزاگونال (گروه فضایی ۱۹۴-P63/mmc) دارند [۲]. این در حالی است که درباره ترکیب میانی،  $\text{Gd}_2\text{Ga}$ ، تا کنون هیچ گزارشی ارائه نشده است [۴]. با در نظر گرفتن روند منظم چگالی حالات الکترون رسانش در هر یک سلول بسیط از این عناصر ( $\text{Al}-\text{In}-\text{Ga}$ )،  $0/0.148 \times 10^{-3}$ ،  $0/0.153 \times 10^{-3}$ ،  $0/0.187 \times 10^{-3}$ ،  $0/0.210 \times 10^{-3}$ ،  $0/0.264 \times 10^{-3}$  و  $0/0.440 \times 10^{-3}$ ،<sup>۱</sup> الکترونگاتیویته آنها ([۱] ۰/۰.۶۴، ۰/۰.۷۶ pm، ۰/۰.۷۶ pm، ۰/۰.۷۶ pm، ۰/۰.۷۶ pm) و شعاع یونی شان ([۱] ۰/۰.۹۴ pm) و با توجه به این مطلب که به دلیل کامل بودن تراز آخر این عناصر، در هیچ یک از آنها امکان هیبریداسیون وجود ندارد، سوالات زیر مطرح می‌شود که شباهت بسیار زیاد نمودارهای فازی  $\text{Gd}-\text{Al}$  و  $\text{Gd}-\text{Ga}$  از نظر تعداد ترکیبات موجود، نقطه یوتکنیک سیستم و... تأکیدی بر آنهاست.

(I) چه عواملی در تغییر فاز کریستالی از ساختار اورتورمبیک (گروه فضایی Pnma) با ۱۲ یون  $\text{Gd}$  و ۴ یون  $\text{Al}$  به ساختار هگزاگونال با ۶ یون  $\text{Gd}$  و ۲ یون  $\text{In}$  تأثیرگذاردند؟

(II) بر اساس چه مدلی می‌توان ساز و کار گذار فاز را توصیف کرد؟

(III) چرا با وجود شباهت های موجود، ترکیب بین فلزی  $\text{Gd}_2\text{Ga}$  وجود ندارد؟

مطالعات نشان داده اند که عموماً ترکیبات  $\text{Gd}_x\text{Ga}_y$  به



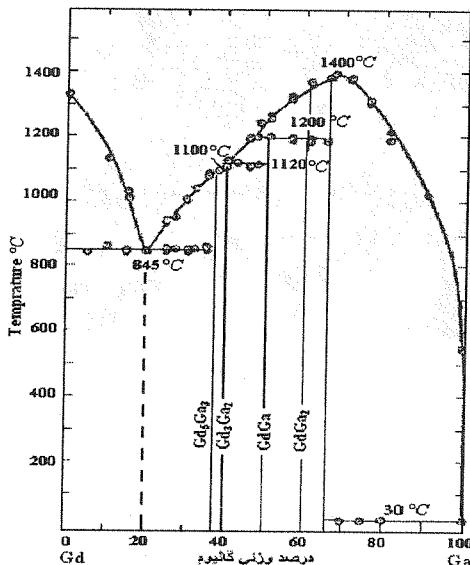
شکل (۲) : نمودار برنامه پخت چهار نمونه (الف)،(ب)،(ج) و (د)

هر دو طیف شکل گیری ساختار اورتورمیک را برای این ترکیب نشان می‌دهند؛ گرچه در هر دو طیف، تعداد و موقعیت پیک‌ها موجود نشان می‌دهد که فاز کاملاً خالص نیست و محل پیک‌ها در هر دو طیف یکسان است؛ این به معنی شکل گیری یک فاز کریستالی است؛ زیرا که ساختار شکل گرفته متفاوت از ساختار عناصر ترکیب شونده و ترکیبات پایدار نزدیک به آن (Gd<sub>3</sub>Gd<sub>5</sub>Ga<sub>3</sub>) است.

شدت پیک‌ها در نمونه (ب) بیشتر است که به معنی مناسب‌تر بودن دمای پخت ۸۰۰°C است.

با هدف تحقیق میزان پایداری فاز شکل گرفته، نمونه (ج) تحت برنامه سوم شکل ۲ انجام شد.

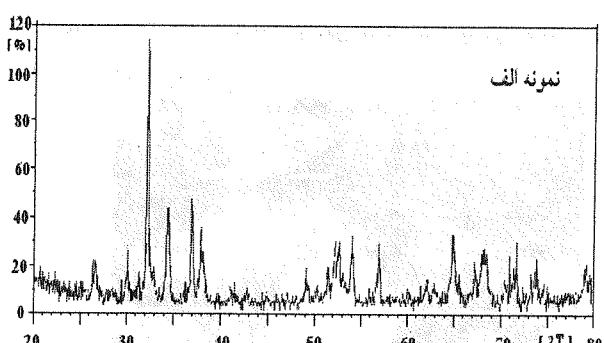
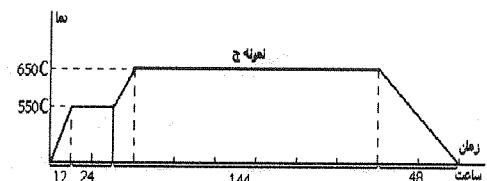
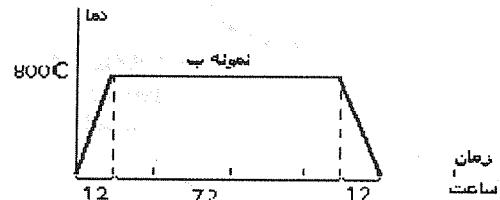
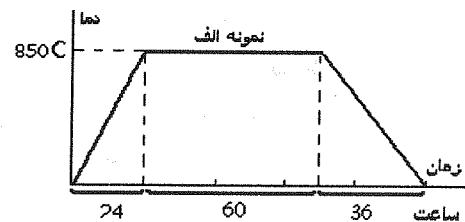
شکل (۳-ج) طیف XRD نمونه (ج) را نشان می‌دهد که کاملاً متفاوت از دو نمونه اول است. پیک‌های اصلی این طیف منطبق با ساختار کریستالی هگزاگونال و تراگونال است. به نظر می‌رسد که فاز اورتورمیک شکل گرفته نیمه پایدار است و شدیداً به دمای پخت حساس است؛ دمای نسبتاً پایین ۶۰°C و مدت زمان طولانی پخت برای این ترکیب نامناسب است و فرستاد کافی برای تغییر فاز را به نمونه می‌دهد. بعضی از پیک‌های طیف این نمونه به ساختار هگزاگونال Gd و بعضی دیگر به ساختار کریستالی تراگونال Gd<sub>5</sub>Ga<sub>3</sub> منطبق است. به نظر می‌رسد نمونه، کاملاً به فازهای مجاورش تبدیل شده است. به منظور بررسی بیشتر نقطه نظر فوق، نمونه (د)، طبق برنامه چهارم پخت تحت عملیات حرارتی قرار گرفت.



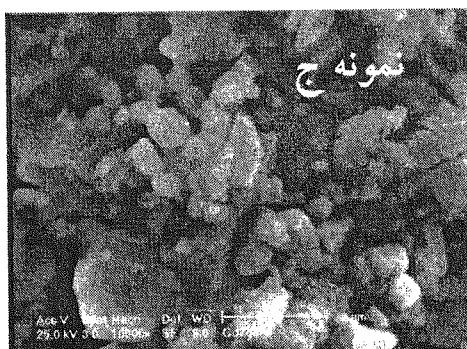
شکل (۱) : نمودار فازی ترکیبات Gd-Ga بر حسب درصد وزنی گالیونیوم

شکل (۲) چهار برنامه متفاوت عملیات حرارتی را نشان می‌دهد که با توجه به نمودار شکل (۱) و بر اساس نتایج آزمایش‌ها انتخاب شد.

برای اولین نمونه با توجه به درجه حرارت یوتکنیک سیستم دمای ۸۵۰ درجه سانتیگراد در نظر گرفته شد و طبق برنامه نشان داده شده در شکل (۱-الف) پخت شد. در مورد نمونه (ب) دما ۵۰ درجه کاهش داده شد. نتایج اندازه گیری XRD نمونه ها در شکل های (۳-الف) و (۳-ب) آورده شده است.



شکل (۳)-الف: طیف XRD نمونه (الف) پخته شده در دمای ۸۵۰°C

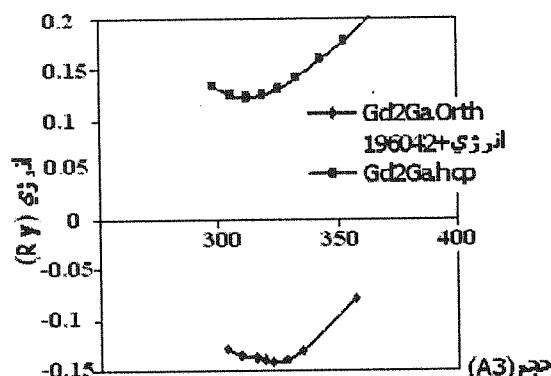


شکل (۵): تصویر SEM نمونه (ج)

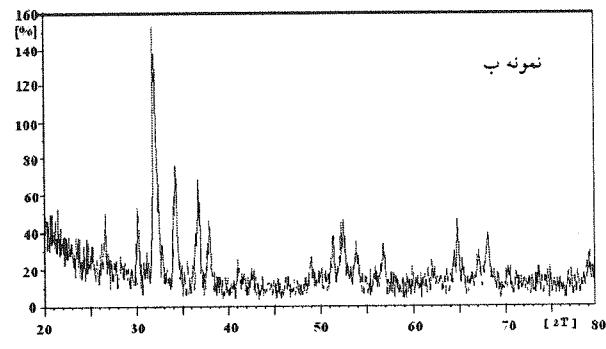
شکل (۴) و (۵) به ترتیب تصاویر SEM تهیه شده از نمونه های (الف) و (ج) را نشان می دهد. بر اساس این تصاویر، دانه های درشت تری در نمونه (الف) نسبت به (ج) تشکیل شده است؛ به این معنی که نمونه (الف) ساختار یکدست تر است. این نتیجه ارجحیت بازه دمایی  $800\text{--}850^\circ\text{C}$  را برای پخت این ترکیب تأیید می کند.

#### ۴- محاسبات

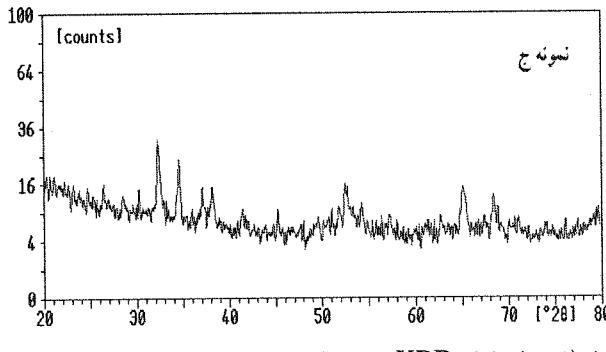
پایداری فاز کریستالی ترکیبات  $\text{Gd}_2\text{Ga}$  در دو ساختار اورتورمبیک (ساختار کریستالی تجربی  $\text{Gd}_2\text{Al}$ ) و هگزاگونال ( $\text{Gd}_2\text{In}$ ) از طریق محاسبه انرژی کل سیستم بررسی شد (شکل ۶). محاسبات با استفاده از نسخه سیستم های خطی نرم افزار Wien2k و بر اساس تقریب تابعی چگالی 'DFT' انجام شد. با هدف مقایسه نتایج، شرایط سیستم برای هر یک از ترکیبات در هر دو ساختار از لحاظ پارامتر های مورد نیاز نرم افزار از جمله شعاع مافین تین، تعداد نقاط  $k$  مش، انرژی جدایی تراز والانس و... یکسان درنظر گرفته شد [۹]. فایل ورودی نرم افزار با توجه به جدول (۱) و (۲) تهیه شد. محاسبات با استفاده از تقریب GGA انجام شد.



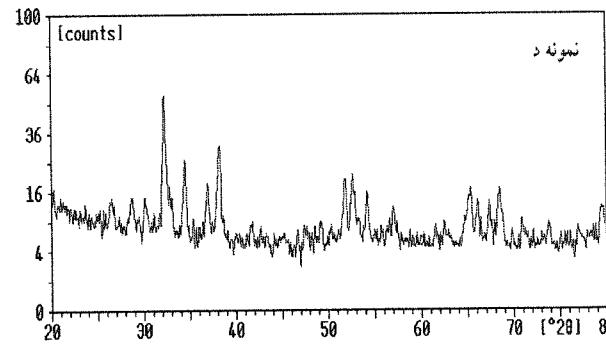
شکل (۶): مقایسه پایداری ترکیب  $\text{Gd}_2\text{Ga}$  در دو ساختار کریستالی اورتورمبیک (منحنی پایین تر) و هگزاگونال (منحنی بالاتر)



شکل (۳-ب): طیف XRD نمونه (ب) پخته شده در دمای  $800^\circ\text{C}$

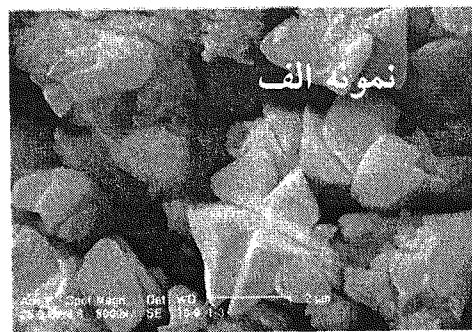


شکل (۳-ج): طیف XRD نمونه (ج) پخته شده در دمای نهایی  $650^\circ\text{C}$

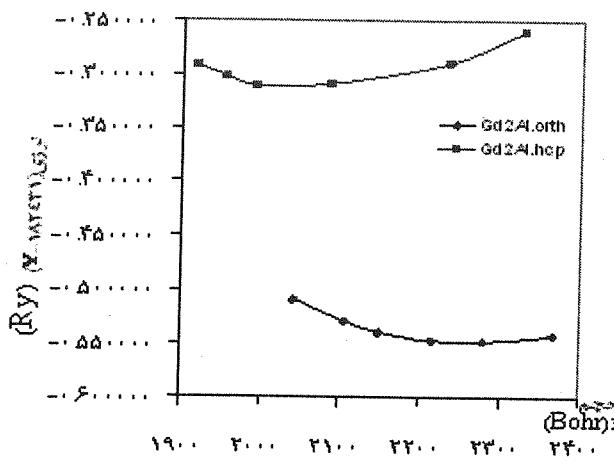


شکل (۳-د): طیف XRD نمونه (د) پخته شده در دمای  $600^\circ\text{C}$  و سریع سرد شدن آن

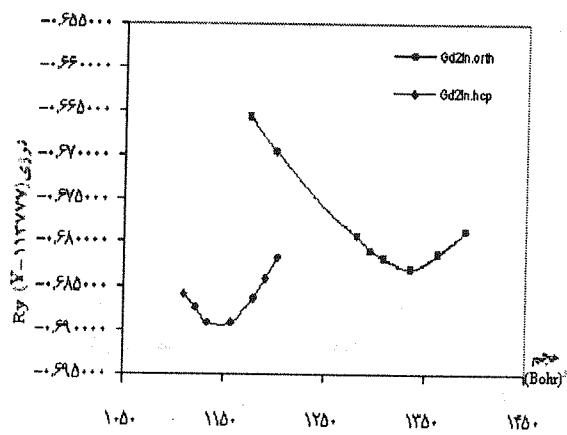
شکل (۳-د) طیف XRD نمونه (د) را نشان می دهد. پیک های اصلی این طیف مخلوطی از فاز  $\text{Gd}_2\text{Ga}$  و  $\text{Gd}_5\text{Ga}_3$  است. این نتایج نیز بر نامناسب بودن دمای پخت  $600^\circ\text{C}$  تأکید می کند.



شکل (۴): تصویر SEM نمونه (الف)



شکل (۷): محاسبه انرژی ترکیب  $Gd_2Al$  در دو ساختار اورتورمیک (منحنی بالاتر)  
(منحنی پایین تر) و هگزاگونال (منحنی با پائین)



شکل (۸): محاسبه انرژی ترکیب  $Gd_2In$  در دو ساختار هگزاگونال (منحنی سمت راست)  
(منحنی سمت چپ) و اورتورمیک (منحنی سمت راست)

شکل (۸) نتایج محاسبات انرژی ترکیب  $Gd_2In$  را در دو ساختار هگزاگونال، ساختار تجربی آن، و اورتورمیک، ساختار مدل سازی شده آن نشان می‌دهد که حاکی از پایداری سیستم در حالت هگزاگونال است. ساختار هگزاگونال به ازای هر یون گادولینیوم  $76mRy$ ، پایدارتر است؛ اما چرا؟  
به نظر می‌رسد در یک گروه از بالا به پایین ( $Al \rightarrow In$ ) با افزایش شعاع یونی فشار سیستم روی سطح فرمی افزایش یافته و اندرکنش بین سطح فرمی و منطقه بریلیون باعث تغییر ساختار می‌گردد، به طوری که گذاری را از ساختار اورتورمیک با ۱۲ یون به هگزاگونال با ۶ یون را برای ترکیب  $Gd_2In$  انجام می‌دهد.

جدول (۱): موقعیت‌های اتم‌ها در ترکیب هگزاگونال با گروه فضایی  $194-P63/mmc$

گروه فضایی- $194-$ $P63/mmc$	x	y	z
Gd(I)	0.3333333333	0.66666667	0.25000000
Gd(II)	0.3333333333	0.66666667	0.75000000
X عنصر	0.0000000000	0.0000000000	0.00000000

جدول (۲): جایگاه یون‌ها در کریستال اورتورمیک با گروه فضایی  $62-pnma$

گروه فضایی- $62-$ $pnma$	x	y	z
Gd(I)	0.9600000	0.25000000	0.7500000
Gd(II)	0.8300000	0.25000000	0.0700000
X	0.2700000	0.25000000	0.1100000

بر اساس شکل (۶) مشاهده شد که ترکیب مذکور در ساختار اورتورمیک به ازای هر یون Gd به اندازه  $22/71Ry$  نسبت به هگزاگونال پایدارتر است. بدین ترتیب، محاسبات نیز وجود فاز اورتورمیک را برای این ترکیب تأیید می‌کنند.  
در ادامه تحقیق با استفاده از نرم افزار مذکور و به روش محاسبه انرژی، پایداری ترکیبات  $(Gd_2Al, In)$  در دو ساختار اورتورمیک و هگزاگونال بررسی شد.

شکل (۷) نتایج محاسبات انرژی را برای ترکیب  $Gd_2Al$  نشان می‌دهد؛ به نظر می‌رسد سیستم در ساختار اورتورمیک (ساختارتجربی اش) بسیار پایدارتر از ساختار هگزاگونالی است که با توجه به مشخصات ترکیب  $Gd_2In$  مدل سازی شده است. محاسبات نشان می‌دهد که ساختار اورتورمیک  $29/7mRy$  به ازای هر اتم، نسبت به  $hcp$  پایدارتر است.

دیگر ترکیبات Gd-Ga نسبت به عملیات پخت بسیار حساس است . به نظر می رسد بهترین بازه دمایی برای پخت این ترکیب ۸۰۰-۸۵۰°C باشد.

شعاع یونی و فشار الکترونی روی سطح کره فرمی به عنوان مهمترین عوامل تأثیرگذار روی ناپایداری سیستم و گذار فاز مغناطیسی این ترکیبات مطرح است .

## ۶- مراجع

C.Santos et al,"Ferro magnetism and temperature-dependent electronic structure of hcp gadolinium" PHYSICAL REVIEW B 69 214412 (2004)

X.Li,"Magnetic properties of Nd<sub>2</sub>Al and Gd<sub>2</sub>Al", Journal of Alloys and Compounds, 288(1999), 76-78.

S.P.McAlister,"Magnetic and electrical properties of Gd<sub>2</sub>In", J.Phys. 14 (1984) 2167-2175.

K.H.J.BUSCHOW and W.W.v.d.HOOGENHOF, "Magnetic Properties and Phase Relationships of Gadolinium-Gallium Compounds", *J. less - Common Metals*, 45(1976) 909 -313

دیوید آپورتن، کنث. ای. ایسترلینگ، دکرگونی فازها در فلزات و آلیاژها. انتشارات دانشگاه شیراز (۱۳۷۸).

Talik, A. Slebarski, journal of Alloys and Compounds 223 (1995) 87-90.

E.Talik, M. Neumann, T. Mydlarz, Journal of Magnetism and Magnetic Materials 189 (1998) 183-188.

White R.M., "Quantum Theory of Magnetism", New York: Mc Grow Hill Inc, 1970.

WIEN2k, User's Guide, November 2001, section 2-10

جدول (۳): مقایسه انرژی سیستم در ترکیبات Gd<sub>2</sub>X (X=Al,Ga,In)

ترکیب	انرژی (ریدبرگ)
Gd <sub>2</sub> Al	-۱۸۲۴۲۱/۴۸۴۹۰۹
Gd <sub>2</sub> Ga	-۱۹۶۰۴۲/۱۴۰۲۲۲۸
Gd <sub>2</sub> In	-۲۲۷۵۵۵/۳۷۸۱۴۲

مطابق جدول (۲) انرژی سیستم برای ترکیبات X (Gd<sub>2</sub>X ) عضو گروه سوم جدول تناوبی) از بالا به پایین منفی تر شده

است؛ یعنی انتظار پایداری بیشتری را در سیستم Gd<sub>2</sub>Ga نسبت به ترکیب Gd<sub>2</sub>Al داریم؛ ولی نتایج XRD نشان می دهد که دمای نامناسب پخت باعث از دست رفتن ساختار کریستالی اورتورمیک و تغییر فاز آن می شود. از آنجا که ناپایداری یک

سیستم به موقعیت آن از لحاظ انرژی نسبت به ترکیبات مجاورش در نمودار فاز دارد؛ در بخش دیگری از محاسبات انرژی کل سیستم در فازهای مجاور بررسی شد. بر اساس

جدول (۴) انرژی ترکیب Gd<sub>2</sub>Ga نسبت به هر دو فاز دیگر ناپایدارتر است.

جدول (۴): انرژی محاسبه شده سیستم برای ترکیب Gd<sub>2</sub>Ga و دو فاز مجاورش در نمودار فازیش با استفاده از نرم افزار Wien2k

ترکیب	انرژی به ازای هر یون گادلنیوم (Ry)
Gd	-۲۲۵۶۱/۱۲۲۸۲
Gd <sub>2</sub> Ga	-۲۲۴۸۷/۳۵۱۴۸
Gd <sub>5</sub> Ga <sub>3</sub>	-۲۴۸۹۳/۹۹۲۹۰

محاسبات و تجربه نشان دادند که وجود دو فاز قوی تر در همسایگی این ترکیب در نمودار فازی آن باعث می شود که به سختی بروز کند .

## ۵- نتیجه

به نظر می رسد که ترکیب بین فلزی Gd<sub>2</sub>Ga در فاز اورتورمیک شکل می گیرد که نتایج تجربی و محاسبات انرژی سیستم منققاً آن را تصدیق می کند؛ ولی این ترکیب نیز همانند

