

# توسعه روش گراف در شناسایی فیچرهای ماشین کاری

کیوان رحمانی<sup>۱</sup>; بهروز آرزو<sup>۲\*</sup>

چکیده

شناسایی فیچرهای ساخت از مدل CAD مهمترین مرحله در راه ایجاد یک سیستم اتوماتیک برنامه ریزی فرآیند ساخت است. فیچرهای نسبت به اجزای استفاده شده در مدل CAD عناصر سطح بالاتری هستند که اطلاعات طراحی را به فعالیتهای ساخت مرتبط می‌کنند. یکی از متداول‌ترین روش‌ها برای شناسایی فیچرهای این روش‌ها معمول ممکن است که به آنها روش‌های گراف توصیف کننده نحوه ارتباط وجوده و همین طور ویژگی‌های لبه‌های یک قطعه است که به مکانیکی بر گراف گفته می‌شود. در این مقاله، یک روش توسعه یافته ممکن است که به مکانیکی بر گراف ارائه شده است که نسبت به روش‌های معمول ممکن است که با این ترتیب که این روش، راه حل کلی‌تری را برای حل مساله فیچرهای متقاطع ارائه می‌کند و از نظر محاسباتی نیز مناسب‌تر از روش‌های گذشته است. همچنین الگوریتم‌های ممکن است که پیشنهاد شده تاکنون بیشتر به قطعات چند وجهی و فیچرهای غیر چند وجهی و سه بعدی نیز توسعه داده شده است.

## کلمات کلیدی

.Graph Theory, شناسایی فیچرهای، CAPP, CAM, CAD

## Machining Feature Recognition Using an Extended Graph Theory

K. Rahmani; B. Arezoo

### ABSTRACT

Manufacturing feature recognition is a basic component for systems that automatically generate manufacturing processes. When compared to the set of low level entities existing in a component's CAD model, features are a set of higher level entities that model the correspondence between design information and manufacturing activities. Graph-based methods, which use the part adjacency graph to recognize features, are among the most common techniques in the existing feature recognition literature. In this paper, some techniques are proposed which significantly improve the performance of traditional graph-based algorithms. The approach is more general and efficient than common graph-based approaches dealing with the problem of feature interactions. The scope of the graph-based approaches is also extended in this paper to include curved and 3D features in addition to polyhedral features, where most of the existing graph-based algorithms have focused only on the polyhedral objects.

### KEYWORDS

CAD, CAM, CAPP, Feature recognition, Graph Theory.

<sup>۱</sup> کارشناس ارشد مهندسی مکانیک (ساخت و تولید)، دانشگاه صنعتی امیرکبیر.

<sup>۲\*</sup> دانشیار دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی امیرکبیر: barezoo@aut.ac.ir

## ۱- مقدمه

محدب یا مقعر بودن لبه‌ها نیز اضافه می‌شود. گراف مورد نظر سپس به کمک یک heuristic به زیرگراف‌های "خود تجزیه" می‌شود. زیرگراف‌های حاصل نیز برای تعیین نوع فیچر آنها تحلیل می‌شوند. در روش، از الگوریتم‌های شباهت‌یابی بین زیرگراف‌ها<sup>۱۲</sup> برای مقایسه زیرگراف‌های تجزیه شده با یک سری گراف‌های الگو استفاده می‌شود. این روش در شناسایی فیچرهای جدا از هم بخوبی عمل می‌کند، ولی در شناسایی فیچرهای متقاطع عملکرد خوبی ندارد.

"معرفت"<sup>۱۳</sup>، [۶]، [۷]، [۸] با استفاده از تکنیک‌های تست فرضیه<sup>۱۴</sup>، سعی که تا قابلیت شناسایی فیچرهای متقاطع را در یک روش متکی بر گراف بهبود بخشد. او ملاحظه کرد که بر اثر متقاطع فیچرهای قوس‌های موجود در گراف قطعه ممکن است حذف شده باشند؛ بنابراین تلاش کرد به طریقی این قوس‌های حذف شده را به گراف قطعه باز گرداند. روش او به قطعات چند وجهی<sup>۱۵</sup> محدود بود و در بازگرداندن قوس‌های ناپدید شده و شناسایی فیچرها همیشه موقع عمل نمی‌کند.

"زو"<sup>۱۶</sup> نیز الگوریتمی را برای شناسایی فیچرهای فرم در قطعات ۲/۵ بعدی ارائه کرده است. در روش او، با توجه به اطلاعات تحبد و تقریر وجوده و لبه‌ها، به جستجوی نشانه‌های وجود فیچر پرداخته می‌شود و فیچرهای بر اساس این اطلاعات شناخته می‌شوند. البته فیچرهایی که در این روش شناسایی می‌شوند، مستقیماً به عملیات ماشین‌کاری مربوط نمی‌شوند. در اینجا یک طبقه‌بندی کلی از فیچرها ارائه می‌شود که برای استفاده در ماشین‌کاری باید بیشتر تجزیه و تحلیل شود.

"کیم"<sup>۱۰</sup>، [۱۱]، [۱۲] روش تجزیه محدب<sup>۱۰</sup> را برای شناسایی فیچرها پیشنهاد کرد که یک روش چند مرحله‌ای است. در اینجا ابتدا از تفاضل منظم<sup>۱۷</sup> مدل قطعه از پوسته محدب<sup>۱۷</sup> آن یک حجم واسطه تشکیل می‌شود. حجم واسطه حاصل نیز به همان ترتیب از پوسته محدب خود تفریق می‌شود و این عمل به همین شکل برای حجم‌های واسطه بعدی نیز ادامه می‌یابد تا زمانی که یک مجموعه تهی، حاصل تفاضل باشد. در مرحله بعد کلیه حجم‌های واسطه ایجاد شده به صورت متناسب با جمع و تفریق می‌شوند و اجزای حاصل از این جمع و تفریق متناسب به عنوان فیچر فرم در نظر گرفته می‌شوند. در ادامه روش‌هایی نیز برای ترکیب کردن این فیچرهای فرم و ایجاد فیچرهای ماشین‌کاری از آنها پیشنهاد شده است. این روش ممکن است به ایجاد یک مجموعه ناخواسته از فیچرها منجر شود. همچنین این روش ذاتاً برای قطعات چند وجهی مناسب است.

"ساکورای"<sup>۱۳</sup>، [۱۲] از تکنیک تجزیه سلولی<sup>۱۸</sup> برای شناسایی فیچرها استفاده کرد. در این روش ابتدا تمام سطوح و

برنامه‌ریزی فرآیند تولید به کمک کامپیوتر<sup>۱</sup> (CAPP) واسطه ارتباط دهنده CAD<sup>۲</sup> و CAM<sup>۳</sup> در یک سیستم طراحی و ساخت اتوماتیک است. در چنین سیستمی یکی از مهم‌ترین مسائل این است که چگونه می‌توان اطلاعات موجود در CAD را به صورتی که در CAPP قابل استفاده باشند، تفسیر کرد؛ چرا که CAD مدل قطعه را به صورت هندسی بیان می‌کند؛ ولی به اطلاعاتی که در CAPP احتیاج است، فیچرهای ساخت هستند که اطلاعات مربوط به آنها باید به نحوی از مدل CAD استخراج و استنتاج شود. شناسایی فیچرها<sup>۴</sup> یکی از مهم‌ترین روش‌هایی است که تاکنون برای ایجاد ارتباط اتوماتیک بین CAPP و CAD ارائه شده است. در شناسایی فیچرها، هدف اصلی شناسایی اجزای سطح بالاتر (فیچرها) از مجموعه اجزای سطح پایین‌تر موجود در مدل هندسی قطعه، نظیر نقاط، لبه‌ها و سطوح است.

تحقیقات در زمینه شناسایی فیچرها بیش از دو دهه پیش آغاز شده است؛ اما نتایج این تحقیقات بر خلاف حجم بسیار زیاد کارهای انجام شده، به میزان بسیار کمی وارد صنعت شده است؛ زیرا هنوز تا دستیابی به سیستمی که به طرز معقولی قادر به شناسایی فیچرها در کاربردهای صنعتی باشد و فیچرهای شناسایی شده به وسیله آن کاملاً اطلاعات مورد نیاز یک سیستم CAPP را تامین کند، راه درازی باقی مانده است [۱].

یکی از مهم‌ترین موضوعاتی که در کارهای تحقیقاتی انجام شده در زمینه شناسایی فیچرها به چشم می‌خورد، مسئله تقطیع فیچرها<sup>۵</sup> است [۲]. تقطیع فیچرها به حالتی گفته می‌شود که دو حجم فیچر یکدیگر را قطع کنند. در چنین حالتی، اطلاعات استفاده شده برای شناسایی فیچرها یا تغییر می‌کنند و یا کاملاً از بین می‌روند، که باعث دشوار شدن شناسایی فیچرها می‌گردد. از آنجا که روش‌های متکی بر گراف تاکنون توانایی محدودی را در شناسایی فیچرهای متقاطع ارائه کرده‌اند، هدف بعدی مورد نظر در این مقاله، توسعه بیشتر توانایی شناسایی فیچرهای متقاطع در روش‌های سنتی متکی بر گراف است.

تشخیص الگوی گرامری<sup>۶</sup> و استفاده از سیستم‌های خبره<sup>۷</sup>؛ از جمله روش‌های به کار گرفته شده در شناسایی فیچرها هستند که امروزه دیگر چندان مورد توجه نیستند [۳]، [۴]. تبدیل نمایش مرزی (B-Rep)<sup>۸</sup> قطعه به یک گراف را؛ که گره‌های آن معرف وجوه قطعه و قوس‌های<sup>۹</sup> آن معرف لبه‌های قطعه می‌باشند، نخستین بار "جوشی و چانگ" فرمول بندی کردند [۵]. به این گراف اطلاعاتی اضافی نظیر

می‌شود.

در بین روش‌هایی که در این قسمت شرح داده شدند، استفاده از گراف یکی از متدائل‌ترین روش‌های موجود در زمینه شناسایی فیچرهاست. این روش‌ها مزایایی نسبت به روش‌های دیگر که از آن جمله می‌توان به موارد زیر اشاره کرد [۱۶]:

۱- آنها را می‌توان در محدوده‌های دیگری علاوه بر ماشین‌کاری نیز به کار برد.

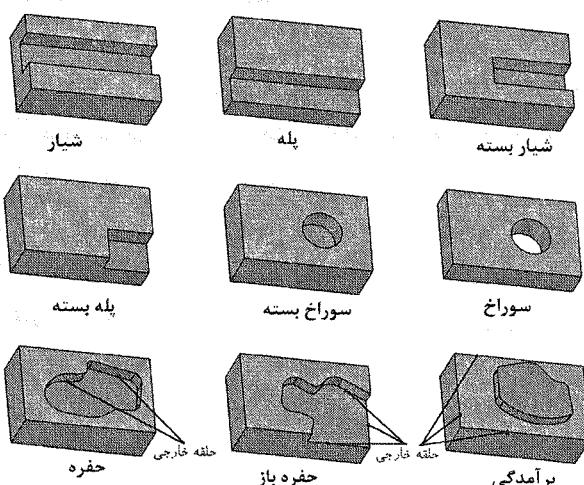
۲- این روش‌ها به کاربر اجازه می‌دهد که انواع جدیدی از فیچرهای را بدون تغییر متن و کد برنامه اضافه کند.

۳- این روش‌ها در شناسایی فیچرهای غیر متقطع بسیار موفق عمل می‌کنند.

بنابراین اگر به نحوی اشکالات روش‌های متکی بر گراف تصحیح و قابلیت‌های آن بهبود داده شوند، توانایی شناسایی فیچرهای در آنها بسیار بهبود خواهد یافت. این موضوع هدف مقاله حاضر است که در قسمت‌های بعدی به این موضوع پرداخته خواهد شد.

## ۲- دسته‌بندی فیچرهای

فیچرهای بررسی شده در این مقاله به ۹ گروه تقسیم‌بندی شده‌اند: شیار<sup>۲۴</sup>، پله<sup>۲۵</sup>، شیار بسته<sup>۲۶</sup>، پله بسته<sup>۲۷</sup>، سوراخ بسته<sup>۲۸</sup>، سوراخ راه به در<sup>۲۹</sup>، حفره<sup>۳۰</sup>، حفره باز<sup>۳۱</sup> و برآمدگی<sup>۳۲</sup> که مثال‌هایی از هر یک در شکل (۱) مشاهده می‌شود. در این طبقه‌بندی سعی شده است تا بیشتر فیچرهایی که متناظر با ایجاد یک شکل هندسی و برآرد بوداری در قطعه هستند، در طرح گنجانده شوند. طرح ارائه شده حاوی فیچرهای منحنی نیز است و برای برخی از فیچرهای سه بعدی نیز قابل استفاده می‌باشد.



شکل (۱): طبقه‌بندی فیچرهای بررسی شده

نیم فضاهای موجود در حجم دلتا<sup>۱۰</sup> (حجمی که از تفاضل محصول از قطعه خام ایجاد می‌شود) با یکدیگر تقاطع داده می‌شوند و به این ترتیب حجم دلتا به کوچکترین سلول‌های ممکن تجزیه می‌شود. سپس با ترکیب زیرمجموعه‌های این سلول‌ها، احجام ماشین‌کاری ایجاد می‌شوند؛ که در مرحله بعدی به صورت یک فیچر ماشین‌کاری طبقه‌بندی می‌شوند. پیچیدگی زمانی محاسبات انجام شده در این روش از مرتبه نمایی<sup>۲۰</sup> بوده و با افزایش تعداد فیچرهای شدت افزایش می‌یابد<sup>۲۱</sup> و از سوی دیگر، فیچرهای ایجاد شده ممکن است با هیچ مجموعه از پیش تعریف شده و شناخته شده‌ای از فیچرهای مطابقت نداشته باشند.

"ساندار ارجان"<sup>۱۵</sup>] روشی را برای شناسایی فیچرهای با فرم دلخواه<sup>۲۲</sup> ارائه کرد. در کار او فیچرهای فرم دلخواه، سطوح آزادی هستند که به یک کانتور مسطح محدود شده‌اند. در این روش، سطوح منحنی با سطوح تختی، که در بر گیرنده آنهاست، جایگزین و برای ایجاد حجم فیچر سطح پوشش دهنده به سمت سطح آزاد متناظر آن جاروب می‌شوند و به این ترتیب، حجم ماشین‌کاری فیچر ایجاد می‌شود که به سطح آزاد محدود شده است.

"وندن برند"<sup>۱۲</sup>، استدلالی متکی بر ردیابی<sup>۲۳</sup> فیچرهای برای حل مساله فیچرهای متقطع ارایه کرد. او اصل وجود فیچر را به این صورت تعریف کرد که یک فیچر و عملیات ماشین‌کاری مرتبط با آن حتی زمانی که فیچرهای متقطع می‌کنند باید از خود اثری در مرز قطعه به جا گذاشته باشد. این ردیابها ممکن است هندسی، فیچرهای طراحی، ترانس‌ها و دیگر صفات طراحی باشند. به طور مثال، وجود دو وجه موازی و دارای جهت مختلف نشانه وجود شیاری خواهد بود که این سطوح مطابق با سطوح جانی آن می‌باشند. در مرحله بعدی یک حجم برای این رد پا ایجاد شده و سپس صحت این حجم ارزیابی

### ۳- تعاریف مقدماتی

بعدی ابتدا باید مفهوم امتداد یک مجموعه<sup>۴۱</sup> تشریح شود: برای امتداد یک مجموعه، هر نقطه از مجموعه در امتداد یک مسیر مشخص؛ که به همان نقطه وابسته است، حرکت دارد می‌شود. فرض شود  $S$  مجموعه‌ای شامل نقاط  $P$  باشد ( $S = \{P\}$ ) و مجموعه‌ای از منحنی‌های متصل به این نقاط با نام  $C(P)$  وجود داشته باشد؛ به طوری که نقطه انتهای این منحنی‌ها در  $P$  واقع شده باشد؛ در این صورت امتداد مجموعه  $S$  که  $Ext(S)$  نامیده می‌شود فضایی است که نقاط  $P$  با حرکت در امتداد منحنی‌های  $C(P)$  متناظرشان جاروب می‌کنند. به عبارت دیگر:

$$S = \{P\} \rightarrow Ext(S) = \bigcup_{P \in S} C(P) \quad (1)$$

اکنون بر اساس تعریف فوق، فیچرهای ۲/۵ بعدی و سه بعدی را می‌توان به صورت زیر تعریف کرد: اگر در (۱)،  $S$  مجموعه نقاط واقع بر یک صفحه و  $\{C(P)\}$  مجموعه‌ای از خطوط راست موازی عمود بر این صفحه باشد، آنکاه حجم جاروب شده نقاط  $P$  را ۲/۵ بعدی می‌نامیم؛ در غیر این صورت حجم مذکور سه بعدی نامیده می‌شود. در قسمت‌های بعدی ملاحظه خواهد شد که روش اجرا شده در کار حاضر علاوه بر فیچرهای ۲/۵ بعدی، فیچرهای سه بعدی را نیز در بر می‌گیرد.

### ۴- گراف نحوه همسایگی ۷

مبناًی روش پیشنهادی در مقاله حاضر را گراف نحوه همسایگی تشکیل می‌دهد. گراف نحوه همسایگی را، نخستین بار "جوشی"<sup>[۵]</sup> [۵] معرفی کرد و پس از آن در بسیاری از کارهای مرتبط بعدی استفاده شده است. این گراف را می‌توان به این صورت تعریف کرد: سه‌تایی مرتب<sup>۴۲</sup> ( $N, L, T$ ) که دارای ویژگی‌های زیر است:

- مجموع ناتهی گره‌های این گراف است به نحوی که به ازای هر لبه  $e_{ij}$  از قطعه؛ که وجود  $f_i$  و  $f_j$  را به هم متصل کرده است، یک قوس واحد  $l_{ij}$  در  $L$  وجود دارد که گره‌های  $n_i$  و  $n_j$  را به هم متصل می‌کند. توجه شود که در این تعریف  $e_{ji}$   $e_{jj}$  نیست.

- مجموعه حالت‌های<sup>۴۳</sup> لبه‌های گراف است؛ به این ترتیب که به هر قوس  $l_{ij}$  یک برچسب  $t_{ij} \in T$  اختصاص داده

پیش از توضیح نحوه عملکرد الگوریتم‌های این مقاله، به دلیل استفاده مکرر از مفاهیمی نظیر وجه، سطح، سطوح تحلیلی، لبه و نیم لبه لازم است این موارد به طور دقیق و مختصر شرح داده شوند.

### ۴-۱- سطوح

به طور کلی سطوح مورد استفاده در سیستم‌های CAD را می‌توان به دو دسته تقسیم کرد: سطوح تحلیلی<sup>۴۴</sup> و سطوح تصنیعی<sup>۴۵</sup>. سطوح تحلیلی شامل صفحه، سطوح خط دار<sup>۴۶</sup>، سطوح دور<sup>۴۷</sup> و استوانه غیر دور<sup>۴۸</sup> می‌شوند. توجه شود که به این ترتیب سطوحی نظری استوانه دور، مخروط، کره و چنبره زیر مجموعه‌ای از سطوح دور خواهد بود [۱۷].

در این مقاله از بین این سطوح تحلیلی از این پس پنج سطح صفحه‌ای، استوانه دور، مخروطی، کره‌ای و چنبره‌ای<sup>۴۹</sup> سطوح تحلیلی ساده نامیده می‌شوند. سطوح تصنیعی نیز شامل سطوحی نظری Bezier و B-spline می‌گردند که از انطباق (fitting) یک سطح آزاد بر مجموعه‌ای از نقاط حاصل می‌شوند [۱۷].

### ۴-۲- مدل توپر<sup>۵۰</sup>

در کار حاضر از نمایش (B-rep)<sup>۴۱</sup> قطعه برای شناسایی فیچرهای استفاده شده است. امروزه استفاده از مدل‌سازهای B-rep به دلیل مزایایی که دارند به سرعت رو به گسترش است. نمایش مرزی بر یک ایده توپولوژیکی استوار شده است و آن این است که یک جسم فیزیکی با مجموعه‌ای از وجوده<sup>۴۱</sup> پوشانده شده است. این وجوده زیر پذیر<sup>۴۲</sup> هستند که خود را قطع نمی‌کنند. سطح بسته جهت‌پذیر<sup>۴۳</sup> هستند که خود که پیوسته و مشتق‌پذیر باشد. سطح جهت‌دار نیز سطحی است که می‌توان از جهت بردار نرمال آن برای اشاره به داخل یا خارج مدل توپر استفاده کرد. مرز یک وجه به یک یا چند حلقه<sup>۴۴</sup> محدود می‌شود. حلقه‌ها مجموعه‌های مرتبی از رئوس<sup>۴۵</sup> و لبه‌های<sup>۴۶</sup> جسم هستند که به صورت یک در میان قرار گرفته‌اند. یک رأس در مدل توپر به یک نقطه منحصر به فرد در فضا گفته می‌شود و یک لبه به منحنی محدود و جهت‌داری گفته می‌شود که به دو رأس محدود شده و خود را قطع نمی‌کند.

### ۴-۳- فیچرهای سه بعدی

موضوع دیگری که توضیح آن در اینجا مناسب است، تعریف فیچرهای سه بعدی است. پیش از تعریف فیچرهای سه

می‌شود اگر معادل یک برآمدگی در قطعه باشد و به آن مکعر گفته می‌شود اگر معادل یک فرورفتگی در قطعه باشد. به وجوده مسطح جووه خنثی گفته می‌شود.

۲- لبه‌های محدب/مکعر<sup>۱</sup>: فرض شود که  $\theta$  زاویه بین دو وجه  $f_i$  و  $f_j$  در قسمت توپر جسم باشد. در این صورت لبه  $e_{ij}$  مشترک بین این دو وجه می‌تواند به یکی از صورت‌های زیر باشد:

- مکعب است اگر  $180 < \theta < 0$ .

- مکعب صاف<sup>۲</sup> است اگر  $f_i$  و  $f_j$  بر یکدیگر در طول این لبه مماس، و  $f_i$  و  $f_j$  هر دو مکعب یا یکی مکعب و دیگری خنثی باشد.

- مکعب است اگر  $360 < \theta < 180$ .

- مکعب صاف<sup>۳</sup> است اگر  $f_i$  و  $f_j$  بر یکدیگر در طول این لبه مماس، و  $f_i$  و  $f_j$  هر دو مکعب یا یکی مکعب و دیگری خنثی باشد.

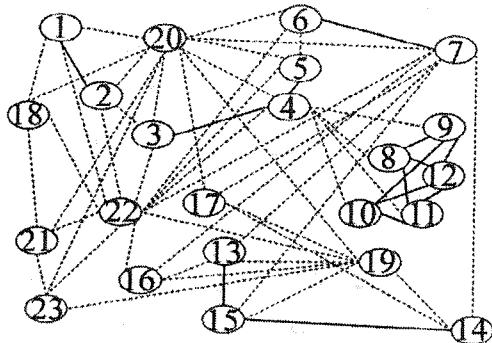
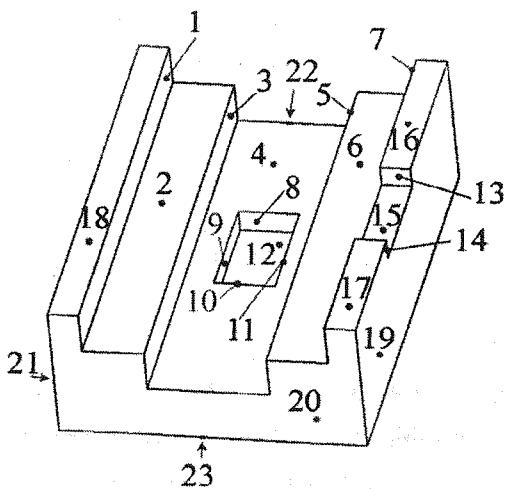
- خنثی صاف<sup>۴</sup> است اگر  $a$  و  $b$  بر هم مماس، و یکی از آنها مکعب و دیگری مکعب باشد.

می‌شود که مشخص کننده حالت آن قوس است. حالات‌ها با تابع  $\Psi(l) : L \rightarrow \{0,1\}$  تعریف می‌شوند. اگر لبه  $e_{ij}$  متناظر با قوس  $l_{ij}$  مکعب باشد  $\Psi(l_{ij}) = 0$  و اگر مکعب باشد  $\Psi(l_{ij}) = 1$ .

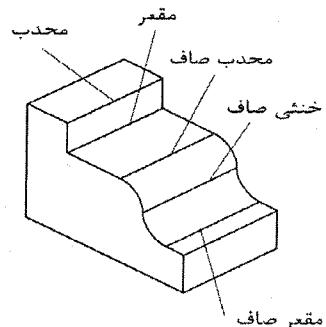
یک لبه را مکعب گویند، اگر زاویه بین وجوده متناظر با آن در داخل قطعه بزرگ‌تر از  $180^\circ$  باشد و آن را مکعب گویند اگر این زاویه کوچک‌تر از  $180^\circ$  باشد. در شکل (۲) نمونه‌ای از این گراف برای یک قطعه ساده ملاحظه می‌شود. در این شکل، لبه‌های مکعب با خطوط توپر و لبه‌های مکعب با خط چین نمایش داده شده‌اند.

مکعب یا مکعب بودن لبه‌ها در کار جوشی و چانگ، تنها برای قطعات چند وجهی تعریف شده‌اند؛ بنابراین سیستم آنها تنها قادر به شناسایی فیچرهای چند وجهی بوده است. برای توسعه بیشتر این روش ابتدا باید تعاریف کلی تری برای تعریف و تحدب لبه‌ها و وجوده قطعه ارائه شود. تعاریف "زو"<sup>[۹]</sup> می‌تواند در این زمینه بسیار مفید واقع شود، که در زیر به برخی از آنها اشاره می‌شود:

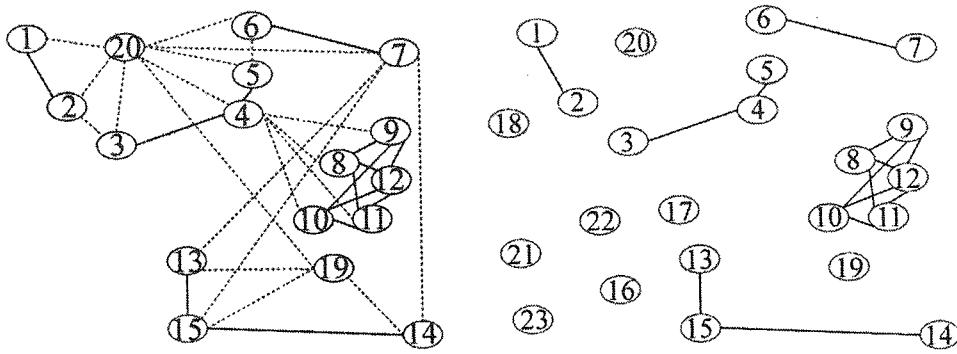
۱- وجوده مکعب/مکعب/خنثی<sup>۵</sup>: در تعاریف آنها تنها سطوح تحلیلی ساده (مسطح، استوانه‌ای، مخروطی، کروی و چنبره‌ای) در نظر گرفته می‌شوند. به یک وجه، مکعب گفته



شکل (۲): گراف نحوه همسایگی برای یک قطعه ساده



شکل (۳): لبه‌های مکعب، مکعب و صاف



شکل (۳): زیرگراف‌های حاصل از تجزیه گراف شکل (۲). (a) تجزیه با حذف وجهی که با لبه‌های محدب محاصره شده‌اند. (b) تجزیه به روش ارائه شده در این مقاله

دستورالعمل در شکل (۴-a) ملاحظه می‌شود. زیرگراف‌های حاصل از این تجزیه برای شناسایی فیچرها مورد تحلیل قرار می‌گیرند. این روش شکستن گراف نحوه همسایگی، علی‌رغم توانایی قابل ملاحظه‌ای که در شناسایی فیچرهای جدا از هم ارائه می‌کند، در شناسایی فیچرهای متقاطع با مشکلات زیادی روبرو می‌شود. برای مثال همان گونه که در شکل (۴-a) ملاحظه می‌شود، زیرگراف حاصل هر دو فیچر متقاطع (۳-۴-۵ و ۳-۱۱-۱۲) را در بر دارد و برای شناسایی هر یک از آنها باید از الگوریتم‌های شباهت‌یابی بین زیرگراف‌ها استفاده شود. به این صورت که زیرگراف حاصل با مجموعه‌ای از گراف‌های الگو<sup>۰</sup> مقایسه می‌شود و به این ترتیب هر یک از فیچرهای از زیرگراف اولیه استخراج و شناسایی می‌شوند.

در استفاده از گراف‌ها به آنچه که باید توجه شود، این نکته است که اطلاعات موجود در گراف بر اثر تقاطع فیچرهای ممکن است تغییر یابند یا از بین بروند، که در این صورت این روش با مشکل مواجه می‌شود. از سوی دیگر الگوریتم‌های شباهت‌یابی بین زیرگراف‌ها از نظر زمان محاسباتی اصلاً مقرن به صرفه نیستند. نکته مهمی که در این مقاله به آن پرداخته می‌شود این است که نحوه تجزیه گراف نحوه همسایگی و heuristic استفاده شده می‌تواند اثر قابل توجهی بر توانایی روش در شناسایی فیچرهای متقاطع داشته باشد. در کار حاضر، از ایده متفاوتی استفاده می‌شود: به جای جستجوی اطلاعات گمشده زیرگراف‌ها که بر اثر تداخل فیچرهای از بین رفته‌اند، و بازیابی این اطلاعات و سپس شباهت‌یابی بین زیرگراف‌ها، در اینجا زیرگراف‌هایی ایجاد می‌شوند که کمترین اثر را از تغییرات پذیرفتند. این ایده در واقع مشابه ایده‌ای است که در تمامی روش‌های متکی بر ردیابی استفاده می‌شود: "جستجوی حداقل اطلاعات لازم برای شناسایی یک فیچر." با این تفاوت که در روش پیشنهادی این مقاله این اطلاعات با تجزیه گراف قطعه ایجاد می‌شوند. از سوی دیگر با توجه به

نمونه‌ای از هریک از موارد فوق در شکل (۳) نشان داده شده است. در این مقاله، تعاریف قبلی لبه‌های محدب و مقعر کمی بیشتر توسعه داده شده‌اند، تا برای استفاده در الگوریتم‌های اجرا شده مفیدتر شوند. به این صورت که این تعاریف را نه تنها برای لبه‌های خطی بلکه برای لبه‌های منحنی با فرم دلخواه نیز با توجه به ملاحظه‌ای که در این تحقیق انجام شده است، می‌توان بکار برد:

در یک قطعه  $\frac{2}{5}$  بعدی، فرض شود  $f$  و  $g$  دو وجه دلخواه است که سطوح متناظر با آنها به دلخواه تحلیلی یا تصنیعی هستند و این دو وجه در لبه  $e$  مشترک باشند. حال اگر زاویه بین  $f$  و  $g$  در یک نقطه دلخواه در طول  $e$  محدب باشد، آنگاه زاویه بین  $f$  و  $g$  در تمام طول  $e$  برای چنین سطوحی محدب خواهد بود و به مقعر تبدیل نخواهد شد. به همین ترتیب اگر زاویه بین  $f$  و  $g$  در یک نقطه دلخواه در طول  $e$  مقعر باشد، آنگاه زاویه بین آنها در تمام طول  $e$  مقعر خواهد بود.

بنابراین برای محاسبه حالت یک لبه منحنی، تنها کافیست که حالت آن در یک نقطه از طول آن محاسبه شود. در گراف استفاده شده در کار حاضر برای شناسایی فیچرهای لبه‌های منحنی به علاوه حالت هر یک از وجود قطعه نیز با گراف همراه می‌شود و این گراف شکل توسعه یافته‌تری به خود می‌گیرد که برای شناسایی محدوده قابل توجهی از فیچرهای موجود در قطعات سه بعدی کفایت می‌کند.

## ۵- تجزیه گراف نحوه همسایگی

پس از تشکیل گراف نحوه همسایگی، برای شناسایی فیچرهای می‌بایست این گراف تجزیه (شکسته) شود. "جوشی" [۵]، این گراف را با استفاده از ملاحظه زیر تجزیه کرد: «وجهی که همه لبه‌های آن محدب هستند جزئی از یک فیچر نیست و از گراف حذف می‌شود.»

نتیجه حاصل از تجزیه گراف شکل (۲) بر اساس این

قوس‌های موجود در زیرگراف  $g_i$  بوده و  $\{t_1, t_2, \dots, t_m\}$  مجموعه حالت‌های مربوط به قوس‌های  $A$  است. اگر  $D$  با حذف تمامی قوس‌های محدب از  $G$  ایجاد شده باشد، آنگاه:

۱- تمامی قوس‌های موجود در  $g_i$  مقعر هستند. به عبارت

$$\text{دیگر } \sum_{j=1}^m t_j = 0$$

۲-  $g_i$ ها معادل یکی از زیرگراف‌های الگوی ابتدایی هستند که برای شناسایی فیچرها بکار برده خواهند شد. این الگوهای ابتدایی در قسمت بعدی تشریح خواهد شد.

$$-3 \quad \left( \bigcup_{i=1}^n g_i \right) \text{ که در آن } X \cup Y = G$$

قوس‌های محدب  $G$  است.

در تعاریف بالا مجموعه  $D$  برای شناسایی تمامی انواع فیچرها بجز سوراخ‌های راه بدر بکار می‌رود. برای شناسایی سوراخ‌های راه بدر از مجموعه  $\mathbb{Y}$  استفاده می‌شود. از میان گره‌های موجود در  $\mathbb{Y}$  تنها آنهایی اهمیت دارند که وجه متناظر با آنها یک استوانه مقعر باشد؛ در این صورت این وجه به عنوان سوراخ راه بدر شناسایی می‌شود.

در این مقاله برای استخراج زیرگراف‌های مقعر حاصل از شکستن گراف نحوه همسایگی با حذف لبه‌های محدب، از عملیات همگوشی گره‌ها<sup>۵</sup> استفاده می‌شود که دارای پیچیدگی زمانی  $O(n^2)$  است [۱۸]. در روش همگوشی گره‌ها ابتدای گره از گراف همسایگی در نظر گرفته می‌شود و بعد تمامی گره‌هایی که با این گره همسایه هستند، به آن جوش داده می‌شوند تا یک گره جدید ایجاد شود. سپس همین مرحله برای گره جدید تکرار می‌شود تا زمانی که گرهی در همسایگی برای جوش دادن وجود نداشته باشد. در چنین حالتی یک زیرگراف متصل از گراف مادر بازیابی شده است. در اینجا منظور از جوش دادن این است که یک گره بر گره دیگر منطبق شود؛ در این صورت گره ترکیبی جدید تمامی قوس‌های هر دو گره قبلی را در بر خواهد داشت. این قوس‌ها خود مشخص کننده این است که چه گره‌هایی عضو این زیرگراف هستند. در فرم ماتریسی گراف نحوه همسایگی، همگوشی گره  $i$  با گره  $j$  از طریق عمل منطقی  $OR$  بین این دو انجام می‌شود؛ به این صورت که برچسب‌های (حالت‌ها) سطر  $i$  با سطر  $j$  و همین طور برچسب‌های ستون  $i$  نیز با ستون  $j$  جمع ( $OR$ ) می‌شوند. همگوشی گره  $i$  زمانی پایان می‌پذیرد که پس از همگوشی تغییری در تعداد گره‌های غیر همسایه با  $i$  حاصل نشود.

مناسب بودن الگوریتم پیشنهادی تجزیه گراف نحوه همسایگی از نظر محاسباتی (نسبت به روش‌های متداول)، سودمندی زیادی خواهد داشت.

برای توضیح روش پیشنهادی تجزیه گراف در این مقاله، ابتدای می‌توان ملاحظه کرد که تقاطع فیچرهای ساده نظریه شیار و پله با یکدیگر معمولاً به ایجاد لبه محدب در ناحیه تقاطع منجر می‌شود. به طور مثال، در شکل (۲) لبه مشترک بین شیار ۳ و پله ۷-۶ یک لبه محدب است. بنابراین این دسته از فیچرهای را می‌توان با حذف لبه‌های محدب از گراف نحوه همسایگی از یکدیگر جدا کرد. این موضوع در شکل (۴) نمایش داده شده است. همان گونه که در شکل (b-۴) ملاحظه می‌شود، حذف لبه‌های محدب باعث شده است که فیچرهای ۳-۴-۵ و ۱۱-۱۲-۸-۹-۱۰ برآحتی از یکدیگر جدا و قابل شناسایی شوند. مزیت دیگر روش حذف لبه‌های محدب نسبت به روش جوشی [۵] این است که در اینجا اطلاعات مربوط به وجود قطعه از بین ۲۲، ۲۱، ۲۰، ۱۹، ۱۸ و ۲۳ در شکل (b-۴) می‌توانند نماینده یک سطح کفتراسی شده باشند؛ اما این اطلاعات در شکل (a-۴) از بین رفته‌اند.

با تجزیه گراف نحوه همسایگی مطابق روش پیشنهادی در این مقاله، زیرگراف‌هایی حاصل خواهند شد که تمامی قوس‌های آنها مقعر هستند. این زیرگراف‌ها از این پس در این مقاله زیرگراف‌های مقعر نامیده می‌شوند. توجه شود که اگر چه حفره‌ها، حفره‌های باز و برآمدگی‌ها می‌توانند همان گونه که در شکل (۱) نیز ملاحظه می‌شود حاوی لبه‌های محدب نیز باشند؛ اما حذف قوس‌های متناظر با این لبه‌های محدب عملاً تاثیری بر شکل کلی زیر گراف آنها نمی‌گذارد؛ چرا که در این نوع فیچرهای همواره یک وجه پایه وجود دارد که تمامی وجود دیگر لبه‌های مقعر به آن متصل هستند و حذف لبه‌های محدب باعث تجزیه بیشتر زیر گراف آنها نمی‌شود.

برای توضیح بیشتر روش تجزیه گراف در این مقاله، فرض شود  $G$  معرف گراف نحوه همسایگی قطعه باشد و تجزیه  $G$  به ایجاد مجموعه‌های  $\{g_1, g_2, \dots, g_n\}$  و  $Y = \{y_1, y_2, \dots, y_r\}$  است که منجر شده باشد. در اینجا  $D$  مجموعه زیرگراف‌هایی است که تمامی قوس‌های آن مقعر است و در آنها بیش از یک گره وجود دارد. برای مثال، در شکل (b-۴)،  $D = \{g_1, g_2, \dots, g_5\}$  که در آن  $g_1 = 1-2$ ،  $g_2 = 3-4-5$ ،  $g_3 = 6-7$ ،  $g_4 = 8-9-10-11-12$  و  $g_5 = 13-14-15$  همچنین  $Y$  مجموعه زیر-گراف‌هایی است که تنها از یک گره مجزا<sup>۶</sup> تشکیل شده‌اند که از آنها هیچ قوسی نمی‌گذرد. برای مثال در شکل (۴)،  $Y = \{F1, F2, F3, F4, F5, F6, F10\}$  است. همچنین فرض شود  $A_i = \{a_1, a_2, \dots, a_m\}$  معرف مجموعه

- اگر  $\sum_{i=1}^q \Psi(e_i) = 0$ , آنگاه زیرگراف مربوط به یک حفره است.

- اگر  $\sum_{i=1}^q \Psi(e_i) < 0$ , آنگاه زیرگراف مربوط به یک حفره باز است.

- اگر  $\sum_{i=1}^q \Psi(e_i) = q$ , آنگاه زیرگراف مربوط به یک برآمدگی است.

همان گونه که ملاحظه می‌شود، الگوهای به کار رفته در اینجا تا حد ممکن کلی است. مثلاً با استفاده از تعریفی که در بالا برای حفره ارائه شده است، انواع وسیعی از حفره‌ها شناسایی می‌شوند. در شناسایی آنها به هیچ وجه محدودیتی از نظر شکل مرز بیرونی آنها و بودن یا نبودن جزیره در آنها وجود ندارد و داشتن حلقه خارجی مقرر به تنها نشانه وجود حفره خواهد بود. همچنین توجه شود که این الگوها این ویژگی قابل توجه را نیز دارند که جهت ماشین‌کاری فیچر را نیز به خاطر تشخیص وجه پایه آن مشخص می‌کنند، که می‌تواند در تعیین مراحل ماشین‌کاری<sup>۹</sup> آنها نیز بکار برده شود. نکته قابل توجه در اینجا این است که پیچیدگی زمانی رویه‌های<sup>۱۰</sup> استفاده شده در الگوریتم شناسایی فیچرها از درجه چند جمله‌ای است. برای مثال رویه تحلیل اینکه آیا زیرگراف  $g_i$  یک حفره / حفره باز/ برآمدگی است به صورت زیر است:

**Procedure** *Check\_pocket\_open.pocket\_prot( $g_i$ )*

1. **For** every node  $N_j \in g_i$ ,  
Calculate  $Degree(N_j)$   
**Nextj**
2. Find node  $N_{\max}$  which has maximum degree
3.  $Exloop(N_{\max}) \leftarrow$  get the external loop of  $N_{\max}$
4. count number of concave edges in  $Exloop(N_{\max})$
5. **If** all Edges in  $Exloop(N_{\max})$  are Concave  
    **Then**  $Feature\_Type(g_i) = pocket$   
    **Else**  
        **If** all Edges in  $Exloop(N_{\max})$  are convex  
            **Then**  $Feature\_Type(g_i) = protrusion$   
            **Else**  $Feature\_Type(g_i) = open\_pocket$   
        **End if**  
    **End if**

در رویه بالا، اگر  $n$  تعداد کل وجوه قطعه باشد، آنگاه کران بالایی تعداد گره‌های موجود در یک زیرگراف برابر با  $n$  خواهد بود. پس حداقل تکرار حلقه For در مرحله ۱ از این رویه برابر با  $n^2$  است. الگوریتم یافتن ماکزیمم در دنباله‌ای از اعداد در مرحله ۲ نیز از مرتبه خطی است. تعداد تکرار لازم در مرحله ۴ برای محاسبه تعداد لبه‌های مقرر در زیرگراف نیز از مرتبه خطی و معمولاً بسیار کوچکتر از  $n$  است. در بلوکهای If نیز

## ۶- الگوهای استفاده شده برای شناسایی فیچرها

پس از تجزیه گراف، شناسایی فیچرها از روی زیرگراف‌های حاصل با استفاده از مجموعه الگوهای انجام می‌شود که برای تحلیل این زیرگراف‌ها به کار برده می‌شوند. در این مقاله این الگوها از این قرار هستند:

۱- **شیار:** الگوی آن یک زیرگراف مقرر است که در آن سه گره وجود دارد. یکی از این گره‌ها از درجه ۲ (دارای دو قوس) و دو تای دیگر از درجه ۱ می‌باشد (درجه یک گره تعداد قوس‌هایی است که از آن خارج شده است).

۲- **پله:** یک زیرگراف مقرر با دو گره است.

۳- **شیار بسته:** یک زیرگراف مقرر و غیر سیکلی (cyclic) با بیش از ۲ گره است که وجود متناظر همه آنها مسطح است و یکی از آنها از درجه ۲ و بقیه از درجه ۲ می‌باشد.

۴- **پله بسته:** یک زیرگراف سیکلی مقرر با سه گره است که همگی به هم متصل هستند و درجه یکسانی دارند.

۵- **سوراخ بسته:** یک زیرگراف مقرر با دو گره است که وجه متناظر با یکی از آنها استوانه مقرر است.

۶- **سوراخ سرتاسری:** یک گره مجذای مربوط به یک وجه استوانه‌ای مقرر در مجموعه  $\mathcal{L}$ .

۷- **حفره/ حفره باز/ برآمدگی:** زیرگراف مقرر مربوط به حفره حداقل سه عدد گره دارد که فقط یکی از آنها از درجه ماکزیمم است. اگر حلقه خارجی<sup>۱۱</sup> وجه متناظر با این گره تماماً از لبه‌های مقرر تشکیل شده باشد، زیرگراف مورد نظر مربوط به یک حفره است. اگر این حلقه خارجی تماماً از لبه‌های محدب تشکیل شده باشد، زیرگراف مورد نظر مربوط به یک برآمدگی است و اگر مخلوطی از لبه‌های محدب و مقرر باشد، این زیرگراف مربوط به یک حفره باز می‌باشد. این موضوع در شکل (۱) نمایش داده شده است. همان گونه که در شکل (۱) ملاحظه می‌شود، حلقه خارجی تماماً از لبه‌های مقدار تشکیل شده است. در مورد برآمدگی این حلقه از لبه‌های محدب، در مورد حفره باز ترکیبی از لبه‌های محدب و مقرر می‌باشد.

به بیان ریاضی فرض شود  $f_{\max}$  معرف وجهی از فیچر باشد که درجه ماکزیمم دارد و  $Exloop[f_{\max}] = \{e_1, e_2, \dots, e_q\}$  مجموعه لبه‌های موجود در حلقه خارجی  $f_{\max}$  و  $T[f_{\max}] = \{\Psi(e_1), (e_2), \dots, (e_q)\}$  مجموعه حالت‌های مربوط به این لبه‌ها باشد (در اینجا از علامت کروشه برای پرهیز از اندیس‌گذاری مضاعف استفاده شده است): در این صورت:

رابطه (۳) این است که منحنی‌ها به صورت پارامتری در نظر گرفته شده‌اند و این امر مشکل تفاوت علامت را مرتقع می‌سازد. از آنجا که در حفره‌ها، وجه پایه به همه وجوده دیگر متصل است؛ بنابراین رابطه (۳) بین تمامی وجوده جانبی و وجه پایه برقرار خواهد بود، پس شرط اینکه وجه  $A$  پایه یک حفره باشد، برقراری رابطه زیر است:

$$\sum_{k=1}^r \left[ \prod_{i=1}^m \left( \prod_{j=1}^{n_k} (EA[i]_A^2 - EA[j]_k^2) \right) \right]^2 = 0 \quad (4)$$

که در آن  $r$  تعداد وجوده مجاور با  $A$   $m$  تعداد لبه‌های  $A$  و  $n_k$  تعداد لبه‌های وجه  $k$  است.

توجه شود که خواص توصیف شده در رابطه‌های (۳) و (۴) تنها برای شناسایی حفره‌ها قابل استفاده هستند و این روابط را نمی‌توان برای شناسایی دیگر انواع فیچرهای بکار برد. در ادامه، چگونگی شناسایی فیچرهای متقطع در کار حاضر توصیف خواهد شد.

## ۷- تقاطع فیچرهای

در تقاطع فیچرهای، حالت‌های بسیار متنوعی ممکن است اتفاق بیفتند؛ برای مثال، دو نوع کلی از تقاطعاتی که در نظر گرفته شده‌اند، از این قرار هستند:

۱- تقاطعاتی که در آنها دو فیچر تنها در لبه‌ای مشترک هستند (شکل (۲-۵).

۲- تقاطعاتی که در آنها فیچرهای در یک وجه مشترک هستند (شکل (۲-۶).

در حال حاضر، تقاطعات نوع اول، بدون نیاز به استفاده از الگوریتم Shapley heuristic بیشتر به طور کامل بوسیله الگوریتم شناسایی می‌شوند. دلیل این امر این است که تقاطع فیچرهای در این حالت همواره به ایجاد لبه‌ای محدب در مرز تقاطع منجر می‌شود. از آنجا که لبه‌ای محدب از گراف قطعه حذف می‌شوند، بنابراین زیرگراف‌های مربوط به دو فیچر متقطع به طور اتوماتیک از یکدیگر جدا می‌شود و نوع آنها بر اساس روشی که در بخش ۷ توضیح داده شد، به سهولت قابل تشخیص است و به استفاده از الگوریتم‌های شباهت‌یابی بین گراف‌ها و یا تجزیه بیشتر زیرگراف‌ها برای جداسازی فیچرهای نیازی نیست.

تمامی تقاطعات نوع دوم در کار حاضر در گروه «حفره‌های باز» طبقه‌بندی می‌شوند؛ زیرا آنها را می‌توان نه تنها به صورت ترکیبی از فیچرهای متقطع، بلکه با حرکت پیوسته یک ابزار انگشتی نیز ایجاد کرد. در واقع، تعریف و دسته‌بندی فیچرهای امروزه با توجه به استفاده روز افزون از ماشین‌های CNC در صنعت باید بازبینی شود. برای مثال، طبقه‌بندی فیچر نشان

تنها عمل مقایسه صورت می‌گیرد. بنابراین پیچیدگی زمانی کل رویه  $O(n^2)$  خواهد بود.

پیش از توضیح چگونگی شناسایی فیچرهای متقطع در این مقاله، توصیف خاصیت قابل توجه دیگری از زیرگراف‌های تجزیه شده با روش پیشنهادی این مقاله نیز مناسب به نظر می‌رسد. در کار حاضر، زیرگراف‌های مربوط به حفره‌ها خاصیتی را از خود به نمایش می‌گذارند که می‌تواند به تنها برای شناسایی آنها بکار برد شود. توجه شود که پس از تجزیه گراف به روشهی که شرح آن گذشت، زیرگراف حفره، تنها زیرگرافی خواهد بود که در آن تعداد قوس‌های مقعر احاطه کننده وجه پایه با تعداد گره‌های جانبی برابر است. به عبارت دیگر، در حفره‌ها وجهی به نام وجه پایه وجود دارد که به تمام وجوده مرتبط با خود، به وسیله لبه‌های مقعر متصل شده است. به طور مثال، در شکل (۲-۶)، وجه شماره ۱۲ پایه یک حفره است که به وسیله لبه‌های مقعر به وجوده جانبی ۸، ۹، ۱۰ و ۱۱ وصل شده است. ملاحظه می‌شود که وجه ۱۲ لبه مقعر دارد که با تعداد وجوده جانبی (تعداد دیگر گره‌های باقیمانده در گراف) برابر است. این مطلب را به بیان ریاضی می‌توان به صورت زیر شرح داد:

فرض شود در یک زیرگراف  $m$  تعداد لبه‌هایی باشد که مرز وجه دلخواه  $A$  از این زیرگراف را تشکیل می‌دهند. در این صورت لبه  $i$  از مرز این وجه را می‌توان به کمک رابطه زیر تعریف کرد:

$$E[i]_A = \{P_{Ai}(u), P_{Ai}(0), P_{Ai}(1)\}, i = 1, 2, \dots, m \quad (2)$$

که در آن  $\{P_{Ai}(u), P_{Ai}(0), P_{Ai}(1)\} = \{X(u), Y(u), Z(u)\}$  در واقع نمایش پارامتری منحنی یک لبه سه بعدی در مختصات دکارتی است؛ به عبارت دیگر یک لبه در اینجا به کمک معادله منحنی آن و نقاط ابتدا و انتهای آن مشخص شده است.

اکنون فرض شود که دو وجه  $A$  و  $B$  به ترتیب  $m$  و  $n$  لبه در مرز خود داشته باشند؛ اگر این دو وجه جدا از هم نباشند (حداقل یک لبه مشترک داشته باشند)، آنگاه رابطه زیر برقرار است:

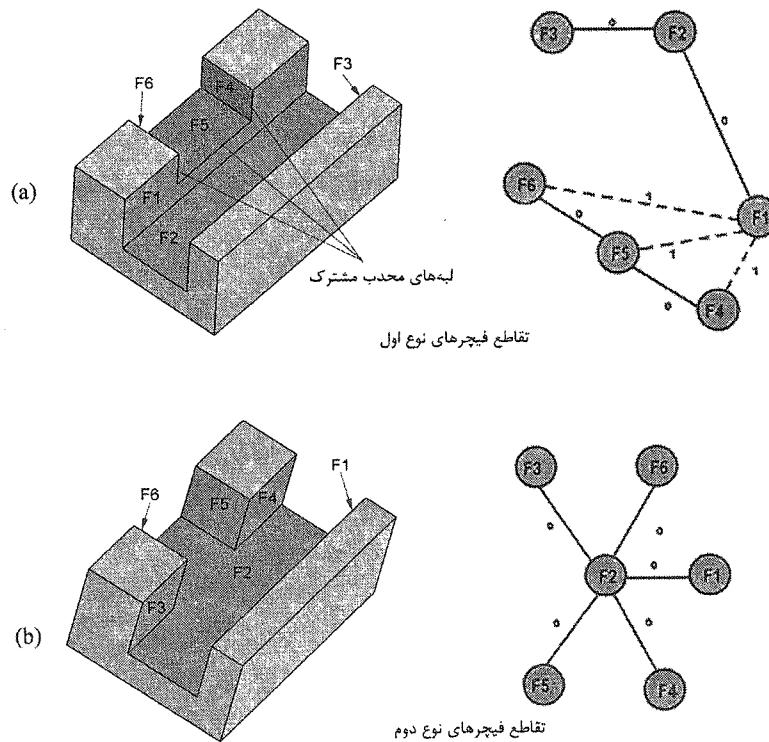
$$\prod_{i=1}^m \left( \prod_{j=1}^n (E[i]_A^2 - E[j]_B^2) \right) = 0 \quad (3)$$

که در آن  $\{P_{Ai}(u), P_{Ai}(0), P_{Ai}(1)\} = \{P^2_{Ai}(u), P^2_{Ai}(0), P^2_{Ai}(1)\}$  است.

رابطه (۳) اصل اشتراک یک لبه بین دو وجه را بیان می‌کند. توجه شود که رابطه (۳) به صورت حاصل ضرب بیان شده است، بنابراین اگر دو وجه  $A$  و  $B$  تنها یک وجه مشترک داشته باشند، مثلاً  $E[i]_A = E[j]_B$ ، آنگاه حاصل ضرب رابطه (۳) برابر با صفر خواهد شد. علت استفاده از مجدور  $[E[i]$  در

ساده‌تر مجدداً به عملیات پردازش بعدی نیاز خواهد داشت و کارهای بیشتری باید در این زمینه انجام شود. به این ترتیب، محدوده بسیار وسیعی از تقاطع‌ها بین فیچرهای بدون نیاز به استفاده از دستورالعمل‌های متعدد، قابل شناسایی خواهد بود که در قسمت بعدی این موضوع با ارائه مثال‌هایی روشن‌تر خواهد شد.

داده شده در شکل (b-۵) به عنوان حفره باز ممکن است معقول‌تر از در نظر گرفتن آن به صورت ترکیبی از یک شیار و یک لبه محدب مشترک باشد. در این دسته از تقاطع‌ها، اگر چنانچه لازم باشد که آنها حتماً به صورت ترکیبی از فیچرهای ساده‌تر در نظر گرفته شوند، در این صورت جداسازی آنها از گروه حفره‌های باز و تجزیه آنها به فیچرهای



شکل (۵): (a) تقاطع فیچرهای از نوع اول که در آن فیچرهای متقاطع در لبه‌های محدب مشترک هستند. (b) تقاطع از نوع دوم که در آن یک وجه بین دو فیچر مشترک است (این دسته از تقاطعات بهتر است حفره باز در نظر گرفته شوند).

بعدی توانایی‌های الگوریتم پیشنهادی را آشکار می‌سازند:  
مثال ۱:

در الگوریتم‌های شناسایی استفاده شده در این مقاله، جهتگیری فیچرهای در فضا و نحوه ایجاد آنها اهمیتی ندارد و در واقع، این الگوریتم‌ها مستقل از محورهای مختصات هستند. در شکل (۶) نتایج عملکرد نرم افزار بر روی قطعه‌ای نمایش داده شده است که در آن دو شیار با جهات دلخواهی روی قطعه قرار گرفته‌اند. از مدل این قطعه، دو شیار، یک پله و یک شیار بسته شناسایی شده است.

مثال ۲:

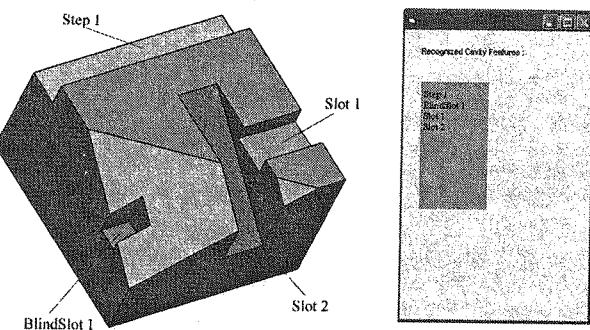
شکل (۷) نمایانگر عملکرد الگوریتم بر روی فیچرهای سه بعدی است. از این قطعه یک حفره و یک حفره باز متقاطع با هم شناسایی شده است. از آنجایی که الگوریتم‌های پیشنهادی عمدها بر اطلاعات توپولوژیکی متکی هستند؛ آنها را می‌توان

## ۸- مثال‌ها و نتایج

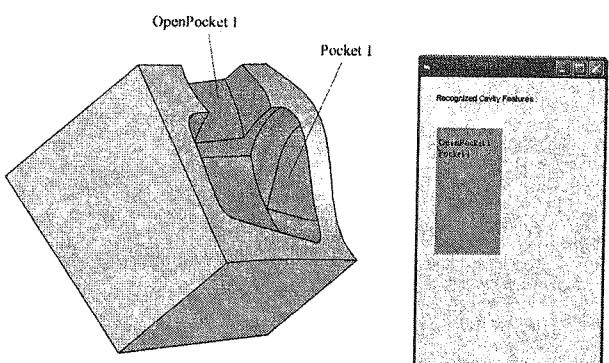
در این فصل، نتایج حاصل از عملکرد نرم افزار بر روی چند قطعه نمونه ارائه خواهد شد. الگوریتم طراحی شده در کار حاضر؛ که در قسمت‌های قبلی توضیح داده شد، به وسیله زبان Visual Basic نویسی شده است و از توابع OLE نرم‌افزار Solid Works برای دستیابی به اطلاعات هندسی وجوده و لبه‌های قطعه از مدل B-rep استفاده می‌کند. پس از استخراج اطلاعات هندسی، در مرحله بعدی حالت‌های وجوده و لبه‌ها بر اساس این اطلاعات محاسبه می‌شوند و این حالت‌ها با گراف قطعه؛ که به شکل ماتریسی ایجاد شده است، همراه می‌شوند. گراف مورد نظر سپس با روشی که شرح داده شد، شکسته شده و زیرگراف‌های آن استخراج می‌شوند. در مرحله بعدی نوع هریک از این زیرگراف‌ها به کمک الگوهای ارائه شده تعیین و به این ترتیب فیچرهای شناسایی می‌شوند. مثال‌های

مربوط به یک حفره ۲/۵ بعدی است.

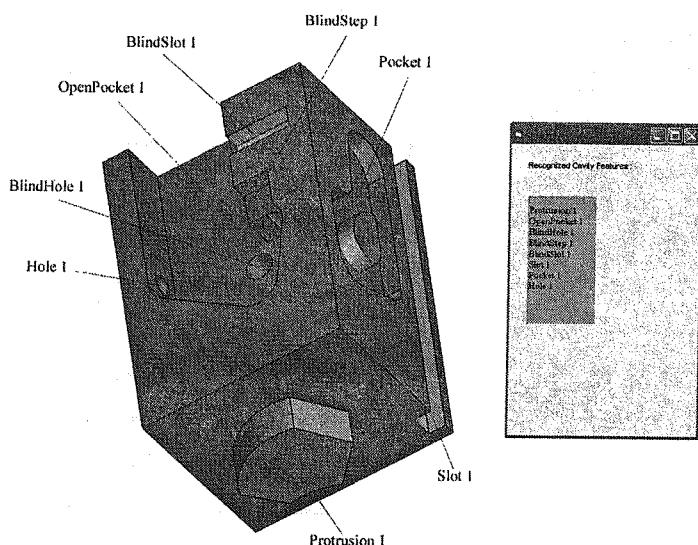
براحتی برای فیچرهای سه بعدی نیز بکار برد. در این مثال نیز حفره و حفره باز؛ که با هم متقاطع نیز هستند، تنها با استفاده از زیرگراف مقعر خود شناسایی شده‌اند، که کاملاً شبیه زیرگراف



شکل (۶): مثال ۱



شکل (۷): مثال ۲



شکل (۸): مثال ۳

برآمدگی و یک حفره با شکل منحنی شناسایی شده‌اند؛ که بیانگر توانایی الگوریتم‌های ارائه شده در شناسایی فیچرهای منحنی شکل است.

**مثال ۳:** شکل (۸) نشان می‌دهد که این نرم افزار توانایی زیادی در شناسایی فیچرهای متقاطع دارد. در یک سمت قطعه نشان داده شده، یک حفره قرار دارد که دو سوراخ، یک شیار و یک شیار بسته با آن متقاطع هستند. در دیگر قسمت‌های آن یک شیار، یک

## ۹- نتیجه گیری

در این مقاله نرم افزاری که برای شناسایی فیچرها از نمایش مرزی مدل تپیر تهیه شده است، توضیح داده شد. در نرم افزار ارائه شده تلفیقی از ایده های موجود در الگوریتم های متکی بر گراف و متکی بر ریاضی برای شناسایی فیچرها استفاده شده است.

موارد زیر را می توان به عنوان دستاوردهای این مقاله در نظر گرفت:

- ۱- توسعه روش تحلیل الگوی گراف در شناسایی فیچرها.  
مبنای شناسایی بیشتر فیچرها در این مقاله، شکل توسعه یافته تری از گراف نحوه همسایگی است. با این توضیح که در کار حاضر، محدوده فیچرها قابل شناسایی بوسیله روش های متکی بر گراف گستردگر شده است و برآمدگی ها و حفره های باز نیز به گروه های قابل شناسایی اضافه شده و شکل فیچرها نیز از چند وجهی به منحنی و حتی سه بعدی توسعه یافته است. در مقایسه با روش های متکی بر گراف، الگوریتم های ارائه شده در کار حاضر، قادر به شناسایی محدوده وسیع تری از فیچرها مقاطعه بوده و برای این کار به heuristic ها و قوانین اضافی دیگر نیاز ندارند.

در کار حاضر، گراف نحوه همسایگی به صورتی تجزیه می شود که مؤلفه های حاصل تنها بیانگر یک فیچر باشند (نه ترکیبی از فیچرها)؛ از این رو، این روش به روش های متکی بر ریاضی شباخت دارد.

### ۲- پیچیدگی زمانی.

الگوریتم استفاده شده در شناسایی فیچرها پیچیدگی زمانی نسبتاً مناسبی دارد. بدترین پیچیدگی زمانی کل الگوریتم شناسایی همان طور که اشاره شد،  $O(n^2)$  است. برای مقایسه توجه شود که پیچیدگی زمانی روش های خام تحلیل الگوی گراف عموماً از درجه نمایی است.

باید توجه شود که اگرچه روش پیشنهادی در شناسایی محدوده وسیعی از فیچرها مقاطعه موفق عمل می کند، اما هنوز تا ارائه یک روش کامل؛ که قابل استفاده در صنعت باشد، راه درازی باقی مانده است. تقاطع فیچرها در مواردی ممکن است به حذف اطلاعات تپولوژیکی گراف قطعه منجر شود که برای شناسایی فیچرها در چنین حالتی باید کارهای بیشتری صورت گیرد. همچنان برای توسعه بیشتر الگوریتم های پیشنهادی در محدوده فیچرها سه بعدی نیز باید فعالیت های بیشتری صورت گیرد. برای این منظور ابتدا باید یک طبقه بندی دقیق از فیچرها سه بعدی ارائه و انواع مختلف آن مشخص شود، که این خود به تنها یک کار بسیار مشکلی است. در این

مقاله، آن دسته از فیچرهای سه بعدی که قابل طبقه بندی بر اساس الگوی فیچرهای ۲/۵ بعدی هستند، در نظر گرفته شده اند؛ نظری حفره، حفره باز و برآمدگی. باید توجه شود همه انواع فیچرهای ۲/۵ بعدی دارای معادلی سه بعدی نیستند؛ مثلاً یک شیار دارای معادل سه بعدی نیست و شاید مناسب تر باشد که یک فیچر سه بعدی با سه سطح؛ که حداقل یکی از آنها فرم دلخواهی دارد، به صورت حفره یا حفره باز طبقه بندی شود تا یک شیار.

از دیگر نکاتی که در اینجا ذکر آن شایسته به نظر می رسد این است که از خروجی این نرم افزار می توان در در دیگر مراحل برنامه ریزی فرایند استفاده کرد؛ برای مثال، در ادامه فعالیت های کوتاهی، به تعیین ترتیب (setup) و مراحل (sequence) ماشین کاری قطعه نیز می توان توجه کرد. استخراج کدهای CNC از فیچرهای شناسایی شده برای ماشین کاری آنها و انتخاب ابزار و پارامترهای ماشین کاری برای این فیچرها نیز از دیگر فعالیت هایی هستند که در راستای این مقاله قابل انجام هستند.

## ۱۰- مراجع

Han, J.H.; Pratt, M.; Regli, W.C.; "Manufacturing feature recognition from solid models: A status report", IEEE Trans. On Robotics and Automation, vol. 16 p.p. 782-796, 2000.

Regli, W.C.; "Geometric algorithms for recognition of features from solid models", PhD dissertation, Univ. Maryland, College Park MD, 1995.

Henderson, M.R.; "Extraction of feature information from three dimensional CAD data", PhD Thesis, Purdue University, West Lafayette, IN, USA, 1984.

Jakubowski, R.; "Syntactic Characterization of machine parts shapes", Cybernetics and Systems: An International Journal, vol. 13 p.p. 1-24 1982.

Joshi, S.; Chang, T.C.; "Graph-based heuristics for recognition of machined features from 3D solid model", Computer-Aided Design, Vol. 20 p.p. 58-66, 1988.

Ji, Q.; Mafat, M.; "Bayesian approach for extracting and identifying features", CAD, vol. 27, p.p. 435-454, 1995.

Ji, Q.; Mafat, M.; "A Dempster-Shafer approach for recognizing machine features from CAD models", PATTERN RECOGNITION, PERGAMON, vol. 36, p.p. 1355-1368 2003.

Mafat, M.; Kashyap, R.L.; "Geometric reasoning for recognition of the three dimensional object features", IEEE Trans. On Pattern Analysis and Mach. Intelligence, vol. 12 p.p. 949-965, 1990.

Xu, X.; Hinduja, S.; "Recognition of rough machining features for 2.5D components", CAD, vol. 30, p.p. 503-516, 1998.

Kim, Y.; "Convex decomposition and solid geometric modeling", PhD dissertation, Stanford Univ, 1990.

Kim, Y.; Wang, E.; "Recognition of machining features for cast then machined parts", CAD, vol. 34, p.p. 71-87, 2002.

Wang, E.; Kim, Y.; "1997 status of the form feature recognition method using convex decomposition", in

[۱]

[۲]

[۳]

[۴]

[۵]

[۶]

[۷]

[۸]

[۹]

[۱۰]

[۱۱]

[۱۲]

<sup>39</sup> Solid	Proc. ASME Comp. in Eng. Conf., 1997.	[۱۲]
<sup>40</sup> Boundary Representation	Vandenbrande, J.H.; Requicha, A.A.G.; "Spatial reasoning for the automatic recognition of machinable features in solid models", IEEE Trans. On Pattern Analysis and Mach. Intelligence, vol. 15 p.p. 1269-1285 1993.	
<sup>41</sup> Face		
<sup>42</sup> Closed and Orientable		
<sup>43</sup> Loop		
<sup>44</sup> Vertex		
<sup>45</sup> Edge		
<sup>46</sup> Set Extension		
<sup>47</sup> Attributed Adjacency Graph		
<sup>48</sup> Ordered Triple		
<sup>49</sup> Attribute		
<sup>50</sup> Convex/Concave/Neutral Faces		
<sup>51</sup> Convex/Concave Edges		
<sup>52</sup> Smooth Convex		
<sup>53</sup> Smooth Concave		
<sup>54</sup> Smooth Neutral		
<sup>55</sup> Template		
<sup>56</sup> Isolated Node		
<sup>57</sup> Node Fusion Operation		
<sup>58</sup> External Loop		
<sup>59</sup> Setup		
<sup>60</sup> Procedure		

## ۱۱- زیرنویس ها

- 
- <sup>1</sup> Computer-Aided Process Planning
  - <sup>2</sup> Computer-Aided Design
  - <sup>3</sup> Computer-Aided Manufacturing
  - <sup>4</sup> Feature Recognition
  - <sup>5</sup> Feature Intersections
  - <sup>6</sup> Syntactic Pattern Recognition
  - <sup>7</sup> Expert Systems
  - <sup>8</sup> Boundary Representation
  - <sup>9</sup> Node
  - <sup>10</sup> Arc
  - <sup>11</sup> Sub-graph
  - <sup>12</sup> Sub-graph Isomorphism
  - <sup>13</sup> Hypothesis Testing
  - <sup>14</sup> Polyhedral
  - <sup>15</sup> Convex Decomposition
  - <sup>16</sup> Regularized Set Difference
  - <sup>17</sup> Convex Hull
  - <sup>18</sup> Cell Decomposition
  - <sup>19</sup> Delta Volume
  - <sup>20</sup> Exponential Time Complexity
  - <sup>21</sup> Scalability
  - <sup>22</sup> Free-form
  - <sup>23</sup> Hint-based Reasoning
  - <sup>24</sup> Slot
  - <sup>25</sup> Step
  - <sup>26</sup> Blind Slot
  - <sup>27</sup> Blind Step
  - <sup>28</sup> Blind Hole
  - <sup>29</sup> Through hole
  - <sup>30</sup> Pocket
  - <sup>31</sup> Open Pocket
  - <sup>32</sup> Protrusion
  - <sup>33</sup> Analytical
  - <sup>34</sup> Synthetic
  - <sup>35</sup> Ruled Surface
  - <sup>36</sup> Surface of Revolution
  - <sup>37</sup> Tabulated Cylinder
  - <sup>38</sup> Toroidal