

کارآیی مدل‌های دو مرحله‌ای تولید سفر در برآورد سفرهای کم تواتر روزانه

غلامرضا اصغری

کارشناس ارشد

محمد کرمانشاه

دانشیار

دانشگاه صنعتی شریف

چکیده

در این مقاله فرض پیوستگی توزیع خطأ در مدل‌های روندگرای خطی هنگامی که در برآورد سفرهای کم تواتر با مقادیر گستته و غیرمنفی مورد استفاده قرار می‌گیرند مطالعه شده است. در این نوع سفرها که تعداد زیادی مشاهدات صفر وجود دارد از مدل تولید سفر دو مرحله‌ای استفاده شده است. در مرحله نخست احتمال انجام سفر توسط مدل انتخاب پروبیت دوگانه برآورد می‌شود، و در مرحله دوم مدل روندگرای خطی به منظور برآورد تعداد سفرهای انجام شده تهیه می‌گردد. نتایج این حالت با نتایج حاصل از برآورد مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای تولید سفر مقایسه می‌شود. بررسی‌های به عمل آمده حاکی از آن است که مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای دارای مجموعه متغیرهای توصیفی مشابه مدل دو مرحله‌ای بوده و نتایج حاصل، از توجیه چندانی برای بکارگیری ساختار پیچیده مدل دو مرحله‌ای برخوردار نیستند.

کلمات کلیدی

مدل روندگرای خطی، مدل دو مرحله‌ای تولید سفر، سفرهای کم تواتر، پروبیت دوگانه

Performance of Two-stage Trip Generation Models in Estimating Daily Infrequent Trips

M. Kermanshah
Associate professor

G. Asghari
MSc.

Sharif University of Technology

Abstract

This study investigates validity of continuity assumption of error terms underlying multiple linear regression approach of trip generation models for infrequent trips. Since not many household members make daily trips for purposes like shopping or personal business, estimation of such trips with their discrete and non-negative nature and still close to zero averages, using conventional multiple linear regression, needs to be investigated. This study employs a two-stage trip generation model; the probability of making/not making trip is modeled first by binary probit, then, number of trips for those who have already made trips are estimated by the weighted least square method. The results are then compared with the results of single-stage regression model. The study findings show similarities in both sets of descriptive variables of the regression models. So, no justification was found for employing a very complex two-stage generation model.

Keywords

multiple linear regression, two-stage trip generation model, infrequent trips, binary Probit

مقدمه

مطالعات گستردۀ برنامه‌ریزی حمل و نقل در سالهای میانی قرن بیستم در شهرهای دیترویت و شیکاگو در آمریکا سرآغاز نگرشی همه جانبه در جهت حل مسائل حمل و نقل شهری محسوب می‌شود. در تداوم به این برنامه‌ریزی‌ها، فرآیند ۴- مرحله‌ای تحلیل تقاضای حمل و نقل شامل تولید سفر^۱، توزیع سفر^۲، تعیین سهم وسیله^۳، و تخصیص مسیر^۴ به صورتی استاندارد مورد استفاده قرار گرفته است.

در تحلیل تقاضاً تولید سفر به عنوان نخستین مرحله در جستجوی رابطه‌ای منطقی بین تعداد سفرهای ایجاد شده از یکسو و عوامل ایجاد‌کننده از سوی دیگر است. اهمیت این مرحله، از آن جهت که دقت نتایج نهایی برآورد تقاضاً به آن وابسته است، مورد تأکید بسیاری از پژوهشگران قرار گرفته است [۱، ۲].

مدلهای تولید سفر در دو سطح همفروزن^۵ و ناهمفروزن^۶ تهیه می‌شوند. در مدلهای همفروزن برآورده سفرها براساس یک واحد جغرافیایی (ناحیه‌های ترافیکی) انجام می‌گیرد. تقریباً در تمام مطالعات پیش از اواسط دهه ۷۰ میلادی، روش‌های مورد استفاده از نوع همفروزن است. با وجود این، مدلهای دارای مشکلاتی بوده‌اند از جمله [۳]:

۱- نادیده گرفتن تغییرات درون ناحیه‌ای،

۲- انعطاف‌پذیری پایین (مدلهای همفروزن برای واحد جغرافیایی ویژه‌ای ساخته شده‌اند و با تغییر واحد جغرافیایی استفاده مجدد از آنها نیازمند پرداخت دوباره آنها است)،

۳- عدم برخورداری از مبانی رفتاری.

برای بهبود مبانی نظری مدلهای تقاضاً، تلاشهای زیادی در دو دهه اخیر صورت گرفته است. حاصل این پژوهشها مدلهای سفر ناهمفروزن تقاضاست که بر مبنای اصول کلی نظریه‌های رفتاری استوار است. در این روشها از مفهوم "انتخاب" استفاده شده [۵، ۶] و کاربرد آن در مراحل انتخاب مقصد (توزیع سفر)، انتخاب وسیله (سهم وسیله)، و انتخاب مسیر (تخصیص مسیر) به وفور مشاهده می‌شود. ولی کاربرد آن در مرحله تولید سفر به ندرت صورت گرفته است.

از آنجا که در سالهای اخیر نشانه‌هایی از توانمندی مدلهای تولید سفر ناهمفروزن از نظر مبانی رفتاری [۷]، سیاست‌پذیری [۸]، و انتقال‌پذیری [۹] گزارش شده است، انگیزه و تمایل به پژوهش در این مرحله نسبت به سایر مراحل تحلیل تقاضاً افزایش یافته است. به طور کلی این تمایل به صورت تنوع روش‌های مختلف در هر دو نوع مدل همفروزن و ناهمفروزن ظاهر شده است.

از جمله روش‌های پیشنهادی برآورده و تولید سفر از نوع همفروزن می‌توان از روش توصیفی دسته‌بندی جدولی^۷ با وجود اشکالات عملی و ضعف مبانی نظری [۲]، استفاده از شاخص دسترسی در مدلهای سنتی به منظور بهبود مدلهای [۱۰]، و کاربرد روش روندگرای خطی چندگانه به منظور رفع اشکال محدودیت تعداد متغیرها در روش دسته‌بندی جدولی نام برد.

در بخش ناهمفروزن تولید سفر در مواردی برآورده سفرهای تولید شده با استفاده از توزیع پواسون و از طریق روش بیشینه تمایل^۸ انجام شده است [۱۱]. همچنین، برخی از پژوهشگران روش کمینه مربعات دو مرحله‌ای را در برآورده تولید سفر پیشنهاد کرده‌اند [۸]. به علاوه، مدلهای احتمالی لوجیت، پربویت، و توبیت نیز در برآورده تولید سفر به کار رفته است [به عنوان نمونه، ۱].

از جمله مواردی که در تهیه مدلهای ناهمفروزن مورد توجه فراوان پژوهشگران بوده انتخاب واحد مناسب در فرآیند تحلیل تقاضاست. برخی از پژوهشگران خانواده را به عنوان مبانی مشاهدات مورد استفاده قرار داده و استدلال می‌کنند که خانواده از تعدادی افراد نزدیک به یکدیگر تشکیل شده ضمن آنکه واحد مستقلی است. بخش عمده‌ای از سفرها از خانه (محل سکونت این واحد مستقل) شروع و به آن ختم می‌شود و بسیاری از سفرها به نیازها و خواسته‌ای خانواده ارتباط دارد [۱۲].

عده‌ای از محققین از رویکردهای سنتی هر خانواده به عنوان واحد تجزیه و تحلیل انتقاد کرده، اعتقاد دارند که فرد تصمیم‌گیر واقعی است و فرد را به جای خانواده برگزیده‌اند [۱]. گرچه عده‌ای دیگر را عقیده بر آن است که نه خانواده و نه فرد تصمیم‌گیر واقعی نیستند، بلکه تصمیم را افراد در چهارچوب خانواده می‌گیرند [۱۳].

یکی دیگر از ویژگیهای روش‌های ناهمفروزن برآورده تولید سفر افزایش توان توصیفی آنها است. گرچه در این مدلهای عمده‌تاً به متغیرهایی مانند اندازه خانواده، درآمد و مالکیت اتومبیل بسته شده است [۲]، ولی، ضروری است متغیرها براساس مبانی

علمی برگزیده شوند. فهرست عوامل اثرگذار در تولید سفر در بسیاری از منابع آمده است (برای مثال، ۳، ۶). در انتخاب این عوامل باید به این ویژگی که متغیرهای انتخاب شده نرخ سفر را به درستی پیش‌بینی کنند توجه شود. برای مثال، چرخه زندگی^۹ که معمولاً بر حسب سن سرپرست خانواده و تعداد و سن فرزندان در خانواده تعریف می‌شود می‌تواند بیانگر ویژگیهای دینامیکی تغییرات رفتار سفر خانواده در طول زمان باشد [۱۴]، و یا سبک زندگی^{۱۰} در مدلها ناهمفروزن می‌تواند جایگزین یا تکمیل کننده متغیر اندازه خانواده که معمولاً در مدلها تولید سفر به کار می‌رود، شود [۱۵].

ساختمان اخیر بر این باور استوار است که ویژگیهای اجتماعی حاکم بر زندگی افراد تاثیر عمیقی بر فرصتها و محدودیتهایی که آنها در هنگام شرکت در فعالیتها با آن روپرتو هستند، می‌گذارد. برقراری نوعی هماهنگی در نحوه شرکت در فعالیتها و به تبع آن سفرهای ضروری افراد و میزان هزینه‌های مربوط به آنها به نحوه زندگی فرد که مجرد است یا با دیگران زندگی می‌کند، بستگی مستقیم دارد. یک زوج جوان با فرزند یا فرزندان در سن پیش دبستانی خود را از زوج مشابهی که فرزند ندارند یا دارای فرزندانی در سنین بالاترند و نیاز کمتری به وسیله شخصی احساس می‌کنند، کم تحرک‌تر می‌باشند. افراد سالخورد و بازنشسته که با جوانترها زندگی می‌کنند از فعالیتهای خارج خانه به نحو مطلوبتری بهره‌مند می‌شوند تا افراد مشابهی که با همسالان خود زندگی مشترکی دارند و یا تنها بسر می‌برند. تعداد فرزندان و تعداد افراد بالغ که در یک خانواده زندگی می‌کنند بر شکل کلی سفر و نحوه استفاده از زمان تاثیر می‌گذارند. به عبارت دیگر، رفتار افراد به مقدار زیادی تحت تاثیر محدودیتهایی است که به تعداد و سن فرزندان بستگی دارد [۱۵]. مفاهیم چرخه زندگی و سبک زندگی این تاثیر را در مدلها تولید سفر منعکس می‌سازند.

برخی پژوهشگران سبک زندگی را به صورت چگونگی اختصاص زمان برای فعالیتهای متفاوت مانند کار، تفریح، فعالیت در خانه و ... تعریف کرده‌اند [۱۶]. گروهی دیگر، آن را در قالب شکل‌گیری رفتار همیشگی در پاسخ به شرایط اجتماعی - اقتصادی بیان نموده‌اند [۱۷]، یا آن را با مفاهیم چرخه زندگی، در آمد، و محل سکونت در هم آمیخته بر حسب تعداد افراد خانوار، سن، نقش اجتماعی خانواده، چگالی و تغییرات فعالیتهای آنها تعریف نموده‌اند [۱۸]، و یا همراه با نقش فرد به عنوان دو عامل اجتماعی موثر بر انواع مختلف فعالیتهای روزانه و در نتیجه رفتار سفر می‌بینند [۱۹].

ویژگیهای سبک زندگی که در هزینه‌های مصرف و الگوهای سفر^{۱۱} آشکار می‌شود تحت تاثیر چرخه زندگی است. عامل چرخه زندگی در مطالعات حمل و نقل دیترویت به عنوان یک متغیر در مدلها تولید سفر وارد شده است [۲۰]، و تأثیرات گسترده آن در رفتار سفر مورد توجه و بررسی دقیق قرار گرفته است [۱۴]. در تعیین چرخه زندگی، تعداد فرزندان و سن آنها به عنوان عامل اصلی مطرح شده است که تصور تاثیر فرزندان بر فعالیت و رفتار سفر افراد بالغ خانواده چندان مشکل نیست [۱۵].

در تعریف چرخه زندگی خانواده‌ها به گروه‌های مختلف تقسیم می‌شوند که از نظر تولید سفر دارای تفاوت‌های اساسی‌اند. یک نمونه گروه‌بندی^{۱۲} - ۴ گانه از چرخه زندگی شامل خانواده‌های: یک نفره، زوجهای جوان بدون فرزند، خانواده‌های دارای فرزند، والدین تنها، با رفتار سفر کاملاً متفاوت در بین آنها، در مدلها تولید سفر وارد شده است. در تقسیم‌بندی‌های گسترده‌تر حداقل سن فرزند بزرگتر یا حداقل سن فرزند کوچکتر، و یا سن سرپرست خانواده به عنوان عوامل اثرگذار بر گروه‌بندی و در نتیجه موثر در تولید سفر دیده می‌شود [۲۰، ۱۳].

۱- اهداف پژوهش

تهییه مدل تولید سفر ناهمفروزن با تاکید بر کاربرد مجموعه گستره‌های تغییراتی از جمله هدفهای این مطالعه است. در این پژوهش سفرهای فردی روزانه برای نمونه آماری ساکنان شهر مشهد مورد بررسی قرار خواهد گرفت. نمونه آماری انتخابی با وجود نارساییهای اطلاعاتی می‌تواند در شناسایی ویژگیهای رفتار سفر مورد نظر این پژوهش گره گشا باشد.

هدف دیگر، دستیابی به روش مناسب برآورد سفرهای تولید شده فردی با توجه به سازگاری آن با فرآیند تصمیم‌گیری سفر است. همانطور که اشاره شد ویژگی‌های روش برآورد سفر از اهمیت بالایی برخوردار است. یکی از متدولوژی‌های روشها که در بسیاری از بسته‌های نرم‌افزار موجود یافت می‌شود استفاده از تخمین حداقل مربعات خطأ در مدلها روندگرای خطی است. این

روش از فرضیات و نیز محدودیتها بیانی برخوردار است که در پاره‌ای موقع در برآورده تولید سفر قبول چنین فرضیاتی ممکن است قابل توجیه نباشد.

کاربرد روش روندگرای خطی با توجه به این فرض است که متغیر وابسته (تعداد سفر) نوعی متغیر پیوسته ناقص^{۱۲} است [۲۱]. به علاوه، فرض می‌شود تمام گستره رفتار تولید سفر توسط مدلی تک ساختاری توصیف می‌شود، در حالیکه فرآیند تولید سفر در بسیاری موارد با چنین فرضیاتی سازگار نیست. اساساً متغیر وابسته در ساختارهای ناهمفروزن تولید سفر از نوع گستته و غیر منفی است و نه پیوسته ناقص. به علاوه مکانیسم تولید سفر را می‌توان به صورت فرآیند تصمیم‌گیری دو مرحله‌ای در نظر گرفت، که ابتدا تصمیم به سفر کردن گرفته می‌شود، سپس با فرض انجام شدن سفر، تعداد سفرها برآورد می‌شود. سفرهای روزانه با هدف خرید یا تفریح، یا سفرهای با یک نوع وسیله نقلیه، مثلًاً اتوبوس، که می‌توان آنها را از موارد کم تواتر شمرد، از جمله این نوع رفتار است.

پژوهش‌های انجام شده در زمینه استفاده از مدل‌های روندگرای خطی با وجود مدل‌های دیگری نظیر پواسون یا دوگانه منفی^{۱۳} که متغیر وابسته غیر منفی و گستته است، حاکی از کارآمدی مدل‌های خطی و نتایج قابل قبول آنها است [۲۲]. از سوی دیگر فرآیند دو مرحله‌ای تصمیم‌گیری سفر وقتی که سفرهای روزانه دارای مشاهده صفر (عدم انجام سفر) بسیار است بیشتر موضوعیت پیدا می‌کند. در این صورت متغیر وابسته پیرامون فراوانی صفر تمرکز پیدا کرده و احتمال بیش از یک مرحله‌ای بودن فرآیند تصمیم‌گیری و عدم کفايت یک مدل واحد را در توصیف آن افزایش می‌دهد. این پژوهش به بررسی کفايت یک مدل واحد در توصیف رفتار تولید سفرهایی که ممکن است ناشی از فرآیند چند مرحله‌ای باشد، می‌پردازد.

۲- رُویکرد پژوهش

انتظار می‌رود ساختارهای گستته و غیر منفی نظیر توزیع پواسون^{۱۴} و دوگانه منفی هماهنگی بیشتری با ویژگیهای رفتار سفر فردی داشته باشند، اگر چه نتایج کاربرد روش روندگرای خطی از اعتبار قابل قبولی برخوردار است [۲۲، ۱۱]. ولی در مواقعي که حجم سفرهای مورد بررسی بنا به دلایلی کم است (مثلًاً سفرهای روزانه فرد، یا سفرهایی با هدف مشخص، و یا با وسیله نقلیه مشخص) احتمال سفر نکردن افزایش می‌یابد (تصمیم "عدم سفر کردن" در اینگونه سفرها به وفور دیده می‌شود). در این صورت بنظر می‌رسد گزینه دیگری جهت برآورده تولید سفر لازم باشد. این گزینه فرآیندی دو مرحله‌ای است که در آن نخست احتمال انجام سفر تعیین می‌گردد، سپس برآورده سفرهای تولید شده مشروط به آنکه سفر انجام شده باشد، صورت می‌گیرد. مبانی نظری روش برآورده تولید سفر دو مرحله‌ای که تحت عنوان مدل "توبیت"^{۱۵} نیز از آن یاد شده، در ادامه ارایه می‌گردد.

از جمله محدودیهای کاربرد روش روندگرای خطی در مدل‌های تولید سفر فرض عدد صحیح غیر منفی متغیر وابسته تعداد سفرها است. در شرایط ایده‌آل باید از مدل‌های گستته نظیر پواسون یا دوگانه منفی استفاده شود. از سوی دیگر زمانی که تعداد سفرهای قابل انتظار نزدیک به صفر است مسئله دیگری بروز می‌کند. برای مثال فرض کنید میانگین سفر قابل انتظار حدود ۱/۰ باشد، در این صورت برای تعداد سفرهای مشاهده شده، ۰، ۱، ۲، ۳، و ...، مقادیر ممکن خطأ ($y_i - \hat{y}_i = e^{-\mu} - e^{-\mu}$)، به ترتیب، برابر با $0/1$ ، $0/9$ ، $0/9$ و ... خواهد بود. در این صورت توزیع خطای قطع شده در $0/1$ -دارای احتمالی معادل احتمال "عدم انجام سفر" است. اگر تعداد سفرها دارای توزیع پواسون با میانگین $1/0$ باشد، احتمال "عدم انجام سفر" برابر $0/905$ است. بوده که "کج شدگی"^{۱۶} شدیدی را نشان می‌دهد. در این صورت

اعتبار و کارآیی فرضیات مدل روندگرای خطی، زمانی که تعداد زیادی مشاهدات صفر (عدم انجام سفر) وجود دارد، در هاله‌ای از ابهام قرار می‌گیرد. بررسی سفرهای مورد مطالعه، مثلًاً فرد یا خانواده یا شکل خاصی از سفرها (سفرهای تفریحی یا سفر با نقلیه همگانی و ...) که بنا به دلایلی کم تواترنند، در این گروه جای دارند. در این گونه مثالها، احتمال انجام نشدن سفر از نوع مورد نظر بسیار زیاد است. اثر قطع کردن توزیع خطای بسیار مهم می‌شود و کیفیت ضربهای برآورده شده مدل و آزمونهای آماری به شدت کاهش می‌یابد. به این وضعیت باید برآوردهای منفی از تعداد سفرها را توسط مدل نیز افزود.

به عنوان مثالی دیگر، کارآیی یک مدل خطی واحد در بازسازی تمام گستره رفتار تولید سفر قابل تأمل است. از این‌رو شاید

بتوان فرآیند تولید سفر را نتیجه فرآیند تصمیم دو مرحله‌ای دانست، که در مرحله نخست تصمیم به انجام سفر گرفته می‌شود، و سپس با فرض انجام شدن سفر، تعداد آن برآورده می‌شود. در این حالت، امکان دارد مرحله برآورد سفر (مرحله دوم) و عوامل موثر در آن دارای مکانیسم و ماهیتی متفاوت از مرحله تصمیم‌گیری برای سفر (مرحله اول) باشد. به عنوان مثال، عوامل اصلی کاملاً متفاوتی در تصمیم‌گیری مرحله نخست انجام سفرهای با وسیله نقلیه همگانی یک خانواده در مقایسه با عوامل مرحله دوم گزارش شده است [۲۲]. از جمله عوامل مهم در مرحله اول تعداد اتومبیل و افراد غیر راننده هستند، در حالیکه تعداد افراد خانواده یا تعداد شاغلان در مرحله دوم مطرح می‌باشند.

با توجه به موارد بالا، این مطالعه مکانیسم تصمیم‌گیری دو مرحله‌ای را شامل دو مجموعه مدل به صورت مدل پروبیت دوگانه^{۱۲} نشان‌دهنده انجام یا عدم انجام شدن سفر؛ و مدل روندگرای خطی برای برآورد تعداد سفرها مشروط به انجام شدن سفر را بررسی می‌کند. این روش به عنوان گزینه روش روندگرای خطی یک مرحله‌ای ارزیابی و با آن مقایسه می‌شود. در این روش در مرحله اول از یک مدل پروبیت دوگانه برای نشان دادن تصمیم سفر کردن یا نکردن استفاده می‌شود. سپس، در مرحله دوم از یک مدل روندگرای خطی تعداد سفر کسانی که تصمیم به سفر گرفته‌اند برآورده می‌شود. ساختار ریاضی روش دو مرحله‌ای به صورت زیر نشان داده می‌شود:

$$(A_i = a'x_i - u_i) \\ y_i = 0 \quad \text{اگر} \quad A_i \leq 0 \\ y_i = \beta'z_i + v_i \quad \text{اگر} \quad A_i > 0 \quad (1)$$

که A_i متغیر پیوسته نهانی برای نشان دادن آستانه تصمیم به سفر کردن است. سایر متغیرها به قرار زیر است:
 y_i = تعداد سفرهای انجام شده،

α' و β' = ضرایب

x_i و z_i = متغیرهای مستقل

u_i و v_i = خطاهای اتفاقی دارای توزیع‌های نرمال با میانگین صفر و پراکنش واحد برای y_i .

متغیرهای مستقل x_i و z_i ممکن است شامل متغیرهای مشابه باشند.

احتمال انتخاب به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\Pr[y_i > 0] = 1 - \Pr[y_i = 0] = 1 - \Pr[A_i \leq 0] = 1 - \Pr[a'x_i + u_i \leq 0] = 1 - \Pr[u_i \leq -a'x_i] = 1 - \Phi(-a'x_i) = \Phi(a'x_i) \quad (2)$$

که سمت چپ معادله احتمال انجام سفر و قسمت راست، تابع نرمال استاندارد تجمعی است. تعداد سفرها برای $A_i \leq 0$ ، برابر صفر و در صورتی که $A_i > 0$ باشد برابر $\Phi(a'x_i)$ است. تعداد سفرهای مورد انتظار را می‌توان به صورت زیر بیان نمود:

$$E[y_i] = E[y_i | y_i = 0] \Pr[y_i = 0] + E[y_i | y_i > 0] \Pr[y_i > 0] = E[y_i | y_i > 0] \Pr[y_i > 0] = \beta'z_i \Phi(a'x_i) \quad (3)$$

مجموعه مدلهای بالا را می‌توان به صورت همزمان و با استفاده از روش بیشینه تمايل به کمک بسته‌های نرم‌افزاری موجود برآورد کرد. روش دیگر دو مرحله‌ای و منطبق بر فرآیند مورد اشاره در بالاست. در این روش اریب^{۱۳} ناشی از همبستگی بین خطاهای مدل پروبیت (u) و مدل روندگرای خطی (z)، به سبب انتخاب قسمتی از اطلاعات مورد استفاده در پرداخت مدل پروبیت در تهیه مدل روندگرای خطی، تصحیح می‌شود. این اریب از نتایج مدل پروبیت برآورده می‌شود و به صورت یک متغیر توصیفی در مدل روندگرای خطی وارد می‌گردد^{۱۹} [۲۳]. به علاوه، چون فرض "هم پراکنشی"^{۲۰} خطاهای نیز در مدل روندگرای خطی مورد استفاده در این پژوهش وجود ندارد، از روش حداقل مربعات وزنی^{۲۱} استفاده می‌شود[۲۴]. ساختار دو مرحله‌ای تولید سفر شامل مکانیسم انتخاب و مدل روندگرای است. انتخاب از طریق استفاده از مدل پروبیت صورت

می‌گیرد. مساله به این صورت حل می‌شود که متغیر پیوسته نهانی به صورت تابعی از ویژگی‌های y_i تعریف می‌شود.

$$A_i = \alpha' x_i + u_i \quad (4)$$

$y_i = 1$ اگر $A_i > 0$ قابل مشاهده نیست، بلکه آنچه که مشاهده می‌شود متغیر ساختگی y_i^{22} است که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\begin{aligned} y_i = 1 &\quad \text{در غیر اینصورت} \\ \Pr(y_i = 1) &= \Pr(\alpha' x_i + u_i > 0) = \Pr(u_i > -\alpha' x_i) = 1 - \Pr(u_i < -\alpha' x_i) = 1 - F(-\alpha' x_i) \end{aligned} \quad (5)$$

با استفاده از روابط (4) و (5) می‌توان نوشت:

$$\Pr(y_i = 1) = \Pr(\alpha' x_i + u_i > 0) = \Pr(u_i > -\alpha' x_i) = 1 - \Pr(u_i < -\alpha' x_i) = 1 - F(-\alpha' x_i) \quad (6)$$

که F تابع توزیع تجمعی برای u است. چنانچه $u_i \sim N(0, \sigma^2)$ باشد، در رابطه بالا تابع Φ تابع تجمعی استاندارد نرمال است، یعنی

$$\Pr(y_i = 1) = 1 - \Phi(-\alpha' x_i) = \Phi(\alpha' x_i) \quad (7)$$

پرداخت مدل برای تعیین ضرایب α با استفاده از روش بیشینه تمايل به صورت زیر تعریف می‌شود.²³

$$L' = \prod_{y_i=0} F(-\alpha' x_i) \prod_{y_i=1} [1 - F(-\alpha' x_i)] \quad (8)$$

$$L = \ln L' = \sum_{y_i=0} \ln(1 - \Phi_i) + \sum_{y_i=1} \ln \Phi_i$$

برازندگی مدل پربویت با استفاده از نسبت تمايل²⁴ صورت می‌گیرد. اگر فرضیه صفر را صفر بودن ضرایب α در نظر گرفته و تابع تمايل در شرایط فرضیه صفر و بیشینه تمايل، به ترتیب، با $L(0)$ و $L(\alpha)$ نشان داده شود، نرخ نسبت بیشینه، γ به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\gamma = \frac{L(0)}{L(\alpha)} \quad (9)$$

می‌توان نشان داد که $-2\ln\gamma$ دارای توزیع مرربع خی (χ^2) با درجه آزادی برابر تعداد ضرایب α است. روش آزمون مشابه سایر آزمون فرضیه‌هاست.

$$-2\ln\gamma = -2[L(0) - L(\alpha)] \sim \chi^2 \quad (10)$$

یک آزمون دیگر آن است که فرضیه صفر برای حالتی که معادله فقط شامل عدد ثابت است در نظر گرفته شود، یعنی:

$$\gamma = \frac{L(C)}{L(\alpha)} \quad (11)$$

که $-2\ln\gamma$ دارای توزیع مرربع خی (χ^2) با درجه آزادی تعداد ضرایب منهای یک است. به طور کلی یک شاخص برازنده‌گی مدل

(ρ^2) است که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\rho^2 = 1 - \frac{L(\alpha)}{L(0)} \quad (12)$$

۴- نمونه آماری

در این پژوهش از اطلاعات مبدا - مقصد سفرهای شهر مشهد استفاده شده است. این اطلاعات از نتایج آمارگیری مبدا - مقصد در آبان ماه سال ۱۳۷۳ در چهار چوب مطالعات جامع حمل و نقل مشهد به دست آمده و به صورت نمونه استخراج شده است [۲۵]. آمارگیری در محدوده‌ای شامل شهر مشهد و قسمتی از دهستان طوس که در سال ۱۳۷۳ حدود ۲ میلیون نفر جمعیت داشته، صورت گرفته است. جامعه آماری مطالعات مبدا - مقصد حدود ۱۷۰۰۰ خانوار را در برمی‌گیرد که حدود ۴ درصد از کل شهر است. در این پژوهش یک نمونه اتفاقی انتخاب شده است که شامل اطلاعات ۵۴۷۹ خانوار و ۳۹۰۴۶ نفر می‌شود که در گستره محدوده مورد مطالعه پراکنده‌اند. مجموع سفرهای انجام شده این افراد برابر ۵۳۲۵۷ سفر است که توسط وسائل نقلیه موتوری انجام شده و شامل سفرهای با اهداف مختلف می‌باشد. در این پژوهش از افراد دارای حداس ۱۸ سال سن (بالغ) به عنوان واحد تصمیم‌گیر سفر استفاده شده است و سفرهای مورد بررسی شامل کل سفرها بجز سفر بازگشت به خانه می‌شود.

در تعریف متغیرهای توصیفی مدل‌های تولید سفر گسترهای از متغیرها شامل متغیرهای جنس و سن فرد، تعداد اسپل، ساختار خانواده، چرخه زندگی و محل سکونت مورد استفاده قرار گرفته‌اند. فهرست کاملی از متغیرهای توصیفی در جدول (۱) ارایه گردیده است. به دلیل در دست نداشتن اطلاعات مربوط به درآمد خانوار این متغیر در مدل وجود ندارد. متغیرهای نوع محل سکونت نیز توسط سه متغیر در مدل وارد گردیده‌اند.

۴- فرآیند برآورد سفرهای تولید شده

۴-۱- فرآیند دو مرحله‌ای تولید سفر

در فرآیند دو مرحله‌ای توصیف سفر تصمیم‌گیری برای انجام سفر در مرحله اول مورد بررسی قرار خواهد گرفت، سپس تعداد سفرها، به شرط آنکه سفر انجام شده باشد، در مرحله دوم برآورد می‌شود. مدل مرحله نخست از نوع پروبیت است. متغیر وابسته در این قسمت یک متغیر دوگانه $-1, 0$ است که 1 ، به معنای سفر کردن و صفر به معنای سفر نکردن است. گسترهای از متغیرهای مستقل به عنوان متغیرهای توصیف کننده، برای ساخت مدل استفاده شده است. در مرحله دوم برآورد سفر به کمک مدل روندگرای خطی چندگانه^{۲۵} صورت می‌گیرد. در پرداخت این مدل از افرادی که سفر کرده‌اند، به عنوان نمونه استفاده می‌شود. متغیرهای مورد استفاده در این قسمت می‌تواند مشابه متغیرهای به کار رفته در قسمت اول باشد. به علاوه یک متغیر که از مرحله نخست نتیجه شده، و اریب ناشی از وجود افراد بدون سفر را منظور می‌کند، به عنوان متغیر مستقل وارد مدل روندگرا می‌شود^{۲۶}. پس از انجام دو مرحله فوق، دقت و اعتبار مدلها در برآورد تعداد سفر ارزیابی شده و مقایسه آن با مشاهده سفرها صورت می‌گیرد. از سوی دیگر، برآورد سفرهای توسط مدل روندگرای خطی چندگانه و به صورت یک مرحله‌ای انجام شده و مشابه روش قبل ارزیابی به عمل می‌آید. در نهایت، مقایسه بین دو روش از نظر بازسازی مشاهدات و توان مدلها، روش برتر را تعیین می‌کند.

پرداخت مدل‌های پروبیت با استفاده از روش برآورد بیشینه تمایل انجام گرفت. بهترین مدل از دو روش "انتخاب پیش - رو"^{۲۷} و "حذف پس - رو"^{۲۸} نتیجه شده است. در "انتخاب پیش - رو" متغیر یا مجموعه متغیرهایی که بیشترین تاثیر را روی متغیر وابسته دارند وارد مدل می‌شوند، مدل به عنوان مبنای تغییرات بعدی قرار می‌گیرد. ارزیابی تاثیر یک متغیر در مدل به کمک آزمون t و برای یک مجموعه متغیر با استفاده از آزمون مربع خی صورت می‌گیرد [۶].

در روش "حذف پس - رو"، ابتدا مدلی با تمام متغیرها تهیه شده و سپس با توجه به نتایج آزمون t ، متغیرهای بی‌اهمیت از مدل حذف می‌شوند. دو مدل متوالی به کمک آزمون مربع خی، با یکدیگر مقایسه شده و مدل بهتر انتخاب می‌گردد و این

روشن تا دستیابی به نتیجه نهایی ادامه می‌یابد. این احتمال وجود دارد که نتایج حاصل از فرآیند پرداخت دو روش یکسان نباشد.

همانگونه که اشاره شد در مرحله دوم از مدل دو مرحله‌ای تولید سفر (فراوانی سفر) مدل روندگرای خطی چندگانه به کار رفته است. چون وجود همبستگی بین خطاها مدل پربویت دوگانه در مرحله نخست و مدل روندگرای خطی در مرحله دوم منجر به اریب در برآورد ضرایب مرحله دوم می‌شود برای رفع آن از یک ضریب تصحیح استفاده شده است. پس از آنکه با استفاده از کل اطلاعات مدل دوگانه پربویت برای مرحله تصمیم‌گیری سفر کردن یا نکردن در مرحله نخست ساخته شد، مقدار اریب از رابطه $\frac{\phi_i}{\Phi_i} = \lambda$ محاسبه می‌شود. مقدارهای ϕ_i و Φ_i ، به ترتیب،تابع چگالی و توزیع تجمعی نرمال استاندارد می‌باشند که به صورت زیر تعریف می‌شوند^{۲۹}:

$$\phi_i = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}(y_i)^2} \quad (13)$$

$$\Phi_i = \int_{-\infty}^{y_i} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}(t_i)^2} dt \quad (14)$$

مقدار λ به صورت یک متغیر مستقل (COR) وارد مدل روندگرای خطی در مرحله دوم می‌شود. مساله دیگری که در پرداخت مدل روندگرای خطی وجود دارد، عدم برقراری فرض "هم پراکنشی" است. بررسی آزمون وایت^{۳۰} حاکی از این واقعیت است که شرط "هم پراکنشی" در مدل وجود نداشته و لازم است از روش حداقل مربعات وزنی استفاده شود. پیشنهادهای مختلفی برای میزان وزنه W برای هر مشاهده ارایه شده است [۲۴] که این مطالعه از وزنهای متناسب با عکس مربع تعداد سفر برآورد شده y^2 استفاده کرده است.

روش انجام کار به این نحو صورت می‌گیرد که ابتدا بهترین مدل روندگرای خطی ساده بدست آمده، مقادیر y^2 محاسبه می‌شود. حال عکس مربع این متغیر به عنوان متغیر وزنی به برنامه معرفی گردیده، سپس مدل روندگرای وزنی ساخته می‌شود. این مدل دارای ویژگی "هم پراکنشی" خواهد بود.

برای یافتن بهترین مدل در این قسمت نیز از دو روش "انتخاب پیش - رو" و "حذف پس - رو" استفاده شده است. برای تعیین برازنده‌گی مدل از ضریب تشخیص R^2 استفاده می‌شود. مقدار این ضریب برابر است با،

$$R^2 = \text{RSS} / \text{TSS} = \sum (\hat{y}_i - \bar{y})^2 / \sum (y_i - \bar{y})^2 \quad (15)$$

که در آن RSS و TSS، به ترتیب، مجموع مربعات روندگرا و کل مربعات است. آزمون F که در آن مقدار F محاسبه شده با مقدار F بحرانی مقایسه می‌شود اهمیت برازنده‌گی مدل را نشان می‌دهد. اگر F محاسباتی از F بحرانی بیشتر باشد، مدل ساخته شده دارای اهمیت است، در غیر این صورت برازنده‌گی مدل مناسب نخواهد بود.

۵-۲- فرآیند یک مرحله‌ای تولید سفر

روش متدائل در برآورد تولید سفر، مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای است. از اینرو پرداخت مدل این بخش کاملاً شبیه بخش دوم مرحله نخست است، با این تفاوت که از تمام نمونه آماری استفاده می‌شود (شامل تمام کسانی که سفر کرده‌اند و یا نکرده‌اند). بنابراین متغیر وابسته در این قسمت تعداد سفر روزانه هر شخص است و در صورتی که سفری انجام نشده باشد، این تعداد صفر خواهد بود.

۵- مقایسه نتایج مدل‌های تولید سفر فرآیند یک مرحله‌ای و دو مرحله‌ای

جدول (۲) نتایج نهایی مدل‌های ساخته شده در فرآیند یک مرحله‌ای و دو مرحله‌ای تولید سفر را نشان می‌دهد. این جدول شامل ضرایب متغیرهای توصیفی مدلها و مقادیر t آنها می‌شود. ستون اول فهرست متغیرها و ستونهای دوم تا هفتم، به ترتیب، ضرایب و مقادیر t در مدل دو مرحله‌ای (پروبیت / روندگرای خطی) و ستون‌های هشتم تا دهم نیز، به ترتیب، ضرایب، مقادیر t ، و سطح اهمیت آنها را در مدل یک مرحله‌ای (روندگرای خطی) نشان می‌دهد.

بررسی نتایج پرداخت مدلها، حاکی از توافق کلی بین دو فرآیند از نظر متغیرهای توصیفی است. در مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای، تولید سفر با بالا رفتن سن کاهش می‌یابد.^{۳۱} نظری چنین نتایجی توسط مونزون و همکاران [۲۲] نیز گزارش شده است (این تمایل پس از سن ۳۰ سالگی مشاهده می‌شود). نقش متغیر مالکیت اتومبیل در تولید سفر فردی در نتایج مدل به روشنی دیده می‌شود. با افزایش اتومبیل (که می‌توان از آن به نوعی افزایش درآمد نیز نتیجه گرفت) تعداد سفرهای افراد افزایش می‌یابد. این افزایش برای افرادی که متعلق به خانواده‌های بدون اتومبیل و یا یک اتومبیل، می‌باشد و قتی که مالک نخستین اتومبیل یا اتومبیل دوم می‌شوند بسیار محسوس بوده ولی در خانواده‌های دارای دو اتومبیل چندان محسوس نمی‌باشد. به عبارت دیگر، می‌توان گفت که اگر تعداد اتومبیل‌های یک خانواده از ۲ بیشتر شود، تغییر چندانی در تعداد سفر افراد آن خانوار ایجاد نمی‌شود، ولی در هر حال مالکیت اتومبیل همواره از عوامل مهم افزایش تحرک‌پذیری افراد بوده است [۲۶]. سکونت در منطقه داخلی شهر مشهد (مرکز شهر) نسبت به سایر نقاط (متغیر CEN نشانگر این وضعیت است) موجب افزایش سفر افراد می‌شود. از سوی دیگر شغل سفر کننده تاثیر عمده‌ای بر تعداد سفرهای تولید شده فرد دارد. بدون استثناء کلیه شغل‌ها در مقایسه با خانه‌دار بودن بر تولید سفر افراد می‌افزاید.

بیشترین میزان تولید سفر مربوط به کارفرمایان است و کمترین تولیدکنندگان سفر بعد از خانه‌داران، بیکاران هستند. این نتایج با توجه به اینکه سفرهای کاری بخشی از سفرهای روزانه فردی است، و خانه‌داران و بیکاران فقد سفرهای کاری‌اند، خلاف انتظار نیست. از نکات جالب توجه تاثیر نسبتاً زیاد شغل بازنیستگی بر تعداد سفر روزانه است، این موضوع نشان می‌دهد که بازنیسته‌ها همچنان به فعالیتهای خود ادامه می‌دهند. ضریب مثبت جنس مذکور در مدل بیانگر آن است که مردان، تعداد سفر بیشتری نسبت به زنان انجام می‌دهند. این نتیجه را شاید بتوان ناشی از تحرک‌پذیری مردان و اصولاً دسترسی بیشتر آنها به وسیله نقلیه خانوار از یک سو، و تعداد زیاد زنان خانه‌دار (بدون سفر کاری) از سوی دیگر، دانست. احتمالاً چنین مشاهده‌ای، در نقاطی که فرهنگ کار در بین زنان، متدائل‌تر است، کمتر رخ می‌دهد.

تعداد افراد بالغ خانوار (NADULT)، تعداد افراد مونث در خانواده (NFEMALE) و تعداد افراد مذکور در خانواده (NMALE) همگی دارای ضرایبی با علامت منفی بوده، به معنای آن است که در اثر افزایش تعداد افراد بالغ، مردان و زنان در خانواده، کاهش تعداد سفرهای فردی خانوار نتیجه می‌شود. این موضوع می‌تواند به دلیل کاهش میزان دسترسی افراد به اتومبیل در خانواده باشد. به عبارت دیگر، هر چه تعداد افراد مورد اشاره در خانوار بیشتر شود، سرانه مالکیت اتومبیل در خانواده کاهش یافته و در نتیجه تعداد سفرهای فردی کاهش می‌یابد.

از دیگر متغیرهای اثر گذار بر تولید سفر، تعداد فرزندان در سنین مختلف است. نتایج مدل روندگرا حاکی از آن است که افزایش سن فرزندان، بر میزان تولید سفر افراد بالغ تاثیر منفی می‌گذارد. مونزون و همکاران نیز چنین نتایجی را گزارش کرده‌اند [۲۲]. فرزندان در سنین مدرسه و قبل از آن، سفر والدین را افزایش می‌دهند. وجود سرپرست خیلی جوان در خانواده‌های بدون فرزند دارای نقش مثبت در تولید سفر نسبت به خانواده‌های مشابه، با سرپرست مسن‌تر است، ضمن آنکه متغیر چرخه زندگی، به طور کلی، عاملی بازدارنده در تولید سفر محسوب می‌شود.

از سوی دیگر، مدل دو مرحله‌ای پروبیت - روندگرا، به طور کلی دارای متغیرهای مشابه مدل روندگرای یک مرحله‌ای بوده، ضمن آنکه در پاره‌ای موارد تفاوت‌های جزئی مشاهده می‌شود. تعداد فرزندان بین ۵ تا ۱۵ سال، در تصمیم‌گیری برای انجام سفر افراد بالغ خانواده موثر است. این تاثیر را می‌توان برای دانش‌آموزان نیز مشاهده نمود.

در مدل روندگرای فرآیند دو مرحله‌ای تولید سفر، همان متغیرهای مدل پروبیت بدست آمده است، با این تفاوت که متغیر مالکیت بیش از ۲ اتومبیل، تعداد چهه‌های ۵ تا ۱۵ سال، و حضور فرزند بیش از ۶ سال، که در مدل پروبیت دارای اهمیت بوده،

در مدل روندگرا بی اهمیت شده و از مدل حذف شده‌اند. به علاوه، محل سکونت که عامل چندان مهمی در تصمیم‌گیری برای انجام سفر نیست، در تعداد سفرهای افراد بالغ نقش مهمی بازی می‌کند. ضریب تصحیح در مدل روندگرای خطی شرطی (مرحله دوم)، اریب ناشی از سفرهای انجام نشده را به نحوی جبران می‌کند.

آنچه که به طور کلی در مورد این دو فرآیند می‌توان گفت، آن است که فرآیند تصمیم‌گیری درباره انجام سفر و برآورده تعداد سفر تحت تاثیر مجموعه متغیرهای مشترکی قرار دارند، که تنها در برخی متغیرها متفاوتند. فرآیند دو مرحله‌ای افق‌های رفتاری مهمی را در مدل سازی تولید سفر می‌گشاید، ضمن آنکه تفاوت‌ها به گونه‌ای نیست که بتوان مدل یک مرحله‌ای روندگرای خطی را نامطلوب خواند. بلکه، ضرایب مدل‌های دو فرآیند نزدیکی بسیار زیاد آنها را به یکدیگر نشان می‌دهد که از این نظر بسیار حائز اهمیت است.

برای مقایسه بین نتایج دو فرآیند از برازنده‌گی مقدار پیش‌بینی شده مدل‌ها بر حسب مقدار مشاهده شده، استفاده شده است. روش کار بین دین صورت است که یک مدل روندگرا بین مقادیر پیش‌بینی شده (به عنوان متغیر وابسته) و مقادیر مشاهده شده (به عنوان متغیر مستقل) ساخته می‌شود. شاخص برازنده‌گی برای مدل‌های دو مرحله‌ای و یک مرحله‌ای روندگرای خطی، به ترتیب، $0/172$ و $0/180$ نتیجه شده است. این نتیجه برتری نسبی مدل یک مرحله‌ای را نشان می‌دهد. مدل یک مرحله‌ای روندگرای خطی قادر است همان تغییرات را که مدل نسبتاً پیچیده دو مرحله‌ای بازگو می‌کند، توصیف نماید.

در جدول (۳) مقادیر آماری تعداد سفر پیش‌بینی شده توسط دو مدل روندگرا آمده است. همانطور که دیده می‌شود در مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای تعداد سفر برآورده شده در برخی موارد منفی است (حداقل تعداد سفر برآورده شده برابر $0/0898$ می‌باشد)، در صورتی که در مدل روندگرای دو مرحله‌ای این مشکل وجود ندارد (حداقل آن برابر صفر می‌باشد).

جدول (۳) ویژگیهای آماری تعداد سفر برآورده شده از مدل‌های روندگرای یک مرحله‌ای و دو مرحله‌ای.

ویژگی	مدل دو مرحله‌ای	مدل یک مرحله‌ای
میانگین	$1/814$	$1/185$
کمینه	$1/146$	$-0/090$
بیشینه	$2/626$	$2/431$
انحراف معیار	$0/246$	$0/487$
پراکنش	$0/061$	$0/237$
تعداد نمونه	13598	19843

۶- نتایج و پیشنهادات

این پژوهش با دو هدف عمده انجام گرفته است: ۱- مطالعه و بررسی سازگاری فرض پیوستگی توزیع بخش خطأ در مدل‌های روندگرای خطی در هنگام برآورده تعداد سفرهای تولید شده کم تواتر توسط خانوار یا فرد، که شکلی گسسته و غیرمنفی دارند و ۲- بررسی امکان استفاده از مدل‌های دو مرحله‌ای در برآورده این گونه سفرها و مقایسه برآورده سفر حاصل از مدل‌های سنتی روندگرای خطی با نتایج مدل‌های دو مرحله‌ای. در مدل دو مرحله‌ای، در مرحله نخست تصمیم برای انجام سفر، مدل سازی می‌شود. سپس، مشروط به انجام شدن سفر، در مرحله دوم مدل برآورده تعداد سفر ساخته می‌شود. در این پژوهش مرحله اول از مدل پربویت دوگانه برای تصمیم‌گیری در مورد انجام سفر استفاده شده و در مرحله دوم با استفاده از مدل روندگرای خطی چندگانه وزنی تعداد سفر افراد برآورده شده است. نتایج برآورده در این فرآیند با نتایج برآورده حاصل از مدل روندگرای یک مرحله‌ای مقایسه شده است.

نتایج نشان می‌دهند که مرحله انتخاب (مدل پربویت) و مرحله محاسبه تعداد سفر (مدل روندگرای خطی چندگانه) از متغیرهای تقریباً ثابتی تاثیر می‌پذیرند. از سوی دیگر، مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای از مجموعه متغیر مشابه فرآیند دو مرحله‌ای استفاده می‌کند. به عبارت دیگر، مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای همان ویژگیهای رفتار تولید سفر مدل دو مرحله‌ای را توصیف می‌کند و قدرت توصیفی مدل روندگرا تفاوت چندانی با مدل روندگرای دو مرحله‌ای ندارد، اگرچه، برتری حاشیه‌ای مدل اخیر با توجه به ساختار پیچیده آن، نمی‌تواند توجیهی برای جایگزین شدن آن باشد. یادآوری این نکته لازم

است که مدل دو مرحله‌ای با وجود در برداشتن مبانی رفتاری مناسب، فاقد برتری لازم بوده، ضمن آنکه از مجموعه متغیرهای بیشتری در فرآیند پرداخت استفاده می‌کند که بهبود چندانی در مقدار شاخص برازنده‌گی (^۲R) ایجاد نمی‌کند.

نتایج پرداخت مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای حاکی از آن است که ضرایب مدل به اندازه مدل نسبتاً پیچیده دو مرحله‌ای از دقت کافی در برآورده بخوردار است. از اینرو، روش روندگرای خطی چندگانه یک مرحله‌ای برای برآورده سفرهای کم تواتر که احتمالاً فرضیات روش روندگرا برقرار نیست، مناسب بوده، بهبود روش‌های تولید سفر را نمی‌توان با پیچیدگی‌های ساختار، تضمین نمود.

با توجه به ساختار مناسب مدل روندگرای خطی در برآورده سفرهای کم تواتر بهتر است در رابطه با کیفیت متغیرهای توصیفی آن توجه لازم صورت گیرد. متغیرهایی نظیر درآمد، ساختار و چرخه زندگی خانواده از جمله عواملی هستند که ضروری است در پرداخت مدل مورد استفاده قرار گیرند. همچنین دارا بودن گواهینامه رانندگی که میزان دسترسی به اتومبیل و نه تعداد اتومبیل، را نشان می‌دهد، عامل اثرگذار دیگری است که می‌تواند مورد استفاده قرار گیرد. بخشی از متغیرهای مورد اشاره در بالا در نمونه آماری این پژوهش در دسترس نبود. برای ادامه این تحقیق می‌توان از نمونه‌های دیگر، از حالت‌هایی که سفرها کم تواتر هستند، مانند سفرهایی با هدف مشخص (هدف تفریح)، سفر با وسیله نقلیه همگانی، و سفرهای خرد و نظایر آن، به جای تعداد کل سفرهای روزانه افراد استفاده کرد. در حالت‌های بالا سفرهای انجام نشده (تعداد صفرها) افزایش قابل توجهی می‌یابد و بنابراین می‌توان بررسی نمود که آیا از مدل روندگرای خطی حتی در این گونه موقع می‌توان استفاده نمود. نتایج چنین بررسیهایی زمینه‌های داوری کلی درباره کفايت مدل روندگرای خطی یک مرحله‌ای را در شرایط عدم برقراری برخی از فرضیات مدل فراهم می‌سازد.

جدول (۱) متغیرهای توصیفی مدل‌های تولید سفر.

گروه متغیر	علامت اختصاری	تعریف
۱- سن	AGE ۱۸-۳۰	۱، اگر سن بین ۱۸ تا ۳۰ سال باشد، در غیر اینصورت ۰
	AGE ۳۱-۵۰	۱، اگر سن بین ۳۱ تا ۵۰ سال باشد، در غیر اینصورت ۰
	AGE ۵۱-۶۵	۱، اگر سن بین ۵۱ تا ۶۵ سال باشد، در غیر اینصورت ۰
	AGE > ۶۵	۱، اگر سن بیش از ۶۵ سال باشد، در غیر اینصورت ۰
۲- جنسیت	MALE	۱، اگر مرد باشد، در غیر اینصورت ۰
	FEMALE	۱، اگر زن باشد، در غیر اینصورت ۰
۳- شغل	EMPLOYEE	۱، اگر شغل شخص کارمند باشد، در غیر اینصورت ۰
	TEACHER	۱، اگر شغل شخص فرهنگی باشد، در غیر اینصورت ۰
	MILITARY	۱، اگر شغل شخص نظامی باشد، در غیر اینصورت ۰
	WORKER	۱، اگر شغل شخص کارگر باشد، در غیر اینصورت ۰
	FARMER	۱، اگر شغل شخص کشاورز باشد، در غیر اینصورت ۰
	CRAFTSMAN	۱، اگر شغل شخص استاد کار باشد، در غیر اینصورت ۰
	EMPLOYER	۱، اگر شغل شخص کارفرما باشد، در غیر اینصورت ۰
	DRIVER	۱، اگر شغل شخص راننده باشد، در غیر اینصورت ۰
	HOUSEWIFE	۱، اگر شغل شخص خانه دار باشد، در غیر اینصورت ۰
	SALES	۱، اگر شغل شخص فروشنده باشد، در غیر اینصورت ۰
	RETIRED	۱، اگر شغل شخص بازنشسته باشد، در غیر اینصورت ۰
	UNEPROYED	۱، اگر شغل شخص بیکار باشد، در غیر اینصورت ۰
	STUDENT	۱، اگر شغل شخص دانش آموز باشد، در غیر اینصورت ۰
	UNIVSTUDENT	۱، اگر شغل شخص دانشجو باشد، در غیر اینصورت ۰
	SCHOLAR	۱، اگر شغل شخص سایر موارد باشد، در غیر اینصورت ۰
	OTHER	۱، اگر شغل شخص سایر موارد باشد، در غیر اینصورت ۰

۱، اگر خانواده دارای اتومبیل نباشد، در غیر اینسورت . ۱، اگر خانواده دارای یک اتومبیل باشد، در غیر اینسورت . ۱، اگر خانواده دارای دو اتومبیل باشد، در غیر اینسورت . ۱، اگر خانواده دارای سه اتومبیل یا بیشتر باشد، در غیر اینسورت .	CAR . CAR ۱ CAR ۲ CAR ۳	۴- مالکیت اتومبیل
تعداد افراد بالغ (۱۸ سال و بیشتر) در خانواده تعداد فرزندان کوچکتر از ۵ سال در خانواده تعداد فرزندان بین ۵ تا ۱۵ سال در خانواده تعداد فرزندان بین ۱۶ تا ۱۸ سال در خانواده تعداد افراد مذکور در خانواده تعداد افراد مونث در خانواده	NADULT NCHLD<۵ NCHLD ۵-۱۵ NCHLD ۱۶-۱۸ NMALE NFEMALE	۵- ساختار خانواده
۱، اگر سرپرست خانواده دارای سن کمتر از ۳۵ سال باشد و هیچ بچه‌ای نداشته باشند، در غیر اینصورت . ۱، اگر سرپرست خانواده دارای سن بین ۳۵ تا ۶۵ سال باشد و هیچ بچه‌ای نداشته باشند، در غیر اینصورت . ۱، اگر سرپرست خانواده دارای سن بیشتر از ۶۵ سال داشته و هیچ فرزندی نداشته باشند، در غیر اینصورت . ۱، اگر کوچکترین فرزند خانواده دارای سن کمتر از ۶ سال باشد، در غیر اینصورت . ۱، اگر کوچکترین فرزند خانواده بیشتر از ۶ سال باشد، در غیر اینصورت .	HEAD<۳۵ HEAD<۳۵-۶۵ HEAD>۶۵ CHLDAGE<۶ CHLDAGE>۶	۶- چرخه زندگی خانواده
۱، اگر فرد ساکن منطقه مرکزی شهر (نواحی ۱ تا ۲۷) باشد، در غیر اینصورت . ۱، اگر فرد ساکن منطقه میانی شهر (نواحی ۲۸ تا ۱۰۱) باشد، در غیر اینصورت . ۱، اگر فرد ساکن منطقه حاشیه شهر (نواحی ۱۰۲ تا ۱۴۸) باشد، در غیر اینصورت .	CEN MID MAR	۷- محل سکونت

جدول (۲) نتایج پرداخت مدل‌های نهایی دو مرحله‌ای و یک مرحله‌ای تولید سفر.

علامت اختصاری متغیر	مدل دو مرحله‌ای				مدل یک مرحله‌ای	
	پروبیت	t	روندهای خطی	t	روندهای خطی	t
AGE ۲۱-۵۰	.۰/۲۳۹	۹/۷۹۰	.۰/۰۹۶	۴/۹۰۲	.۰/۱۵۱	۸/۴۳۲
AGE ۵۱-۶۵	.۰/۲۵۵	۶/۷۱۰	.۰/۰۴۶	۱/۶۰۳	.۰/۱۰۸	۳/۹۸۴
CAR ۱	.۰/۱۰۱	۴/۳۸۰	.۰/۰۸۴	۴/۵۲۰	.۰/۰۹۵	۵/۷۵۶
CAR ۲	.۰/۲۲۷	۴/۸۰۷	.۰/۱۲۰	۳/۲۴۰	.۰/۱۵۸	۴/۷۱۷
CAR ۳	.۰/۳۰۰	۲/۳۱۸	—	—	.۰/۱۷۴	۱/۹۲۱
CEN	—	—	.۰/۱۱۳	۲/۲۲۲	.۰/۰۹۲	۳/۰۸۸
EMPLOYEE	۱/۲۵۴	۲۲/۴۵۴	.۰/۳۷۱	۵/۹۷۴	.۰/۶۲۸	۱۸/۰۳۴
SALES	.۰/۹۷۷	۱۷/۵۸۹	.۰/۰۷۰	۹/۷۲۲	.۰/۷۷۸	۲۰/۰۰۲
RETIRED	.۰/۴۴۷	۶/۱۴۰	.۰/۲۵۳	۵/۴۶۶	.۰/۴۲۶	۷/۶۸۶
UNEMPLOYED	—	—	.۰/۰۹۸	۲/۰۷۹	.۰/۰۶۰	۱/۰۱۰
STUDENT	.۰/۵۲۹	۱۰/۳۳۷	—	—	.۰/۲۱۵	۵/۱۴۱
UNIVSTUDENT	.۰/۷۰۶	۱۳/۸۰۸	.۰/۲۴۲	۴/۸۷۹	.۰/۴۱۲	۱۰/۱۶۶
SCHOLAR	.۰/۸۱۲	۵/۴۴۱	.۰/۲۸۹	۲/۶۷۱	.۰/۵۰۹	۵/۱۴۸
TEACHER	۱/۱۵۴	۱۹/۰۵۸	.۰/۳۸۲	۵/۷۴۱	.۰/۶۲۸	۱۶/۳۸۷

MILITARY	۰/۱۸۱	۲/۷۱۱	۰/۱۳۵	۲/۳۰۴	۰/۱۶۹	۳/۱۵۴
WORKER	۰/۹۱۳	۱/۸۴۴	۰/۲۲۵	۴/۲۵۵	۰/۴۶۰	۱/۲۵۱
FARMER	۰/۷۱۲	۵/۰۱۷	۰/۲۳۷	۲/۲۷۶	۰/۴۳۲	۴/۴۳۲
CRAFTSMAN	۰/۹۲۵	۱/۴۳۸	۰/۰۲۹	۸/۴۸۹	۰/۷۱۹	۱/۶۴۳
EMPLOYER	۱/۲۰۱	۷/۶۹۷	۰/۱۰۰	۶/۹۵۸	۱/۰۵۲	۱/۲۴۴
DRIVER	۰/۲۷۶	۴/۲۸۹	۰/۲۰۵	۳/۷۱۱	۰/۲۵۳	۵/۰۴۹
OTHER	۰/۸۹۵	۱/۱۰۰	۰/۴۳۸	۶/۴۸۲	۰/۶۳۹	۱/۲۵۱
MALE	۰/۳۷۸	۱/۰/۷۲۱	۰/۳۴۶	۹/۶۰۱	۰/۳۵۲	۱/۲۹۴
NADULT	-۰/۰۴۸	-۳/۳۱۷	-۰/۰۳۵	-۴/۲۶۲	-۰/۰۴۳	-۶/۱۶۷
NCHLD<۵	۰/۰۶۰	۲/۴۱۶	۰/۰۵۵	۳/۳۵۷	۰/۰۶۰	۴/۳۴۲
NCHLD ۵-۱۵	۰/۰۳۵	۱/۹۵۲	—	—	—	—
NCHLD ۱۶-۱۸	-۰/۰۶۵	-۳/۰۳۶	-۰/۰۲۴	-۱/۶۶۷	-۰/۰۴۸	-۳/۵۷۹
NFEMALE	-۰/۰۴۹	-۴/۰۶۸	-۰/۰۲۶	-۳/۶۴۱	-۰/۰۲۶	-۳/۸۷۹
NMALE	-۰/۰۷۲	-۲/۷۴۸	-۰/۰۵۴	-۷/۳۱۰	-۰/۰۵۵	-۸/۱۵۲
HEAD ۲۵-۶۵	-۰/۱۵۳	-۲/۰۷۴	-۰/۱۹۶	-۳/۶۷۹	-۰/۱۹۲	-۳/۶۳۷
HEAD>۶۵	-۰/۱۶۹	-۲/۰۰۶	-۰/۱۵۰	-۲/۱۳۸	-۰/۱۷۲	-۲/۶۶۸
CHLDAGE<۶	-۰/۰۵۳	-۲/۱۹۷	—	—	—	—
CONSTANT	۰/۱۵۱	۴/۱۴۷	۱/۱۷۵	۱۳/۹۰۳	۰/۸۵۵	۳۲/۴۴۲
COR	—	—	۰/۴۸۹	۴/۳۴۴	—	—
R ^r			۰/۰۶۳		۰/۱۸۰	
(درجه آزادی)			۳۲/۸۰ (۲۸, ۱۳۵۶۹)		۱۴۵/۴۰ (۳۰, ۱۹۸۱۳)	
- $\Delta L(\alpha) - L(C)$	۴۱۳۵/۰۴(۲۹)					
اندازه نمونه	۱۹۸۴۳			۱۳۵۹۸	۱۹۸۴۳	

زیرنویس‌ها

- 1-Trip Generation
 2- Trip Distribution
 3-Modal Split
 4- Route Assignment
 5-Aggregate
 6- Disaggregate
 7-Cross Classification
 8- Maximum Likelihood Estimation
 9-Lifecycle
 10- Life Style
 11-Travel Patterns
 12- Continuous Truncated Variable
 13-Negative Binomial
 14- Poisson
 15-Tobit
 16-Skewness
 17-Binary Probit
 18- Bias
- ۱۹- مقدار این متغیر از رابطه نتیجه می‌شود، که در آن ϕ و Φ به ترتیب،تابع چگالی و تابع توزیع تجمعی استاندارد نرمال است.
- ۲۰-Homoscedasticity
 21- Weighted Least Square
 22- Dummy Variable
- ۲۳- در پرداخت مدل از نرم افزار Limdep استفاده می‌شود.
- ۲۴- Likelihood Ratio
 25- Multiple Linear Regression
- ۲۶- برای ساخت مدل روند گرای خطی از بسته نرم افزاری آماده SPSS استفاده شده است.
- ۲۷- Forward Selection
 28- Backward Elimination
- ۲۹- مقدار تابع چگالی ϕ توسط بسته نرم افزاری Limdep و مقدار Φ_i نیز توسط بسته نرم افزاری Excell محاسبه شده است.
- ۳۰- White
- ۳۱- چنانچه گستره یک متغیر توسط n متغیر ساختگی $-1 \dots n$ تعریف شود، در پرداخت مدل نمی‌توان بیش از $n-1$ متغیر ساختگی از نوع موردنظر را در ساختار مدل وارد نمود. متغیر ساختگی n به عنوان متغیر مبنای متغیرهای ساختگی نوع موردنظر است.

مراجع

- [1] Supernak, j., Talvitie A. and Dejohn, A. "Person Category Trip Generation Model", Trans. Res. Rec., No. 1-944, pp. 74-83, 1983.

- [2] Stopher, P.R. and McDonald, K.G., "Trip Generation by Cross-Classification", *Trans. Res. Rec.*, 944, pp. 84-91, 1983.
- [3] Ben-Akiva, M.E., "Structure of Passenger Demand Model", *Trans. Res. Rec.*, No. 526, pp. 26-42, 1974.
- [4] Ortuzar, J. and Willumsen, L.G., "Modelling Transport", John Wiley and Sons, 1994.
- [5] McFadden, D., "Conditional Logit Analysis of Qualitative Choice Behavior", P. Zarembka (ed), Academic Press, New York, 1974.
- [6] Clarke, M.I., Pix, M.C. and Heggie, I.G., "Some Recent Developments in Activity-Travel Analysis and Modeling", *Trans. Res. Rec.*, No. 794, pp. 1-8, 1981.
- [7] Domencich, T.A. and McFadden, M., "Urban Travel Demand", North Holland Publishing Co., Amsterdam, 1975.
- [8] Ben-Akiva, M.E., Lerman, S.R. and Manheim, M.L., "Disaggregate Models: An Overview of Some Recent Results and Practical Application", In Proceedings of the PTRC Summer Meeting, London, PTRC, 1976.
- [9] Wilmot, C. G., "Evidence on Transferability of Trip Generation Models," *Journal of Transportation Engineering*, sept/oct. pp. 405-410, 1995.
- [10] Nakash, T.Z. and Greece, W.L., "Activity - Accessibility Models of Trip Generation", *High. Res. Rec.*, No. 392, pp. 98-110, 1973.
- [11] Lerman, S.R. and Gonzales, S.L., "Poisson Regression Analysis Under Alternate Sampling Strategies", *Trans. Science*, Vol. 14, pp. 346-364, 1980.
- [12] Adler, T. and Ben-Akiva, M.E., "Joint Choice Model for Frequency, Destination, and Travel Mode for Shopping Trips", *Trans. Res. Rec.*, No. 569, 1976.
- [13] Clarke, M.I. and Dix, M., "Stages in Lifecycle-A Classificatory Variable with Dynamic Properties", In Carpenter, S. and Jones, P.M., *Recent Advances in Travel Demand Analysis*, Gower, Aldershot, England, 1983.
- [14] Allaman, P.M., Tardiff, T. J. and Dundar, F.C., "NCHRP report 10-[14] New Approach to Understanding Travel Behavior", TRB, National Research Council, 1988.
- [15] Kitamura, R., "Lifestyle and Travel Demand; A Look Ahead: Year 2020", Special Report 220, TRB, National Research Council, 1988.
- [16] Stopher, P.R. and McDonald, K.G., "Some Contrary Indications for the Use of Household Structure in Trip-Generation Analysis", *Trans. Res. Rec.*, 944, pp. 92-100, 1983.
- [17] Sharp, D.P., "Projections of Automobile Ownership and Use Based on Household Life Style Factors", Report OR NL/SUB-۷۳۰۱؛ Oak Ridge National Laboratory, 1979.
- [18] Havens, J.J., "New Approaches to Understanding Travel Behavior", Lexington Books, 1981.
- [19] Kermanshah, M., "Lifecycle Concept: Application to Trip Generation Procedures", *Iranian Journal of Science and Technology*, Vol. 21, No. 1, pp. 47-67, 1997.
- [20] Kermanshah, M. and Kitamura, R., "Effects of Land Use and Socio-Demographic Characteristics on Household Travel Pattern Indicators", *Scientia Iranica*, Vol. 2, No. 3, 1995.
- [21] Johnson, N. and Kotz, S., "Distributions in Statistics: Continuous Multivariate Distributions", Wiley, 1972.
- [22] Monzon, J., Goulias, K. and Kitamura, R., "Trip Generation Models for Infrequent Trips", *Trans. Res. Rec.*, Vol. 1220, pp. 40-46, 1989.
- [23] Hechman, J.J., "The Common Structure of Statistical Models of Truncation; Sample Selection and Limited Dependent Variables and a Sample Estimator for such Models", *Annals of Economic and Social Measurement*, pp. 475-492, 1976.
- [24] Kmenta, J., *Elements of Econometrics*, MacMillan Publishing Co. New York, 1971.
- [25] نتایج آمارگیری مبدأ - مقصد ساکنین، مطالعات جامع حمل و نقل جامع مشهد، شماره ۸-۷۴، مرکز مطالعات و تحقیقات حمل و نقل، دانشگاه صنعتی شریف، زمستان ۱۳۷۴.
- [26] Bhat, C.R. and Koppelman, F.S., "An Endogenous Switching Simulation Equation System of Employment, Income and Car Ownership", *Trans. Res.*, Vol. 27A, No. 6, pp. 447-457, 1993.