

ارائه یک مدل ریاضی برای محاسبه ضخامت بارسنگ با استفاده از طبقه‌بندی پیشنهادی توده سنگ

iii مسعود منجزیⁱ; سید علیرضا جزایری فارسانیⁱⁱ; کامران گشتاسبی

چکیده

خردایش مناسب یکی از مهمترین اهداف عملیات آتشباری می‌باشد که در صورت تحقق، هزینه‌های معدنکاری تا حد زیادی کاهش می‌یابد. پارامترهای ژئومکانیکی تأثیر بسزائی در نتیجه عملیات آتشباری دارند. بیشتر طبقه‌بندی‌های موجود توده سنگ در تحلیل پایداری، طراحی سیستم نگهداری و تعیین زمان ایستایی قابل استفاده می‌باشند و تاکنون طبقه‌بندی جامعی در ارتباط با عملیات آتشباری ارائه نشده است. در این تحقیق تلاش شده که با تلفیق طبقه‌بندی‌های RMR و لو-لاتهام و همچنین اعمال اثر جهت داری شبیب درزه‌ها، یک طبقه‌بندی جدید (BRMR) قابل کاربرد در عملیات آتشباری ارائه گردد. در پایان، با استفاده از روش آماری و داده‌های آتشباری معدن فسفات اسفوردی، یک رابطه ریاضی با ضریب همبستگی بالا میان ضخامت بارسنگ، BRMR و شاخص‌های خردایش (D_{50} و D_{80}) توسعه داده شد.

کلمات کلیدی

خردایش، عملیات آتشباری، بارسنگ، RMR، لو-لاتهام، معدن فسفات اسفوردی یزد

Development of a Mathematical Model for Determining Burden Using Suggested Rock Mass Classification

M.Monjezi, S.A.R. Jazayeri Farsani, K.Goshtasbi

ABSTRACT

Proper fragmentation is one of the most important objectives of blasting operation, achieving this aim mining costs are reduced, considerably. Geo-mechanical parameters have a significant effect on the results of a blast. Available rock mass classifications are generally applicable for stability analysis, design of support system, determination of stand-up time but for blasting operation, a comprehensive classification has not been developed.

In this research, an attempt has been made to develop a new applicable classification (BRMR) for blasting operation by combining RMR and Lu-Latham classifications with considering the effect of dip and dip direction of joints. Finally, using 3D statistical method and Phosphate Espfordi mine data, a mathematical formula with high correlation was developed between burden, BRMR and fragmentation indexes (D_{50} , D_{80}).

KEYWORDS

Fragmentation, Blasting Operation, Burden, RMR, Lu-Latham, Espfordi phosphate mine

ⁱ دانشیار دانشکده فنی و مهندسی گروه مهندسی معدن دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران، monjezi@modares.ac.ir

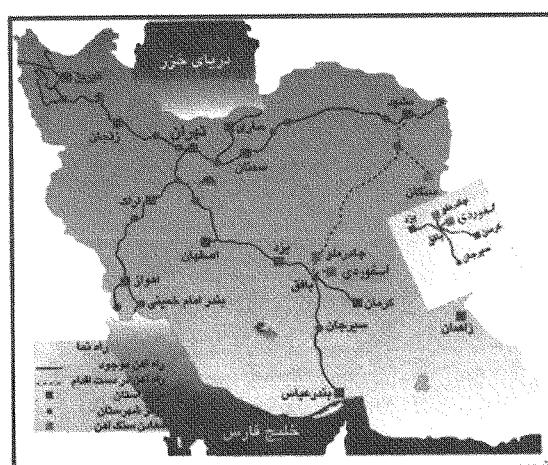
ⁱⁱ دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی معدن، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران، jazayeri@yahoo.com

ⁱⁱⁱ دانشیار دانشکده فنی و مهندسی گروه مهندسی معدن دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران، goshtasb@modares.ac.ir

طبقه‌بندی ارائه شده توسط حمدی و موزا تنها شبکه ناپیوستگی و ماتریکس سنگ در نظر گرفته شده است [۷]. این در حالی است که در شاخص قابلیت انفجارپذیری سنگ ارائه شده توسط لیلی پارامترهای وضعیت توده سنگ (خرد شده، بلوکی، توده ای)، فاصله داری درزه‌ها، جهتداری درزه‌ها، چگالی سنگ و سختی سنگ در نظر گرفته شده است [۸]. پریلیت ضخامت بار سنگ را به صورت تابعی از ارتفاع پله، چگالی ماده منفجره، سرعت انفجار، طول گل گذاری، مقاومت فشاری و یک ضربه ثابت که وابسته به نوع تجهیزات بارگیری است، بدست آورد. این روش فقط برای سنگ‌های همگن مناسب می‌باشد [۹]. همچنین محققین دیگر از جمله لینگتن و لوپز تلاش نمودند تا با استفاده از شاخص‌های مختلف حفاری سنگ، روابطی را برای پیش‌بینی ضخامت بار سنگ ارائه دهند. لینگتن با استفاده از شاخص کیفیت سنگ ارائه شده توسط ماتیس، رابطه‌ای برای محاسبه خرج ویژه بدست آورد. در این رابطه، شاخص کیفیت سنگ تابعی از طول چال، زمان حفاری و فشار پشت سر مته می‌باشد. لوپز نیز با توجه به محدودیت‌های شاخص کیفیت از میان پارامترهای فراوانی که بر روی نتیجه خردایش یک انفجار تاثیر می‌گذارند، می‌توان به پارامترهای ژئومکانیکی (شاخص کیفیت سنگ، خصوصیات درزه، مقاومت سنگ و ...) و پارامترهای هندسی الگوی انفجار (قطر چال، ضخامت بار سنگ و ...) اشاره نمود [۱۰-۱۱]. تا کنون روابط زیادی در ارتباط با طراحی الگوی آتشباری و محاسبه ضخامت بار سنگ توسط محققین مختلف ارائه شده است. به عنوان مثال در طبقه‌بندی لو و لاتهام پارامترهایی نظیر مقاومت تراکمی تک محوری، مقاومت کششی، چگالی، الاستیسیته و ... در نظر گرفته شده‌اند ولی عامل شیب و جهت داری درزه که اهمیت قابل توجهی نیز دارد، رعایت نشده است [۶]. بر خلاف روش لو و لاتهام، در

معدن فسفات اسفوردی در ۳۵ کیلومتری شمال شرقی شهرستان بافق در طول جغرافیایی ۳۵° و ۵۵° شرقی و عرض ۴۷° و ۳۱° شمالی واقع شده است. این کانسuar که در منطقه کوهستانی و با ارتفاع متوسط ۱۷۰۰ متر از سطح دریا قرار گرفته، دارای کوه‌هایی با روند شمال غربی - جنوب شرقی می‌باشد. معدن فسفات اسفوردی با ذخیره معدنی نزدیک به ۱۷ میلیون تن سنگ با عیار ۱۲/۹ درصد P_2O_5 یکی از بزرگترین منابع فسفات شناخته شده در ایران می‌باشد. میزان استخراج سالانه معدن نزدیک به ۳۶۰ هزار تن می‌باشد (شکل ۱). شکل ۲ موقعیت معدن را نسبت به شهرهای اطراف آن و جاده‌های دسترسی نشان می‌دهد. خردایش حاصل از عملیات آتشباری در این معدن نامناسب و همراه با تولید ترمه زیاد بوده که این امر موجب اختلال در فعالیت کارخانه فرآوری می‌شود. پارامترهای مربوط به عملیات چالزنی و آتشباری در جدول ۱ آورده شده است [۱].

از میان پارامترهای فراوانی که بر روی نتیجه خردایش یک اتفاق بزرگتر می‌گذارند، می‌توان به پارامترهای ژئومکانیکی (شاخص کیفیت سنگ، خصوصیات درزه، مقاومت سنگ و ...) و پارامترهای هندسی الگوی انفجار (قطر چال، ضخامت بار سنگ و ...) اشاره نمود [۱۲-۱۳]. تا کنون روابط زیادی در ارتباط با طراحی الگوی آتشباری و محاسبه ضخامت بار سنگ توسط محققین مختلف ارائه شده است. به عنوان مثال در طبقه‌بندی لو و لاتهام پارامترهایی نظیر مقاومت تراکمی تک محوری، مقاومت کششی، چگالی، الاستیسیته و ... در نظر گرفته شده‌اند ولی عامل شیب و جهت داری درزه که اهمیت قابل توجهی نیز دارد، رعایت نشده است [۶]. بر خلاف روش لو و لاتهام، در



شکل (۲): موقعیت جغرافیایی منطقه اسفوردی و راههای دسترسی [۱]



شکل (۱): نمایی از معدن فسفات اسفوردی یزد [۱]

در این طبقه‌بندی RQD بالاتر نشانگر لزوم استفاده از سیستم نگهداری ضعیفتر می‌باشد، در حالیکه در عملیات آتشباری با افزایش RQD قابلیت انفجار سنگ کاهش می‌یابد.

۴-۲- بررسی طبقه‌بندی لو و لاتهام

از دیدگاه لو و لاتهام خصوصیات ژئومکانیکی توده سنگ به دو دسته خصوصیات ذاتی سنگ و خصوصیات ناپیوستگی‌ها تقسیم می‌شوند. خصوصیات ذاتی سنگ نظیر سختی، الاستیسیته، تغییر شکل‌پذیری، چگالی و خصوصیات ناپیوستگی‌ها شامل جهت‌یابی، پر شدگی، فاصله‌داری می‌باشند. از دیدگاه لو و لاتهام، از میان خصوصیات یاد شده پارامترهای مقاومت تراکمی تک محوری، مقاومت کششی، چگالی و الاستیسیته مهمترین عوامل تاثیر گذار بر قابلیت انفجار هستند [۱۲].

۴-۳- بررسی اثر شیب و جهت داری درزه‌ها

طبقه‌بندی‌های پیشنهاد شده برای بررسی تأثیر جهت‌داری و شیب ناپیوستگی‌ها بر روی پایداری توده سنگ بسیار کلی و نامناسب می‌باشند [۷]. به منظور اعمال اثر موقعیت فضایی درزه‌ها می‌توان از جدول ۲ استفاده نمود. در شکل ۳ نمائی شماتیک از شیب‌های مختلف درزه ترسیم شده است. در این شکل درزه و سطح آزاد بلوك انفجاری دارای یک امتداد می‌باشند.

۴-۴- طبقه‌بندی پیشنهادی

جهت انتخاب پارامترهای طبقه‌بندی جدید، ساختار RMR به عنوان هسته اصلی در نظر گرفته شد. مهمترین پارامترهای تأثیرگذار بر عملیات آتشباری منتج از روش لو و لاتهام استخراج و به این ساختار اضافه شدند. برای امتیازدهی به این پارامترها نیز از روش لو و لاتهام استفاده شده است (جدول 3). در پایان برای محاسبه BRMR امتیاز بدست آمده از جدول 3 با امتیاز مربوط به اختلاف جهت داری و شیب درزه‌ها با خط انفجار، جمع می‌شود.

جدول ۳ شامل پارامترهای مقاومت تراکمی تک محوری، چگالی، الاستیسیته، اندیس کیفی سنگ (RQD)، فاصله ناپیوستگی‌ها، وضعیت آب زیرزمینی و وضعیت ناپیوستگی می‌باشد که در آن مجموع امتیازات مثبت ۱۰۰ می‌باشد. همچنین بنابر جدول ۲ مجموع امتیازات منفی مربوط به موقعیت فضایی درزه‌ها ۳۰ است.

جدول (۱): پارامترهای الگوی آتشباری پیوسته معدن اسفوردي

چگالی سنگ ۲/۲۵ (gr/cm ³)	چگالی ماده منفجره ۰/۸۵ (gr/cm ³)	قطر چال ۷۶ (mm)	طول چال ۵/۸ (m)	بارسنگ ۱/۹ (m)	فاصله ردیفی چال‌ها ۲/۳ (m)	ارتفاع پله ۵ (m)	طول خرجگذاری ۲/۸ (m)	طول کل کناری ۱/۸ (m)	خروج ویژه مصرفی به طور متوسط (Kg/ton)
---	---	--------------------	--------------------	-------------------	-------------------------------	---------------------	-------------------------	-------------------------	--

۴- مرحله ایجاد طبقه‌بندی جدید توده سنگ

طراحی عملیات آتشباری با استفاده از خصوصیات ذاتی توده سنگ، خصوصیات ماده منفجره و شبکه هندسی انفجار صورت می‌پذیرد. با توجه به اینکه هر توده سنگ دارای خصوصیات ذاتی و مقاومتی متفاوتی بوده شناخت این خصوصیات کمک شایان توجهی در افزایش راندمان عملیات خواهد نمود [۱۲].

اگرچه تاثیر خصوصیات ذاتی توده سنگ بر فرایند انفجار از مدت‌ها پیش مورد مطالعه قرار گرفته است، اما تلاش چندانی برای کمی نمودن این پارامترها صورت نگرفته است. در این راستا تلاش شده تا با تلفیق طبقه‌بندی توده سنگ بنیاوسکی، روش لو و لاتهام و اعمال اثر موقعیت فضایی درزه‌ها یک طبقه‌بندی جدید (BRMR) ارائه گردد.

۴-۱- بررسی طبقه‌بندی توده سنگ بنیاوسکی

طبقه‌بندی ژئومکانیکی یا امتیاز توده سنگ (Sیستم RMR) در سال ۱۹۷۳ توسط بنیاوسکی ارائه گردید. این طبقه‌بندی شامل شش پارامتر مقاومت فشاری تک محوری ماده سنگ یکپارچه، جهت ناپیوستگی، اندیس کیفی سنگ (RQD)، فاصله ناپیوستگی‌ها، وضعیت آب زیرزمینی، وضعیت ناپیوستگی می‌باشد. با توجه به این که طبقه‌بندی یاد شده برای طراحی سیستم نگهداری تونل ارائه شده است، نمی‌توان از آن جهت بررسی قابلیت آتشباری استفاده نمود [۱۱-۱۲]. به عنوان مثال

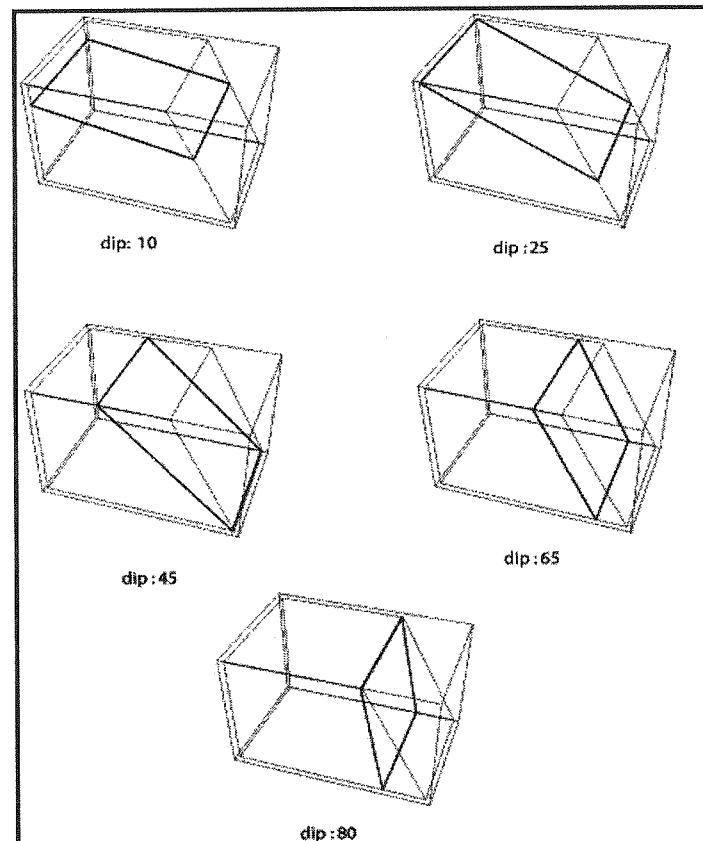
جدول (۲): امتیازات شیب و اختلاف جهت داری درزهای با خط انفجار

پیشنهادی

۳-۱-۳- محاسبه امتیاز طبقه‌بندی پیشنهادی توده سنگ : (BRMR)

به منظور طراحی الگوی آتشباری مناسب در معدن فسفات اسفلوردی یزد، داده‌های لازم برای تعیین امتیازات طبقه بندی توده سنگ پیشنهادی (BRMR) نظری مقاومت تراکمی تک محوری، چگالی، الاستیسیتی، اندیس کیفی سنگ (RQD)، فاصله ناپیوستگی‌ها، وضعیت آب زیرزمینی و وضعیت ناپیوستگی از ۱۲ بلوک جمع‌آوری گردید. جدول ۴ به صورت نمونه چگونگی امتیازدهی طبقه‌بندی پیشنهادی (BRMR) برای بلوک ۱۷۲۵B۲۴ را نمایش می‌دهد.

امتیاز	اختلاف جهت داری درزه با خط انفجار (درجه)	امتیاز	شیب (درجه)
-۱۰	۳۰-۰	۰	۱۵-۰
-۱۲	۶۰-۳۰	-۴	۳۵-۱۵
-۹	۹۰-۶۰	-۸	۵۵-۳۵
-۷	۱۲۰-۹۰	-۱۲	۷۵-۵۵
-۳	۱۵۰-۱۲۰	-۱۰	۹۰-۷۰
۰	۱۸۰-۱۵۰		



شکل (۳): نمایی طرحواره از شیب‌های مختلف درزه

جدول (۳) پارامترهای دارای امتیاز مثبت در طبقه پندتی پیشنهادی

ردیفهای ارزش							پارامتر	
							مقاومت کششی (MPa)	مقاومت ماده سنتی پیکارچه
<۱۲		۱-۱۲	۱-۱	۱/۰-۳		۱/۰->		
۱۰		۸	۱	۱		۱		
۲۰>	۱۰۰-۲۵۰	۰۰-۱۰۰	۲۵۰-۰	۰-۲۵۰	۱-۰	<۱	امتیاز مقادیر تراکمی ک محوری (MPa)	امتیاز
۱۰	۱۲	۷	۳	۲	۱	.	امتیاز	امتیاز
>۱۰.		۱۰۰-۱۰	۰-۱۰۰	۰-۰	۰-۰	<۲۰	مدول الاستنسیته (GPa)	امتیاز
۱۰		۸	۱	۱	۱	۱	امتیاز	امتیاز
<۳		۲/۰-۳/۰	۱/۰-۲/۰	۱/۰-۲/۰	۱/۰-۲/۰	<۲/۰	کمالی	امتیاز
۱۰		۸	۱	۱	۱	۱	امتیاز	امتیاز
۹-۱۰		۷۵-۹۰	۶۰-۷۵	۶۰-۰	۲۰-۰	<۰-۰	(%RQD)	امتیاز
۱۰		۸	۱	۱	۱	۱	امتیاز	امتیاز
<۱m		۷-۲ m	۱-۱ m	۱-۰	۰-۰ cm	<۱cm	فاصله نایپرسنگی ها	امتیاز
۱۰		۱۲	۸	۱	۱	۱	امتیاز	امتیاز
		سطوح زبر، جایش سطوح خلیل زبر بدون پیوستگی جایش سنتی دیواره، غیر هوازده	سطوح زبر چایش جایش کوچکتر از mm ۱۰/۰ دیواره ها کمی بسیار هوازده	سطوح چانه صاف یا کوچکتر از mm ۵/۰ دیواره ها بسیار هوازده	پوششی کمتر از mm ۵ جاداش بزرگتر از mm ۰/۵ جاداش mm ۰-۵ بیشتر بیشتر	ضخامت پوششی بیش از mm ۰/۵ با جاداش بزرگتر از mm ۰/۵ جاداش mm ۰-۵ بیشتر	وضعیت نایپرسنگی ها	وضعیت نایپرسنگی ها
۱۰		۱۲	۸	۱	۱	۱	امتیاز	امتیاز
کمال خشک		نم	نم	نم	نم	نم	جیان	وضعیت آب زدی زمینی
۱۰		۱۰	۷	۷	۷	۷	امتیاز	امتیاز

جدول (۴): امتیازات مربوط به بلوک

ردیف	پارامتر	ارزش	امتیاز
۱	مقاومت فشاری نک محوری (MPa)	۴۷	۱۲
۲	RQD (%)	۹۵	۱۰
۳	وضعیت ناپیوستگی	صف ، هوانزده با پرشدگی	۴
۴	متوجه فاصله داری m	۰/۲	۸
۵	وضعیت آب زیرزمینی	بطر کامل خشک	۱۰
۶	مدول الاستیسیته (MPa)	۱۸	۲
۷	($\frac{1}{m^3}$) چگالی	۲/۲۵	۶
۸	وضعیت شب درزه ها	۴۰	-۸
۹	اختلاف بین جهت داری درزه و جهت داری خط انفجار	۴۱	-۱۲
امتیاز توده سنگ BRMR			۲۷

پارامترهای BRMR، خروج ویژه و دو شاخص خردایش سنگ یعنی D_{80} و D_{50} با استفاده از نرم افزار Datafit تعیین و روابط ۱ و ۲ بدست آمد. اطلاعات جمع آوری شده هر بلوک در جدول ۵ ارائه شده است.

تجییه استفاده از دو شاخص D_{80} و D_{50} بدین ترتیب است که در وهله اول برای کاهش نرمه ضخامت بارسنگ بر اساس D_{50} تعیین می‌گردد که مقدار محاسبه شده نباید از ضخامت بارسنگ مربوط به D_{80} تجاوز نماید. به عبارت

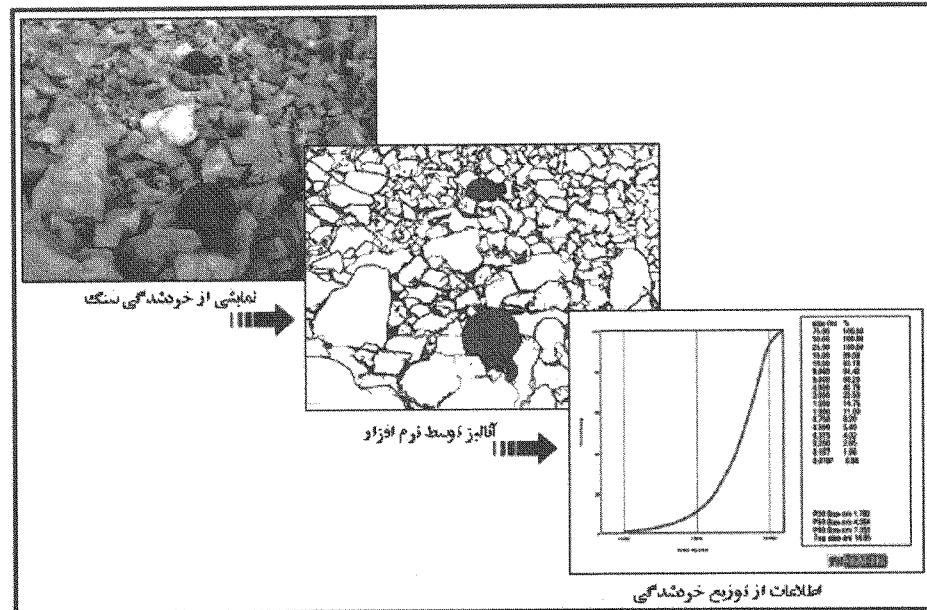
$$\text{دیگر: } B_{D_{50}} \leq B_{opt} \leq B_{D_{80}}$$

۳-۴- تهیه نمودار دانه بندی خردایش

به منظور تهیه نمودار دانه بندی خردایش از روش آنالیز تصویری استفاده شده است. در این روش تصاویری از سطح سنگ‌های آتشباری شده تهیه می‌شود و سپس با استفاده از نرم افزار Split Desktop نمودار توزیع دانه بندی خردایش تعیین می‌گردد [۱۷-۱۵]. شکل ۵ مراحل تحلیل خردشدنی در نرم افزار Split Desktop را نمایش می‌دهد.

۳-۵- مدل ریاضی محاسبه ضخامت بارسنگ

بر اساس محاسبات و تحلیل‌های انجام شده بر روی بلوک‌های انفجاری معدن فسفات اسفوردی ارتباط



شکل (۵): مرحله تحلیل خردشدنی در نرم افزار [۶]Split Desktop

جدول (۵): مقادیر خرج ویژه، دانه‌بندی و BRMR مربوط به بلوک‌های انفجاری

نام بلوک	(mm) D_{50}	(mm) D_{80}	(kg/m ³) خرج ویژه	BRMR مقدار
1730B17	۹۰/۸	۲۴۷/۳	۰/۷۸	۴۷
1730B26	۱۲۱/۹	۲۲۴/۲	۰/۶۴	۰۰
1735B23	۴۲/۲	۱۴۲/۶	۰/۸۷	۳۷
1735B21	۵۰	۱۰۹/۸	۰/۸۸	۳۷
1735B20	۷۰	۲۲۸/۴	۰/۸۴۰	۵۱
1730B25	۱۰۲/۱	۲۱۸/۲	۰/۶۰	۴۰
1715B1	۸۰/۱	۱۷۰/۱	۰/۸۸	۴۸
1735B22	۴۲/۷	۹۱/۸	۰/۸۶	۰۰
1730B15	۵۶	۱۵۷/۷	۰/۹۲	۴۰
1730B20	۹۱/۲	۲۴۷/۵	۰/۷۴۴	۵۴
1730B24	۱۱۰	۲۸۹/۶	۰/۹	۴۷
1735B24	۱۱۱/۲	۲۲۸/۱	۰/۸۴	۵۱
1720B4	۱۰۲/۲	۲۵۶/۳	۰/۷۵۳	۴۵

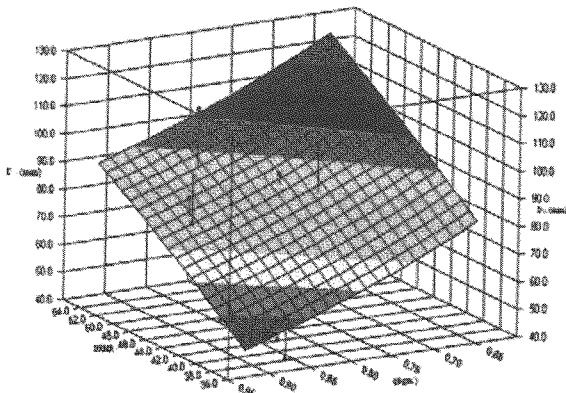
همچنین رابطه بین پارامترهای BRMR، خرج ویژه و D_{50} به صورت رابطه (۲) بدست می‌آید.

$$D_{50} = a \times (BRMR)^b + c \times (q)^d + e \quad (2)$$

که در آن:

D_{50} : اندازه دهانه الکی که ۵۰ درصد مواد خرد شده از آن عبور کرده اند بر حسب میلیمتر
BRMR: شاخص کیفی آتشباری توده سنگ
 q : مقدار خرج ویژه بر حسب (Kg/m³)
a,b,c,d,e: ضرایب ثابت آماری بدست آمده از نرم افزار Datafit

نمودار مربوط به این رابطه در شکل ۶ ارائه شده است. در این نمودار محور X₁ مقادیر BRMR، محور X₂ مقادیر خرج ویژه و محور Y مقادیر D_{50} را نشان می‌دهد. ضریب همبستگی بدست آمده برای این رابطه ۰/۸۵ می‌باشد.



شکل (۷): نمودار رابطه پارامترهای خرج ویژه، D_{50} و BRMR

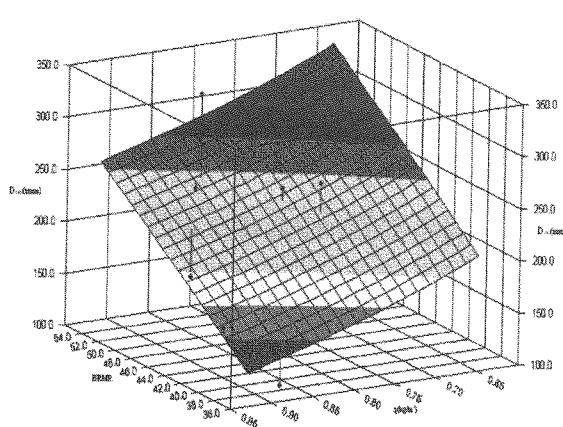
بر این اساس رابطه بین پارامترهای BRMR، خرج ویژه و D_{80} به صورت رابطه (۱) می‌باشد.

$$D_{80} = a \times (BRMR)^b + c \times (q)^d + e \quad (1)$$

که در آن:

D_{80} : اندازه دهانه الکی که ۸۰ درصد مواد خرد شده از آن عبور کرده اند بر حسب میلیمتر
BRMR: شاخص کیفی آتشباری توده سنگ
 q : مقدار خرج ویژه بر حسب (Kg/m³)
a,b,c,d,e: ضرایب ثابت آماری بدست آمده از نرم افزار Datafit

نمودار مربوط به این رابطه در شکل ۵ ارائه شده است. در این نمودار محور X₁ مقادیر BRMR، محور X₂ مقادیر خرج ویژه و محور Y مقادیر D_{80} را نشان می‌دهد. ضریب همبستگی بدست آمده برای این رابطه ۰/۹۲ می‌باشد.



شکل (۸): نمودار رابطه پارامترهای خرج ویژه، D_{80} و BRMR

چگونگی استفاده از روابط ۸ و ۹ بدين ترتیب است که با معلوم بودن D_{50} و D_{80} و BRMR می‌توان ضخامت بارسنگ مناسب را محاسبه نمود.

۴- نتیجه‌گیری

- با برداشت خصوصیات توده سنگ و در نظر گرفتن شاخص‌های خردایش هدف (D_{80} و D_{50}) و استفاده از روابط ارائه شده بین پارامترهای BRMR، بارسنگ و شاخص‌های خردایش، می‌توان به طور موثری ضخامت بارسنگ را محاسبه نمود.
- با توجه به بالا بودن ضریب همبستگی روابط پیشنهاد شده می‌توان با سطح اطمینان مناسبی از این روابط در محاسبه ضخامت بارسنگ استفاده نمود.
- محاسبه ضخامت بارسنگ با در نظر گرفتن همزمان خصوصیات توده سنگ و اندازه خردایش می‌تواند نتایج مطلوبی را به دنبال داشته باشد.
- در نظر گرفتن دو شاخص D_{50} و D_{80} در محاسبه ضخامت بارسنگ از یک طرف تولید نرمه را کنترل می‌کند و از طرف دیگر از ایجاد سنگ‌های درشت دانه جلوگیری بعمل می‌آورد.

۵- مراجع

- [۱] طراحی و برنامه ریزی معدن فسقات اسفوردی، مجتمع معدنی فسقات اسفوردی، ۱۳۷۸.
- [۲] Cunningham, C. V. B., The Kuz-Ram Model for Prediction of Fragmentation from Blasting, 1st International Symposium on Rock Fragmentation by Blasting, Lulea, Sweden. Balkema, Rotterdam, Netherlands.1983, pp. 439-454.
- [۳] Kuznetsov, V. M., The Mean Diameter of Fragments Formed by Blasting Rock, Soviet Mining Science (in Russian) 1973, pp. 144–148.
- [۴] Nielsen, K., Optimization of Open Pit Bench Blasting 1st International Symposium on Rock Fragmentation by Blasting, Lulea, Sweden. Balkema, Rotterdam, Netherlands.1983. pp. 247-271.
- [۵] Shim, H. J., Ryu, D. W., Han, C. Y., Ahn, S. M., Optimized Blasting Design for Large-Scaled Quarrying Based on a 3-D Spatial Distribution of Rock Factor, Rock Mechanics in Underground Construction: ISRM International Symp., 2006 pp. 235-243.
- [۶] منصوری حمید. برآورد کمی بازدهی انفجارات معدنی. مجموعه مقالات اولین کنفرانس معدن رو باز ایران. چاپ اول، ۱۳۸۰.
- [۷] Hamdi, E., Mouza, J. D., A Methodology for Rock Mass Characterization and Classification to Improve Blast Results, International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences, 2005.

در پایان برای ارائه مدل ریاضی محاسبه بارسنگ می‌توان از رابطه ۳ استفاده نمود.

$$q = \frac{\left(\frac{\pi d^2}{4}\right)(H + J - T) \times \gamma_e}{B \times S \times H \times \gamma_r} \quad (۳)$$

که در آن:

B : بارسنگ (متر)

q : خرج ویژه (Kg/m^3)

J : اضافه حفاری (متر)

d : قطر چال انفجاری (متر)

H : ارتفاع پله (متر)

S : فاصله ردیفی چال‌ها (متر)

T : طول گل گذاری (متر)

γ_e : وزن مخصوص ماده منفجره (Kg/m^3)

γ_r : وزن مخصوص سنگ (Kg/m^3)

در فرمول ۳ می‌توان از روابط ۴ تا ۶ بجای پارامترهای J و S مقدار هم ارز آنها را بر حسب B جایگزین نمود [20]. سپس با استفاده از جدول ۱ مقادیر مربوطه جایگذاری شده و بدين ترتیب رابطه ۷ بدست می‌آید.

$$J = 0.3 \times B \quad (۴)$$

$$T = 0.7 \times B \quad (۵)$$

(۶)

$$S = 1.25 \times B$$

$$q = 0.612 \frac{5 - 0.4B}{B^2} \quad (۷)$$

با ترکیب روابط ۷ و ۲ رابطه میان D_{50} و بارسنگ به صورت رابطه (۸) بدست می‌آید. با جایگذاری ضرایب ثابت بدست آمده از نرم افزار Datafit و مقادیر BRMR و میزان D_{50} در رابطه یاد شده، می‌توان مقدار بارسنگ را محاسبه نمود.

$$179.69 \times \left(0.612 \frac{5 - 0.4B}{B^2} \right)^{(-0.466)} = \quad (۸)$$

$$D_{50} - 28.057 \times (BRMR)^{0.519} + 321.60$$

به طور مشابه با ترکیب روابط ۷ و ۳ رابطه میان D_{80} و بارسنگ به صورت رابطه (۹) بدست می‌آید:

$$467.49 \times \left(0.612 \frac{5 - 0.4B}{B^2} \right)^{(-0.414)} = \quad (۹)$$

$$D_{80} - 24.360 \times (BRMR)^{0.756} + 730.61$$

- [۱۳] فاروق حسینی، محمد، درآمدی بر مکانیک سنگ، انتشارات دانشگاه تهران، ۱۳۷۸.
- [۱۴] Lu, P., Latham, J-P., Development of Assessment System for the Blastability of rock masses, International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences, 1998.
- [۱۵] Leu, S.S., Digital Image Processing Based Approach for Tunnel Excavation Faces. Automation in Construction, 2005.
- [۱۶] Mario, A., Morin, Francesco Ficarazzo., Monte Carlo Simulation as a Tool to Predict Blasting Fragmentation Based on the Kuz-Ram Model. Computer & Geosciences, 2006.
- [۱۷] Split Engineering, Split - Service Instruction Manual, www.spliteng.com, 2003-2004.
- [۱۸] Lilly, P. A., An Empirical Method of Assessing Rock Mass Blastability, Julius Kruttschnitt Mineral Research Center, 1986.
- [۱۹] Praillat, R., A New Approach to Blasting, Drilltech Inc
- [۲۰] Lopez, J., C., Lopez, J., F., Drilling and Blasting of Rocks, Balkema, Rotterdam, Netherlands, 1995.
- [۲۱] Banks, D., Rock Mass Rating (RMRs) Predicted from Slope Angles, A Natural Rock Outcrops, International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences, 2005.
- [۲۲] Zekai, S., Bahaaeldin, H., Modified Rock Mass Classification System By Continuous Rating, Engineering Geology, 2003.