

# توسعه آنالیز سیگنالهای ارتعاشی برای عیوب یابی سیستم های مکانیکی با استفاده از تبدیلات موجک با مراتب بالاتر

مهندس موسی رضائی  
دانشجوی دکتری

سیامک اسماعیل زاده خادم  
دانشیار

بخش مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس

## چکیده

در این تحقیق امکان استفاده از تبدیلات موجک با مراتب بالاتر برای آنالیز سیگنالهای ارتعاشی به منظور استخراج پدیده های موضوعی و گذرا ای مستتر در سیگنال های ارتعاشی بروزی شده است. چنین پدیده هایی می توانند در اثر وجود یک عیوب کوچک در یک سیستم مکانیکی، از قبیل جعبه دندنه، بوجود آیند. در این مقاله ناتوانی روش آنالیز طیفی (که بر اساس الگوریتم FFT عمل می کند) در شناسایی پدیده های اخیر نشان داده شده است، بنابراین روشی که توانایی ردیابی عیوب کوچک و موضوعی اویله را داشته باشد از اهمیت خاصی برخوردار است.

کارهای انجام شده توسط محققان دیگر در این زمینه ممتنع به استفاده از موجک های مراتب پایین از قبیل  $D_2$  محدود می شود، بنابراین در این مقاله نشان داده شده است که گرچه بدست آوردن توابع موجک های مراتب بالاتر، همانند  $D_{18}$  و  $D_{20}$ ، دارای پیچیدگی خاصی است ولی این موجک ها دارای توانایی های بیشتری نسبت به موجک های مراتب پایین تر هستند. برای نشان دادن این امر، سیگنالهای متعددی با موجک های مراتب مختلف مورد تحلیل واقع شده و مقایسه ای بین نتایج حاصل صورت گرفته است. نتایج حاکی از توانایی بسیار زیاد موجک های مراتب بالاتر در ردیابی پدیده های موضوعی یا دشده می باشد.

## کلمات کلیدی

عیوب یابی، آنالیز ارتعاشی، آنالیز موجک

## Development of Vibration Signals Analysis in Detection of Mechanical Systems Faults Through the Application of Higher Order Wavelet Transforms

S. Esmaeilzadeh Khadem  
Associate Professor

M. Rezaee  
Ph.D. Student

Mechanical Engineering Department,  
Tarbiat Modarres University

### Abstract

In this paper, the applicability of higher order wavelet transforms in detection of the local and transient phenomena hidden in vibration signals is investigated. Such phenomena may be caused by a small defect in a mechanical system, such as a gearbox. It is shown that the spectrum analysis, based on an FFT algorithm, is unable to detect such events. Therefore, a method for detection of initial and small defects gives certain advantages over other methods.

Although some researchers have investigated the fault detection problem using the wavelet transforms, their works are mainly restricted to the lower order wavelet transforms like  $D_2$  to  $D_8$ . Despite the complexity of obtaining the higher order basic wavelet functions such as  $D_{18}^2$  and  $D_{20}^2$ , in this investigation it is shown that the higher order wavelet transforms have more capabilities with respect to the lower ones. In fact, various signals have been analyzed using the different orders of wavelets, and the results have been compared. The results show the great ability of the higher order wavelets to detect the above mentioned local events.

### Keywords

Fault Detection, Vibration Signature Analysis, Wavelet Analysis

## مقدمه

تحقیقاتی نیز در زمینه آنالیز سیگنال‌های ارتعاشی دریافت شده از سیستم‌های مکانیکی با استفاده از آنالیز موجک صورت گرفته است. در این تحقیقات عمده‌تر از موجک‌های متعامد<sup>۴</sup> با مرتبهٔ پائین تر (حداکثر  $D_8$ ) استفاده شده است. Yan و Shimogo [۱۲] از تبدیل Haar برای مانیتورینگ وضعیت سیستم‌های مکانیکی استفاده کرده‌اند. تبدیل Haar را می‌توان نوع ساده‌ای از تبدیل موجک دانست که برای آنالیز سیگنال‌ها، از موجک‌های مستطیلی استفاده می‌کند. Mori و همکارانش [۱۳] تحقیقی در زمینهٔ عیب‌یابی بلبیرینگ‌ها با استفاده از اعمال تبدیل موجک گستته<sup>۵</sup> (DWT) به سیگنال‌های ارتعاشی، انجام داده‌اند. در این تحقیق از سیستم موجک‌های متعامد Daubechies با طول ۲ استفاده شده است. در مقالهٔ دیگری Martin و Ziaeи [۱۴] نیز از آنالیز موجک برای آنالیز ارتعاشات و عیب‌یابی بلبیرینگ‌ها استفاده کرده‌اند. در این مقاله از موجک متعامد  $D_4$  استفاده شده است. در زمینهٔ عیب‌یابی جعبه‌دنده‌ها با استفاده از آنالیز موجک می‌توان به مقالهٔ ارائه شده توسط Lin و McFadden [۱۵] اشاره کرد. نویسنده‌گان مقالهٔ تبدیل موجک را برای شناسایی علائم اولیهٔ خرابی در جعبه‌دنده‌ها، با استفاده از سیگنال‌های ارتعاشی چرخ‌دنده، بسیار مناسب می‌دانند. در این مقاله از تبدیل موجک  $D_8$  استفاده شده است. از آنجا که تحقیقات انجام شده در زمینهٔ امکان استفاده از آنالیز موجک برای آنالیز سیگنال‌های ارتعاشی به موجک‌های مرتبهٔ پائین تر ( $D_8$ ) محدود می‌شود و تحقیقی در زمینهٔ امکان استفاده از موجک‌های مرتبهٔ بالاتر صورت نگرفته است و بعلاوهٔ با توجه به اینکه در تحقیقات انجام شده دلیلی برای انتخاب نوع موجک مورد استفاده ارائه نشده است و توانایی موجک‌های مرتبهٔ بالاتر در آنالیز سیگنال‌های ارتعاشی پوشیده است لذا در این مقاله سعی شده است تا علی‌رغم پیچیدگی‌های موجود در آنالیز با موجک‌های مرتبهٔ بالاتر ( $D_{20}$ ), سیگنال‌های متعددی با استفاده از موجک‌های مرتبهٔ بالاتر مورد تحلیل قرار گیرد. برای آنکه نتیجهٔ روشنی از تحلیل‌های اخیر بدست آید، نتایج بدست آمده از آنالیز با موجک‌های مرتبهٔ مختلف با هم مقایسه شده‌اند. در هر مورد از آنالیز سیگنال‌های نمونه، توانایی روش آنالیز طیفی با روش آنالیز موجک در مرتبهٔ مختلف نیز مقایسه شده است. نتایج حاکی از توانایی بسیار زیاد موجک‌های مرتبهٔ بالاتر در ردیابی پدیده‌های موضعی می‌باشد.

## ۱- تبدیل موجک

اندازه‌گیری و آنالیز ارتعاشی یکی از مفیدترین روش‌ها برای مانیتورینگ<sup>۶</sup> سیستم‌های مکانیکی و عیب‌یابی آنها می‌باشد که بوسیلهٔ آن می‌توان اطلاعات بسیار مفیدی را از نحوه عملکرد این سیستم‌ها بدست آورد. این روش‌ها در طول سالیان متمادی مورد استفاده واقع شده و با گذشت زمان تکامل یافته‌اند. با فراهم شدن امکان استفاده از کامپیوتراها با سرعت بالا و معرفی الگوریتم FFT<sup>۷</sup>, آنالیز طیفی به عنوان یکی از کارآمدترین روش‌های آنالیز سیگنال‌های ارتعاشی دریافت شده از ماشین آلات مطرح شده و هنوز هم قدرتمندترین روش محسوب می‌شود و تحقیقات زیادی در این زمینه صورت گرفته است. Wong [۱] و Bannister [۲] تحقیقی در زمینهٔ روش‌های موجود برای مانیتورینگ رولبریرینگ‌ها انجام داده‌اند که عمدۀ این روش‌ها بر اندازه‌گیری و آنالیز ارتعاشات استوار هستند و روش‌های آنالیز فرکانسی از جمله روش‌های مورد مطالعه در این مقالات هستند. McFadden [۳] نیز از روش آنالیز ارتعاشی برای شناسایی عیوب موضعی در چرخ‌دنده‌ها و رولبریرینگ‌ها استفاده کرده است. Chauhan و Guppta [۵] نشان داده‌اند که از آنالیز سیگنال‌های ارتعاشی می‌توان به طور مؤثری برای تشخیص وضعیت رونگکاری چرخ‌دنده‌ها استفاده کرد. Lin و Su [۶] تحقیقاتی در زمینهٔ عیب‌یابی Sheen, Su [۷] با استفاده از آنالیز فرکانسی انجام داده‌اند. در این تحقیقات از روش آنالیز فرکانسی استفاده شده است. تحقیقات بسیار متنوع دیگری نیز در زمینهٔ مانیتورینگ و عیب‌یابی سیستم‌های مکانیکی انجام شده است که عمدتاً مبتنی بر روش‌های آنالیز طیفی می‌باشند. با وجود این، روش آنالیز طیفی در مواردی دارای کارآئی کافی نیست که در این مقاله چند مورد از عدم توانایی این روش نشان داده خواهد شد. بنابراین برای جبران عدم توانایی روش‌های متداول آنالیز ارتعاشی، محققان در حال بررسی امکان استفاده از آنالیز موجک در زمینهٔ آنالیز سیگنال‌های ارتعاشی هستند.

روش نوظهور آنالیز موجک در فاصلهٔ کمتر از دو دهه، معرفی و توسعه یافته است. محققان متعددی در توسعهٔ آنالیز Daubechies موجک نقش داشته‌اند که از آن جمله می‌توان به  $[۸]$  و  $[۹]$  اشاره کرد. به علت توانایی‌های بالقوهٔ آنالیز Mallat [۱۰] موجک در آنالیز سیگنال‌های ناپایا، زمینهٔ تحقیقاتی اخیر، محققان را به امکان کاربرد روش آنالیز موجک در آنالیز سیگنال‌های ارتعاشی دریافت شده از سیستم‌های مکانیکی جلب کرده است و سابقه کاربرد این روش در زمینهٔ ارتعاشات به کمتر از ده سال گذشته مربوط می‌شود که از آن جمله می‌توان به تحقیقات صورت گرفته توسط Newland [۱۱, ۱۰] اشاره کرد.

$$\varphi_{j,k}(t) = 2^{j/2} \varphi(2^j t - k) \quad (5)$$

در نتیجه هر تابع  $f(t)$  متعلق به فضای  $V_0$  را می‌توان با رابطه زیر نشان داد:

$$f(t) = \sum_k a_k \varphi(2^j t - k), \quad k \in \mathbb{Z} \quad (6)$$

در حالت کلی رابطه زیر را می‌توان در مورد فضاهای  $V_j$  بیان کرد [۲۰]:

$$\dots \subset V_2 \subset V_1 \subset V_0 \subset V_1 \subset V_2 \subset \dots \subset L^2 \quad (7)$$

با توجه به رابطه فوق، چون  $V_0$  است لذا تابع مقیاس اصلی را می‌توان به صورت رابطه (۸) بیان کرد:

$$\varphi(t) = \sum_n h(n) \sqrt{2} \varphi(2t - n), \quad n \in \mathbb{Z} \quad (8)$$

رابطه اخیر یک معادله برگشتی<sup>۸</sup> می‌باشد.

برای آنکه آنالیز دقیق تری بر روی سیگنال  $f(t)$  صورت گیرد لازم است تابع  $f(t)$ ، هم بر حسب توابع مقیاس و هم بر حسب توابع موجک بیان شود. بنابراین فضای  $V_0$  را می‌توان بر حسب  $V_0$  و  $w_0$  نوشت:

$$V_1 = V_0 \oplus w_0 \quad (9)$$

که در رابطه اخیر  $w_0$ ، اختلاف فضای  $V_1$  و  $V_0$  می‌باشد و در حالت کلی، فضای  $L^2$  را می‌توان به صورت زیر به یک فضای ایجاد شده توسط توابع مقیاس ( $V_0$ ) و فضاهای موجک  $w_0$  تجزیه کرد [۲۰]:

$$L^2 = V_0 \oplus w_0 \oplus w_1 \oplus \dots \quad (10)$$

با توجه به اینکه  $V_1$   $w_0$  است لذا تابع موجک اصلی  $\psi(t)$  را که در فضای  $w_0$  واقع است می‌توان به صورت زیر بیان کرد:

$$\psi(t) = \sum_n h_1(n) \sqrt{2} \varphi(2t - n), \quad n \in \mathbb{Z} \quad (11)$$

و می‌توان تابع موجک مقیاس شده و انتقال داده شده را که در فضاهای  $V_1$  قرار می‌گیرند به صورت زیر نوشت:

$$\psi_{j,k}(t) = 2^{j/2} \psi(2^j t - k) \quad (12)$$

در تبدیل موجک از شیوه کاملاً متفاوتی نسبت به تبدیل فوریه استفاده می‌شود. در تبدیل موجک به جای آنکه یک سیگنال به هارمونیک‌های خود تجزیه شود، سیگنال به توابع اصلی موضعی به نام موجک‌ها تجزیه می‌شود. هر موجک دارای انرژی محدود می‌باشد و در موقعیت متفاوتی نسبت به موجک‌های دیگر در روی محور زمان قرار می‌گیرد و در فاصله کافی از موقعیت مرکزی خود، مقدار آن به سمت صفر می‌گراید. موجک‌های موقیس های بالا، بسیار کوتاه بوده و در مقیاس‌های پائین، بازه زمانی نسبتاً طولانی تری را تحت پوشش قرار می‌دهند. این ویژگی موجک‌ها، در آنالیز سیگنال‌های ارتعاشی دریافت شده از ماشین‌ها بسیار مناسب می‌باشد چراکه رفتارهای موضعی سیگنال را آشکار می‌سازد. رابطه انتگرالی تبدیل موجک تابع  $f(t)$  به صورت زیر است [۱۶ و ۱۷]:

$$(W_{\psi} f)(b, a) = |a|^{-1/2} \int_{-\infty}^{\infty} f(t) \overline{\psi\left(\frac{t-b}{a}\right)} dt \quad (1)$$

اگر تابع موجک اصلی<sup>۶</sup>  $\psi(t)$  دارای نرم واحد باشد در آن صورت می‌توان ثابت کرد تابع  $\psi_{j,k}$  که به صورت زیر تعریف می‌شود دارای نرم واحد است [۱۸]:

$$\psi_{j,k}(t) = 2^{-j/2} \psi(2^j t - k), \quad j, k \in \mathbb{Z} \quad (2)$$

اگر  $\psi(t)$  تابع مقیاس اصلی<sup>۷</sup> در نظر گرفته شود می‌توان با انتقال دادن این تابع، زیر فضایی از  $(R^L)^2$  را ایجاد کرد. اگر زیر فضای ایجاد شده توسط انتقال‌های تابع  $\psi(t)$  که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\varphi_k(t) = \varphi(t-k), \quad k \in \mathbb{Z}, \quad \varphi \in L^2 \quad (3)$$

را با  $V_0$  نشان دهیم در آن صورت هر تابع  $f(t)$  را که عضوی از فضای  $V_0$  باشد می‌توان به صورت زیر نشان داد:

$$f(t) = \sum_k a_k \varphi_k(t), \quad f(t) \in V_0 \quad (4)$$

برای توسعه فضای  $V_0$  می‌توان تابع تابع مقیاس اصلی  $\varphi(t)$  را علاوه بر انتقال، منبسط یا منقبض کرد. بنابراین فضای  $V_0$  که توسط تابع زیر ایجاد می‌شود محدوده بزرگتری را در برمی‌گیرد:

بنابراین هر تابع  $f(t)$  را که در فضای  $(R^L)^2$  قرار می‌گیرد می‌توان به کمک توابع مقیاس و توابع موجک بسط داد:

$$f(t) = \sum_k c_{j_0}(k) \varphi_{j_0,k}(t) + \sum_k \sum_{j=j_0}^{\infty} d_j(k) \psi_{j,k}(t) \quad (13)$$

که در آن  $c_{j_0}(k)$  و  $d_j(k)$  ضرایب ثابتی هستند.

عمده ترین کار در بدست آوردن معادله برگشتی (۸) برای محاسبه تابع مقیاس اصلی  $\varphi(t)$ ، تعیین پارامترهای  $h(n)$  می‌باشد. برای آنکه معادله اخیر جواب داشته باشد باید ضرایب  $(n)$  دارای شرایط خاصی باشند. می‌توان ثابت کرد که یکی از شرایط ضروری که از شرط محدودیت سطح محصور تابع  $\varphi(t)$  و محور  $t$  ناشی می‌شود، به صورت زیر قابل استخراج است [۱۸]:

$$\sum_k h(n) = \sqrt{2} \quad (14)$$

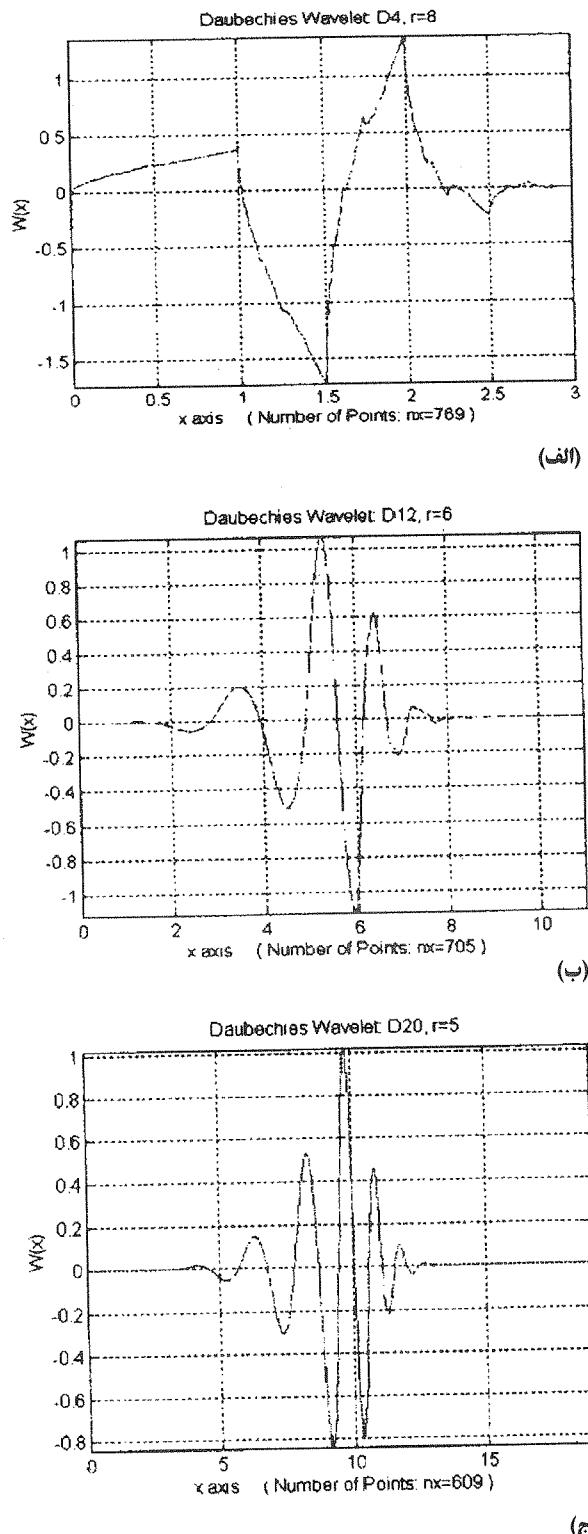
شرط دیگری که تابع مقیاس اصلی باید ارضاء کند، شرط متعامد بودن  $\varphi(t)$  به انتقال‌های صحیح خود می‌باشد که مستلزم برقراری رابطه زیر برای ضرایب  $h(n)$  می‌باشد:

$$\sum_k h(n) h(n - 2k) = \delta(k) = \begin{cases} 1 & \text{if } k = 0 \\ 0 & \text{if } k \neq 0 \end{cases} \quad (15)$$

که به روش مشابهی قابل اثبات است [۱۸].

شرایط یاد شده بیان می‌کنند که اگر  $\varphi(t)$  در فاصله محدودی از محور حقیقی، غیر صفر باشد و بر انتقال‌های صحیح خود متعامد باشد در آن صورت علاوه بر رابطه خطی (۱۴)، معادلات مرتبه ۲ در رابطه (۱۵) نیز باید برای پارامترهای  $h(n)$  ها برقرار باشد. پارامترهای  $h_i(n)$  را می‌توان براساس ارتباط موجود بین  $h(n)$  ها و  $h_i(n)$  ها تعیین کرد. این پارامترها که از معادلات همزمان خطی و مرتبه دو بdst می‌آیند برای حالات مختلف  $N$  از ۲ تا ۲۰ حل شده و توابع مقیاس و توابع موجک مربوط به هر کدام از آنها از طریق معادله برگشتی بدست آمده اند [۱۸]. این توابع که دارای تعداد ضرایب زوجی می‌باشند به توابع مقیاس و توابع موجک معروف هستند. در شکل (۱) چند نمونه از توابع موجک اصلی برای تعداد ضرایب  $N=4, 12, 20$  رسم شده است.

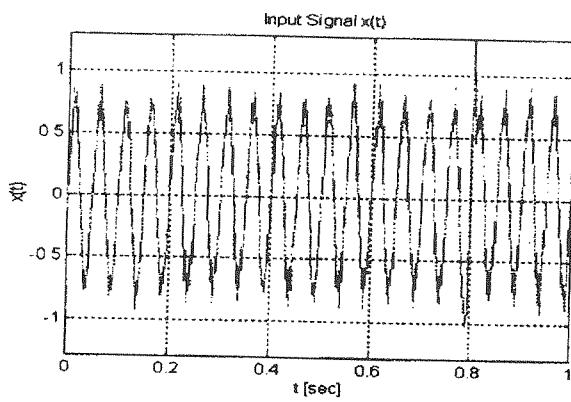
از این شکل‌ها کاملاً مشهود است که هر چه تعداد ضرایب بکار رفته افزایش می‌یابد منحنی‌های بدست آمده برای توابع موجک اصلی هموارتر می‌شوند ولی این امر مستلزم انجام محاسبات بیشتری است.



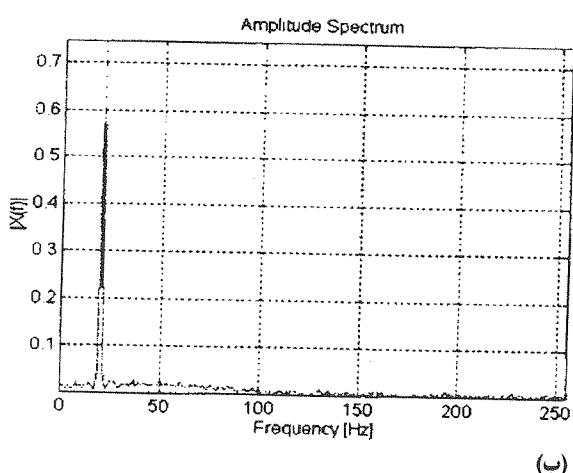
شکل (۱) توابع موجک اصلی برای تعداد ضرایب

[۱۸]  $N=4, 12, 20$

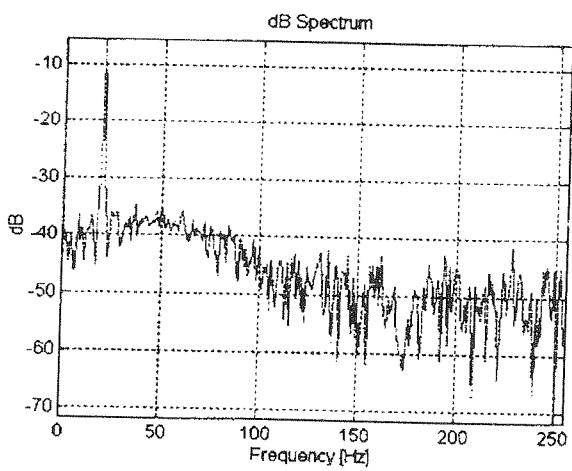
یکی از مهمترین ویژگی‌های تبدیل موجک، رفتار فرکانسی آنها در مقیاس‌های مختلف می‌باشد. برخلاف تبدیل فوریه که اجزای آن فقط دارای یک فرکانس خاص هستند، اجزای



(الف)



(ب)



(ج)

شکل (۲) (الف) - سیگنال باند باریک سینوسی همراه با یک پالس و نویز سفید، ب - طیف دامنه، ج - طیف dB.

از این شکل مشاهده می شود که سهم عده اثری سیگنال در سطوح  $4 \text{~dB}$  تا  $6 \text{~dB}$  متمرکز است. این اطلاعات از شکل

سازنده تبدیل موجک، در برگیرنده باند فرکانسی خاصی هستند. بررسی عملکرد موجک ها در حوزه فرکانس، امکان آنالیز دقیق تر سیگنال تحلیل شده توسط DWT را فراهم می کند. نتایج حاصل از بررسی رفتار فرکانسی موجک ها نشان می دهد که شعاع و مرکز پنجه فرکانسی موجک با افزایش مقیاس، در هر بار با ضربی ۲ افزایش می یابد [۱۸]. نکته حائز اهمیت این است که موجک ها در مقیاس های مختلف، کل بازه فرکانسی مورد نظر را تحت پوشش قرار می دهند.

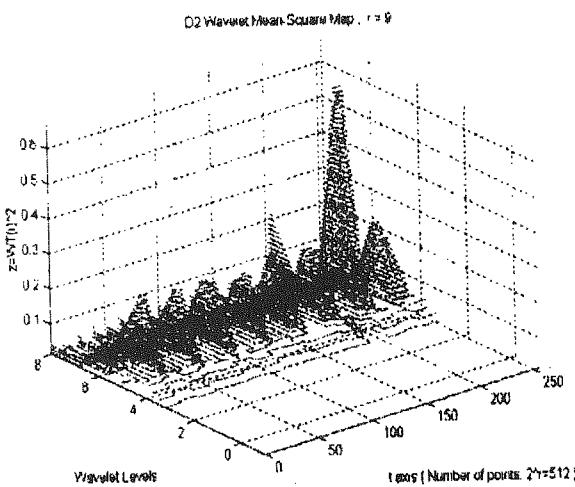
یکی دیگر از مزایای تبدیل موجک، عبارت از باسانسازی سیگنال می باشد، در حالیکه این امر با استفاده از طیف توان که از طرق FFT بدست می آید امکان پذیر نیست چرا که در طیف یاد شده، اطلاعات فاز کاملاً از دست می رود، بنابراین در آنالیز فوریه که نتایج به صورت طیف فرکانسی بدست می آید فقط محدوده فرکانسی و توان (یا انرژی) مربوط به هر فرکانس خاص قابل تشخیص می باشد.

## ۲- آنالیز یک سیگنال سینوسی همراه با ترکیبی از نویز و ضربه باند پهن

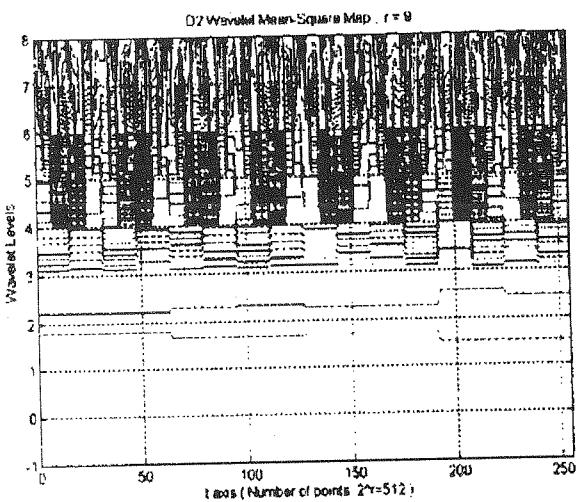
برای بررسی و مقایسه توانایی آنالیز طیفی و آنالیز موجک در مراتب مختلف، یک سیگنال باند باریک سینوسی همراه با یک پالس، که توسط نویز سفید آلوده شده است مورد تحلیل قرار گرفت، این سیگنال در شکل (۲-الف) نشان داده شده است. نتایج حاصل از آنالیز طیفی که متشکل از طیف دامنه و طیف dB هستند به ترتیب در شکل های (۲-ب) و (۲-ج) نشان داده شده اند.

از بررسی این شکل ها، محدوده فرکانسی موج سینوسی باند باریک، به وضوح قابل مشاهده است و وجود نویز نیز آشکار است در حالیکه به هیچ وجه نمی توان از طریق این آنالیز به وجود پالس و موقعیت زمانی آن پی برد.

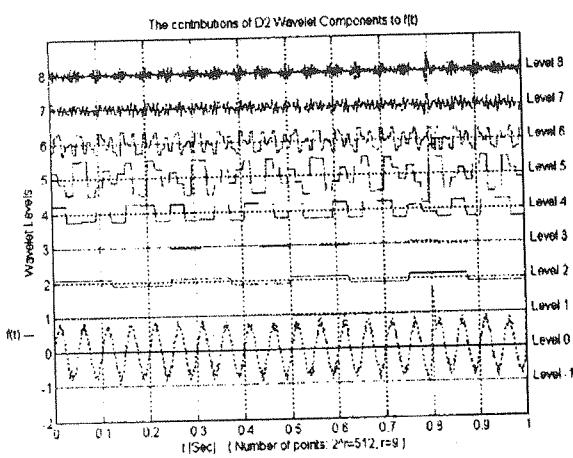
برای انجام مقایسه توانایی آنالیز طیفی و آنالیز موجک، سیگنال یا دشده توسط موجک های مختلف مورد تحلیل قرار گرفت که نتایج بدست آمده از تحلیل توسط موجک های  $D_2, D_4, D_8, D_{16}$  و آورده شده است [۱۸]. از آنجائیکه تبدیل موجک ماهیتاً دو بعدی است (برخلاف DFT که یک بعدی می باشد) و این امر یکی از مزایای عده این روش می باشد، لذا برای آنکه اطلاعات مفیدتری از این آنالیز بدست آید لازم است نتایج حاصل از آنالیز موجک، در هر دو بعد زمان و مقیاس (فرکانس) رسم شود. این کار در شکل (۳-ب) برای آنالیز با موجک  $D_2$  انجام شده است. بعد قائم این دیاگرام، عبارت از میانگین مربعات (Mean square) ضرائب تبدیل موجک می باشد.



شکل (۳ - ب)



شکل (۳ - ج)

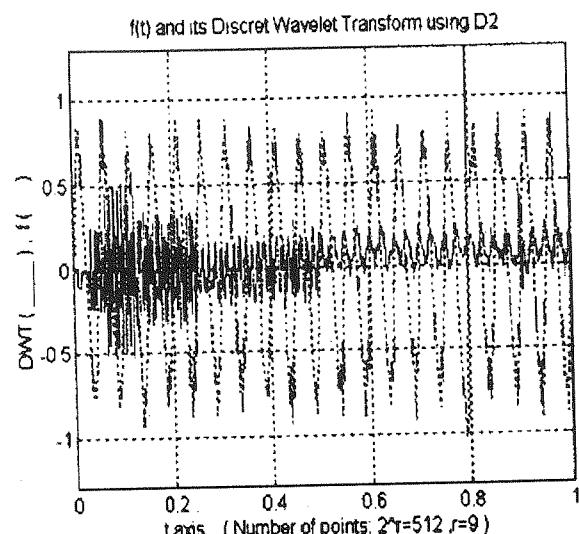


شکل (۳ - د)

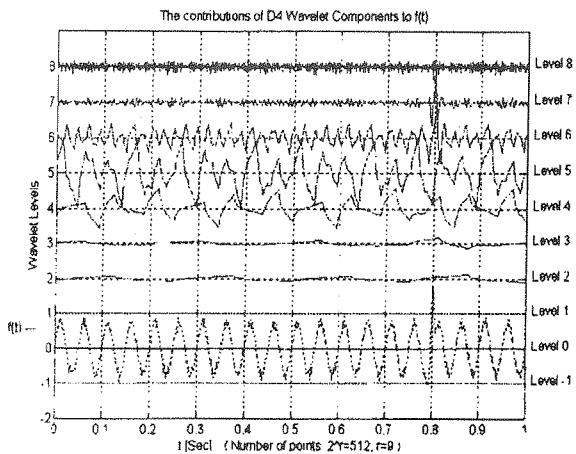
شکل (۳) تحلیل سیگنال بوسیله موجک  $D_2$

(ج) که دیاگرام کانتور می باشد نیز قابل دستیابی است. از این شکل، موقعیت زمانی پالس نیز قابل مشاهده است. شکل های (۳-الف) تا (۳-د) نتایج تحلیل سیگنال اخیر توسط موجک  $D_2$  را به نمایش می گذارد و نتایج حاصل از آنالیز توسط موجک های  $D_8, D_4$  و  $D_{20}$  به ترتیب در شکل های (۴)، (۵) و (۶) نشان داده شده است. از مقایسه این شکل ها، بویژه شکل های (۳-ج)، (۴-ج)، (۵-ج) و (۶-ج) دیده می شود که همه موجک های یاد شده، وجود نویز را آشکار می سازند، با این حال هر چه شماره موجک افزایش می پاید، وجود نویز باوضوح بیشتری قابل تشخیص است (وجود نویز در سطح ۸ ظاهر شده است). در شکل های یاد شده، هر چه فاصله خطوط کانتور کمتر باشد (ناوای تیره تر)، که نشان دهنده وجود ارتفاع بیشتر در شکل های سه بعدی متناظر است، بیانگر وجود انرژی متراکم در موقعیت زمانی و مقیاس (فرکانس) مرتبط با سیگنال مورد تحلیل می باشد. با مراجعه به شکل های یاد شده [و بررسی قسمت های (د) از شکل های اخیر که اجزای سیگنال در سطوح مختلف موجک رسم شده است]، موقعیت زمانی و مربوط به نتایج تحلیل بدست آمده از موجک های  $D_8$  و  $D_{20}$  هستند، پدیده اخیر باوضوح بیشتری خود نمائی می کند.

از بررسی کلی این مثال، توانایی بسیار قوی تبدیل موجک در مقایسه با آنالیز طیفی مبتنی بر FFT، و نیز تواناتر بودن تبدیل موجک با مراتب بالاتر نسبت به موجک های مراتب پائین تر در آنالیز نویز و پدیده های اتفاقی در سیگنال آشکار می شود.

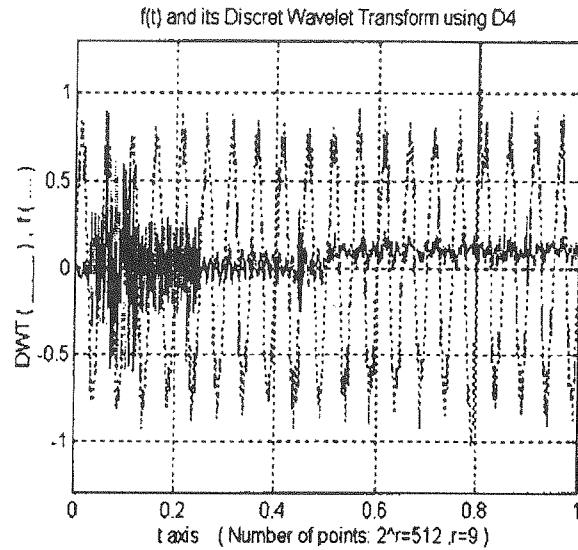


شکل (۳ - الف)

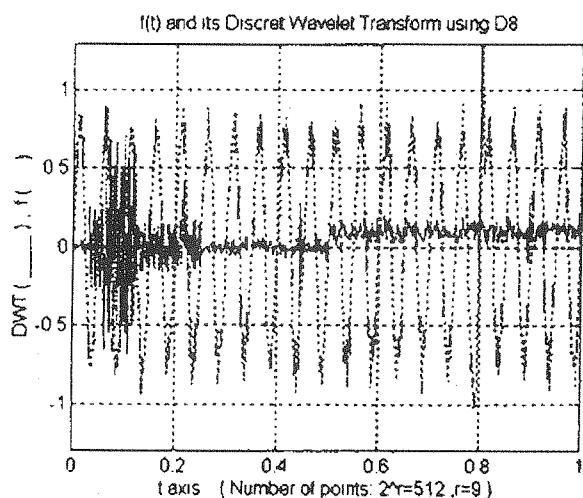


شکل (۴ = ۴)

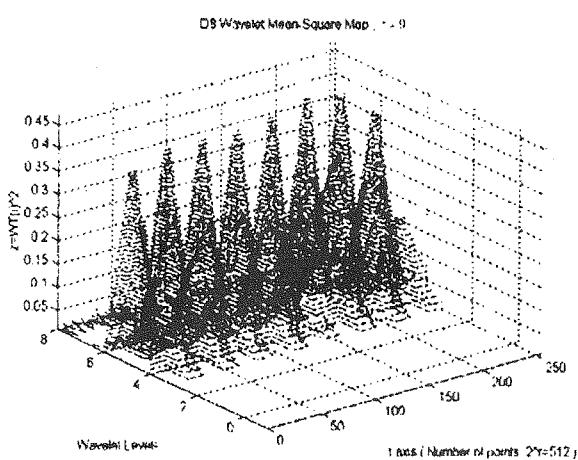
شکل (۴) تحلیل سیگنال بوسیله موجات  $D_4$



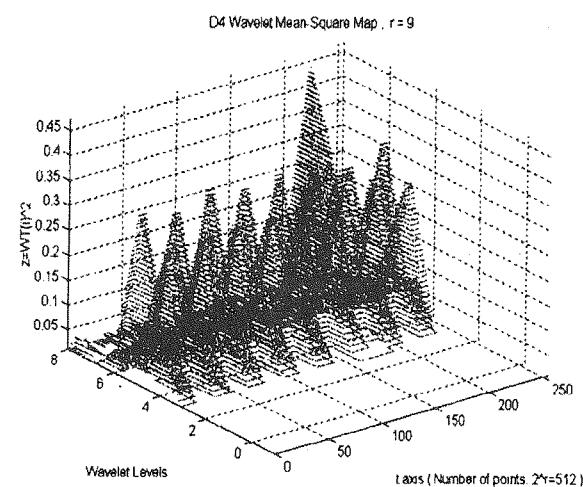
شکل (۴ = ۱)



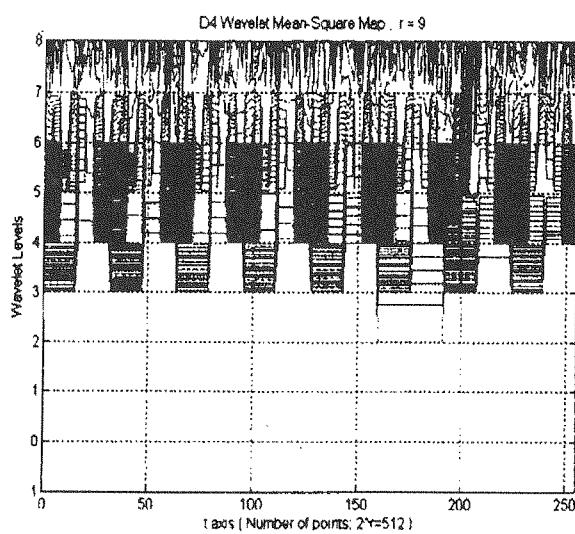
شکل (۵ = ۱)



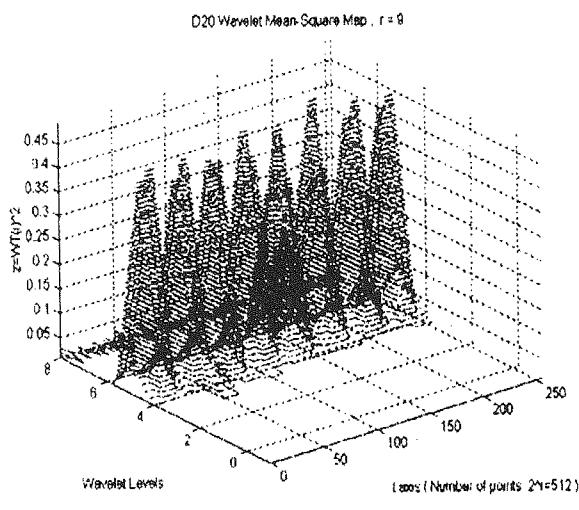
شکل (۵ = ۲)



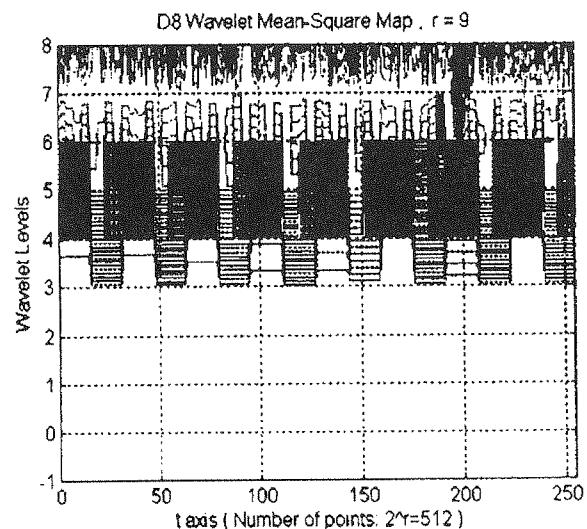
شکل (۴ = ۲)



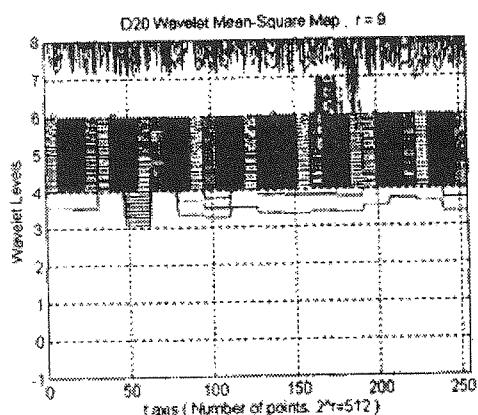
شکل (۴ = ۳)



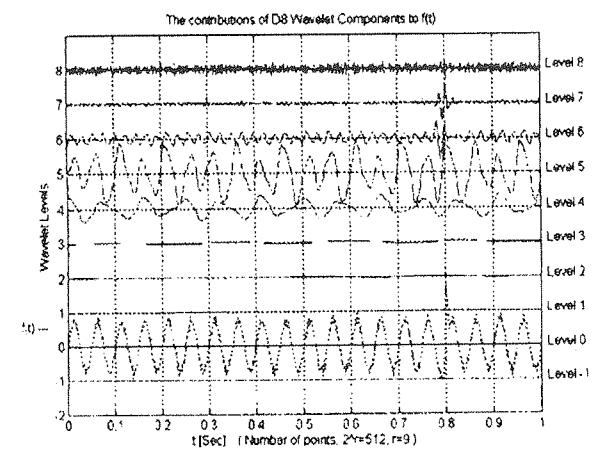
شکل (۶ - ب)



شکل (۶ - ج)

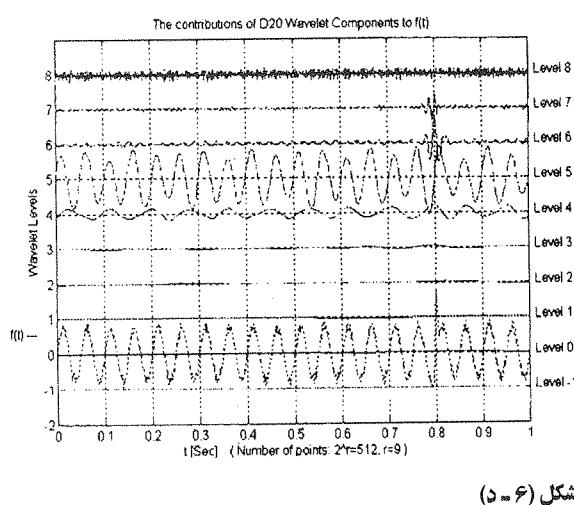


شکل (۶ - ج)



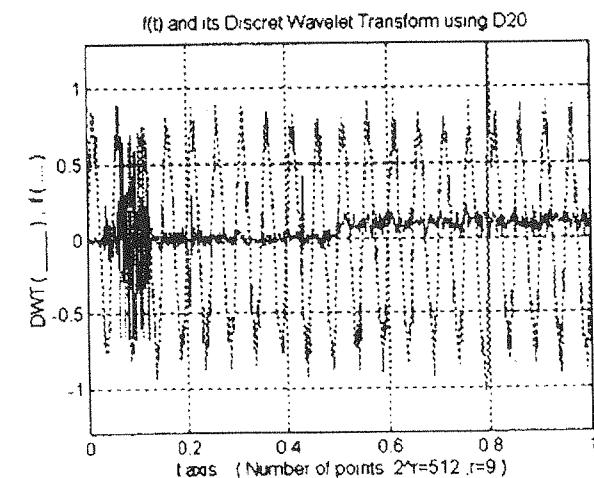
شکل (۶ - د)

شکل (۶) تحلیل سیگنال بوسیله موجک  $D_8$



شکل (۶)

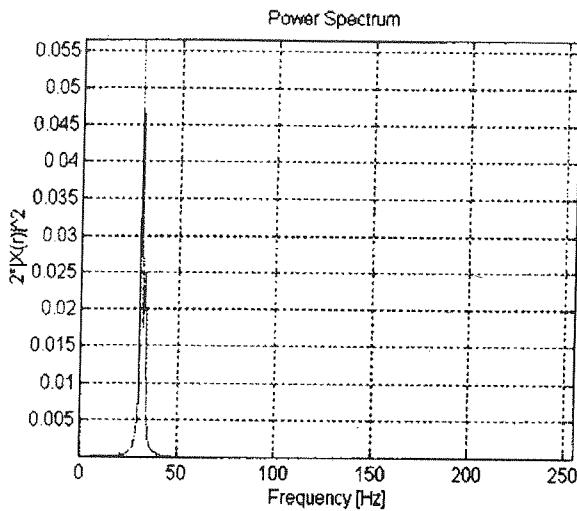
شکل (۶) تحلیل سیگنال بوسیله موجک  $D_{20}$



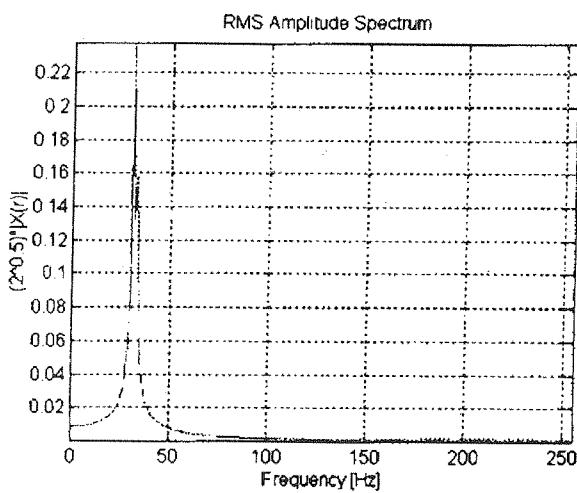
شکل (۶ - اف)

### ۳- آنالیز یک سیگنال باند باریک که با یک سیگنال گذرا باند پهن ترکیب شده است

سیگنال دیگری که دارای دامنه متغیر با زمان بوده و یک سیگنال گذرا باند پهن واقع در موقعیت زمانی  $t = 0.6[\text{Sec}]$  ترکیب شده است مورد آنالیز قرار گرفت. این سیگنال در شکل (۷) نشان داده شده است. نتایج بدست آمده از آنالیز طیفی که شامل طیف توان و طیف RMS می باشد در شکل های (۷-ب) و (۷-ج) ارائه شده است، از این شکل ها نمی توان به وجود سیگنال گذرا (اعم از موقعیت زمانی و فرکانس مرکزی آن) پی برد. سیگنال اخیر توسط موجک های متعدد مورد تحلیل قرار گرفت که نتایج بدست آمده از آنالیز توسط موجک های  $D_{18}$ ,  $D_{12}$ ,  $D_6$  و  $D_0$  ارائه شده اند [۱۸]. شکل (۸) نتایج آنالیز توسط موجک  $D_6$ ، و شکل های (۹) و (۱۰) به ترتیب نتایج حاصل از آنالیز توسط موجک های  $D_{12}$  و  $D_{18}$  را نشان می دهد. در این شکل ها (بر خلاف آنالیز طیفی) موقعیت زمانی و فرکانس سیگنال گذرا در هر سه نوع دیاگرام کانتور، سه بعدی و تجزیه سیگنال به سطوح مختلف موجک، کاملاً مشهود است. ولی از مقایسه این شکل ها [بوجهه قسمت های (ج) و (د)] دیده می شود که سیگنال باند پهن در شکل (۱۰)، مربوط به موجک  $D_{18}$ ، که در موقعیت زمانی  $t = 0.6[\text{Sec}]$  و در سطح ۸ ظاهر شده است، نسبت به شکل های قبلی که مربوط به آنالیز با موجک های مراتب پائین تر هستند با سهولت بیشتری قابل تشخیص است. اثر سیگنال گذرا در قسمت های (ب) و (ج) از شکل های اخیر، در سطح ۸، و در روی زمان که بر حسب تعداد نقاط بیان شده است، در موقعیت ۱۵۰ قابل مشاهده است.

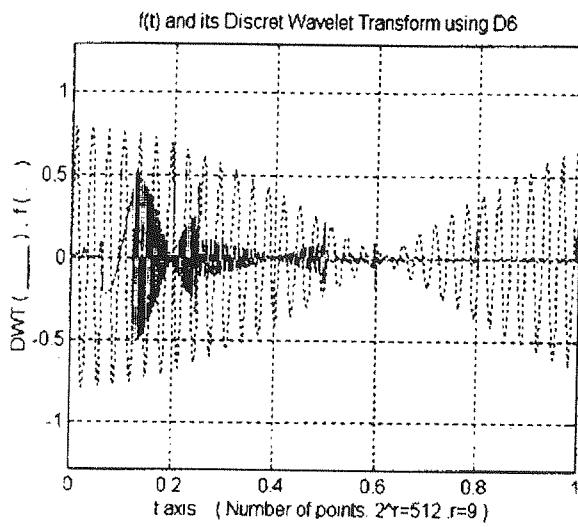


شکل (۷- ب)

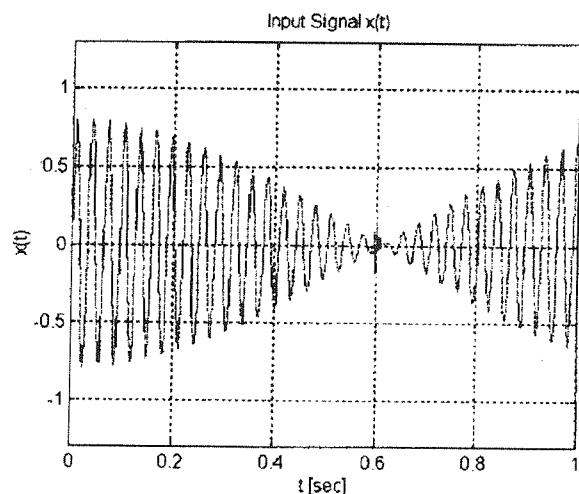


شکل (۷- ج)

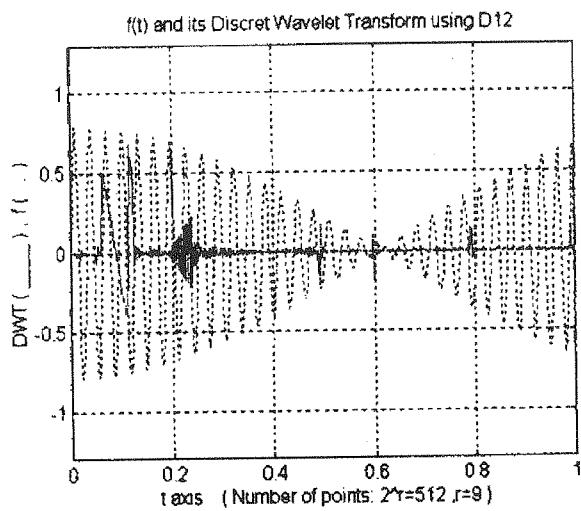
شکل (۷) (الف) - سیگنال با دامنه متغیر نسبت به زمان و ترکیب شده با یک سیگنال گذرا باند پهن، ب - طیف توان، ج - طیف RMS.



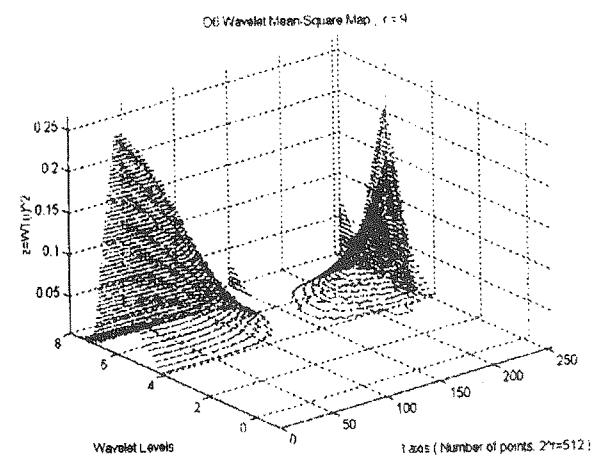
شکل (۸- الف)



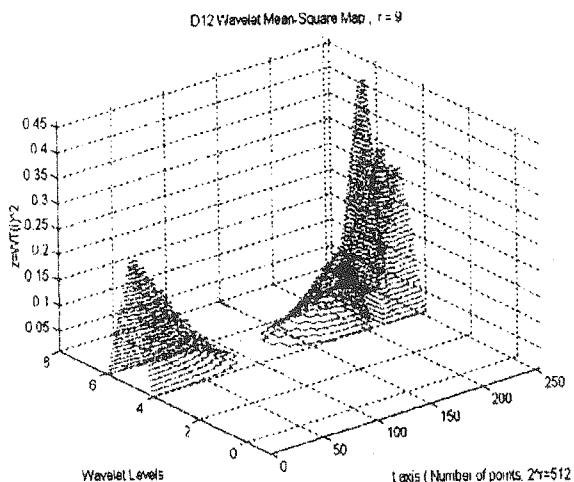
شکل (۷- الف)



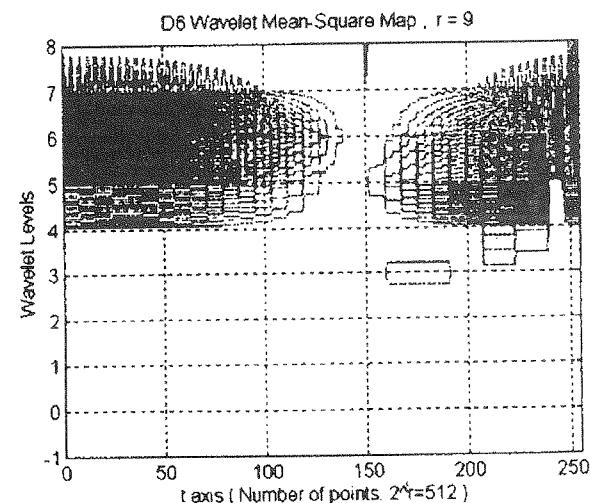
شكل (٩ - ا)



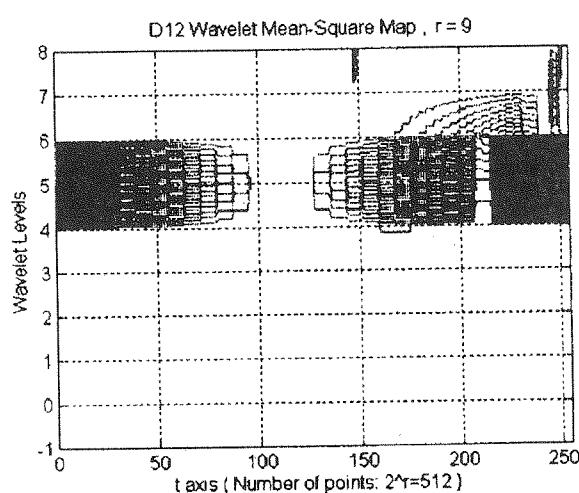
شكل (٨ - ب)



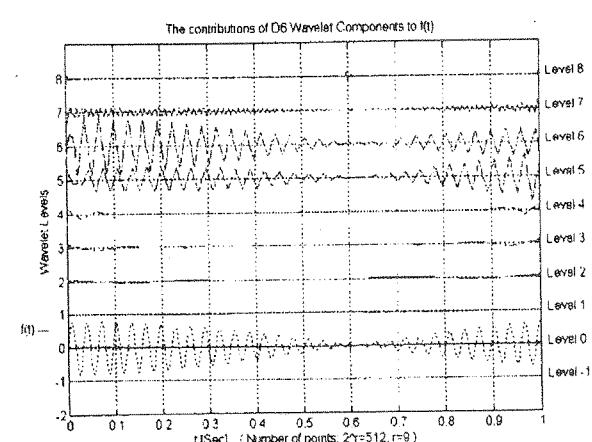
شكل (٩ - ب)



شكل (٨ - ج)

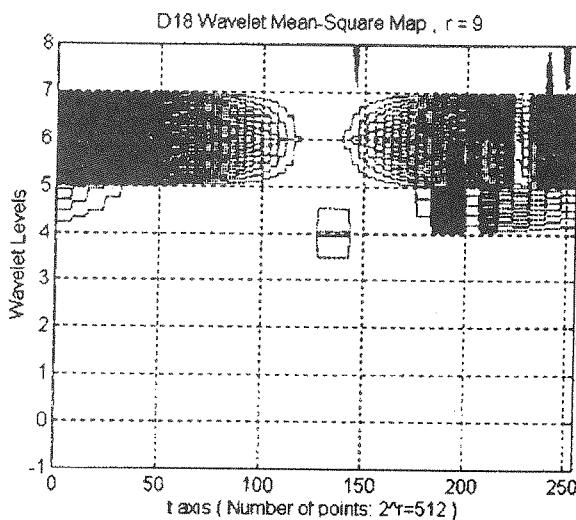


شكل (٩ - ج)

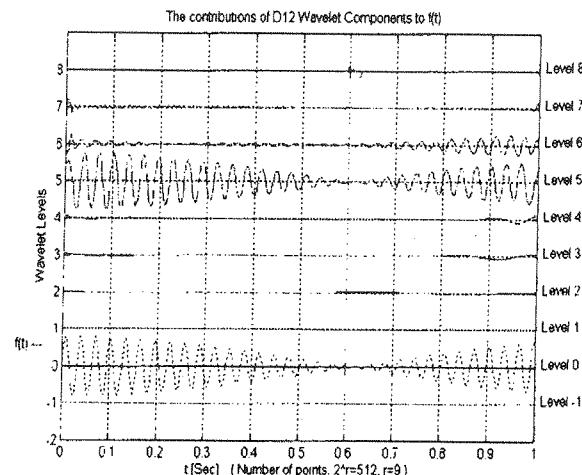


شكل (٨ - د)

شكل (٨) تحلیل سینگال بوسیله موجک  $D_6$

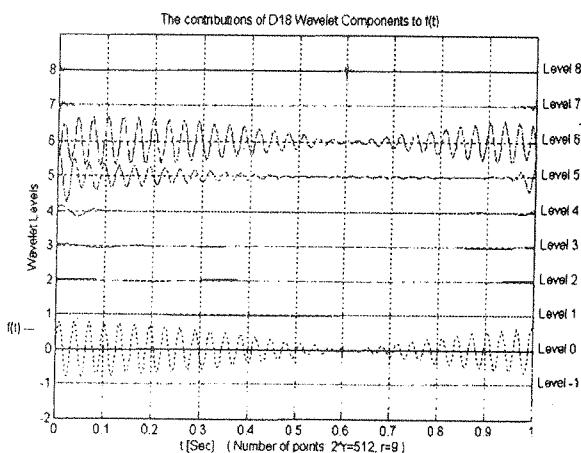


شکل (۹ - ج)



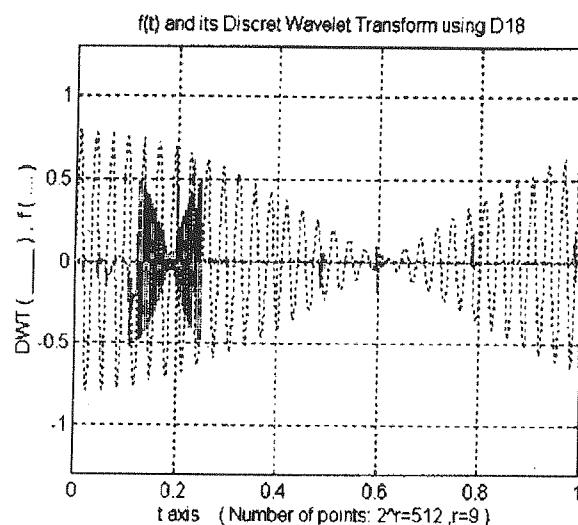
شکل (۹ - د)

شکل (۹) تحلیل سیگنال بوسیله موجک  $D_{18}$



شکل (۱۰ - د)

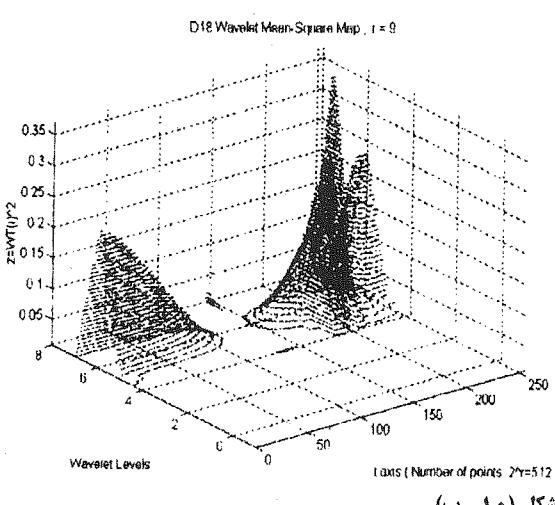
شکل (۱۰) تحلیل سیگنال بوسیله موجک  $D_{18}$



شکل (۱۰ - الف)

**۴- بحث و نتیجه گیری**  
چنانچه قبل نیز ذکر شد به علت نوظهور بودن روش آنالیز موجک در تحلیل سیگنال های ارتعاشی، بسیاری از جنبه های روش یاد شده هنوز کاملاً شناخته نشده اند و تحقیقاتی که تاکنون با استفاده از این روش در زمینه آنالیز سیگنال های ارتعاشی صورت گرفته است عمدتاً به موجک های مراتب پایین تر محدود می شوند. بعلاوه هر یک ارتحقیقات انجام شده فقط یک موجک خاصی را برای آنالیز سیگنال ارتعاشی بکار برده اند.

به منظور روشن شدن جنبه هایی از روش آنالیز موجک، در این مقاله طیف وسیعی از انواع موجک ها که شامل موجک های مراتب بالاتر نیز می شود ( $D_{20}$  تا  $D_2$ ) برای آنالیز سیگنال هایی که به طور تحلیلی تولید شده اند و پدیده های



شکل (۱۰ - ب)

## فهرست علائم و اختصارات

$a$	اعدادی که معرف مقیاس و انتقال موجک هستند
$a_k$	ضرایب ثابت
$f(t)$	سیگنال وابسته به زمان
$h(n)$	ضرایب معادله برگشتی برای محاسبه تابع مقیاس
$h_i(n)$	ضرایب معادله برگشتی برای محاسبه تابع موجک
$j, k$	اعداد صحیح
$L^2$	فضای سیگنالها با انرژی محدود
$n$	عدد صحیح مثبت
$N$	تعداد معادلات همزمان
$t$	پارامتر زمان
$w_0$	فضای ایجاد شده توسط انتقال‌های صحیح موجک اصلی
$w_j$	فضای ایجاد شده توسط تابع موجک $\psi_{j,k}$
$\delta(k)$	دلتای کرونکر
$v_0$	فضای ایجاد شده با انتقال‌های صحیح تابع مقیاس اصلی
$v_j$	فضای ایجاد شده توسط تابع مقیاس $\phi_{j,k}$
$\varphi(t)$	تابع مقیاس اصلی
$\Phi_{j,k}$	تابع مقیاس
$\psi(t)$	تابع موجک اصلی
$\Psi_{j,k}$	تابع موجک

## زیر نویس ها

1-Wavelet Transforms

2-Monitoring

3-Fast Fourier Transform

4-Orthognal Wavelets

5.-Discrete Wavelet Transform

6-.Basic Wavelet Function

7-Basic Scaling Function

8-Recursive Equation

مختلفی در آنها گنجانده شده است مورد مطالعه قرار گرفت. با آنکه آنالیز توسط موجک‌های مراتب بالاتر مستلزم محاسبات پیچیده تر و بیشتری است ولی برای دستیابی به بعضی از رفتارهای مفید موجک‌ها برای آنالیز سیگنال‌ها، مقیاس متناظر با پالس موجود در سیگنال مورد نظر در همه شکل‌های اخیر [به غیر از شکل (۲) که به آنالیز با موجک  $D_2$  مربوط می‌شود، این کار به سختی امکان‌پذیر است]، قابل تشخیص است (در موقعیت زمانی  $[Sec\ t=0.8]$  و در سطوح ۷ و ۸)، ولی در شکل‌های (۵) و (۶) که به ترتیب لازم است از موجک‌های مراتب بالاتر استفاده شود.

برای آنکه یک جمع بندی کلی از نتایج تحلیل توسط موجک‌های مختلف صورت گیرد، و مقایسه ای نیز بین توانایی روش آنالیز طیفی با آنالیز موجک انجام شود، سیگنال‌های آزمایشی با روش‌های یاد شده مورد تحلیل قرار گرفت. نتایج حاصل حاکی از این است که همه موجک‌ها با هر مرتبه خاصی، در استخراج رفتار پدیده‌های موضوعی سیگنال نسبت به آنالیز طیفی برمبنای FFT بسیار تواناتر می‌باشند و در بسیاری از موارد، آنالیز طیفی در شناسایی چنین پدیده‌هایی کاملاً ناتوان است.

مقایسه بین موجک‌ها با مراتب مختلف در آنالیز سیگنال‌های تحلیلی مورد مطالعه، نشان می‌دهد که موجک  $D_2$  نسبت به موجک‌های مراتب بالاتر دارای توانایی کمتری می‌باشد بویژه وجود نویز در سیگنال (که در عمل اجتناب ناپذیر است)، عمل تحلیل به منظور استخراج مشخصه‌های سیگنال را با مشکل مواجه می‌کند و طیف فرکانسی نویز، با فرکانس‌های بالاتر موجود در سیگنال به سختی قابل تمایز هستند (شکل ۳). با افزایش مرتبه موجک، وجود مشخصه‌های موضوعی در سیگنال بوسیله آنالیز سیگنال به موجک‌ها در سطوح مختلف بوضوح قابل تشخیص است. همچنین نویز موجود در سیگنال که در باند فرکانسی بالاتری نسبت به بالاترین فرکانس موجود در سیگنال اصلی که حاوی اطلاعات مربوط به پدیده‌های موجود در سیگنال هستند قابل تمایز می‌باشند (شکل ۶).

وجود نویز و پدیده‌های موضوعی را می‌توان با استفاده از دیاگرامهای Mean Square Map که به صورت سه بعدی و نیز کانتور دو بعدی رسم شده اند به سهولت تشخیص داد. نتایج نشان می‌دهند که در حالت کلی موجک‌های مراتب بالاتر در کشف پدیده‌های یا دشده، کارآمدتر از موجک‌های مراتب پائین تر هستند بنابراین نباید به خاطر پیچیدگی روش بدست آوردن موجک‌های مراتب بالاتر، توانایی آنها را نادیده گرفته و از موجک‌های مراتب پائین تر استفاده کرد.

## مراجع

- [1] R. H. Bannister, ≤ A review of Rolling Element Bearing Monitoring Techniques ≤, Condition Monitoring of Machinery and Plant, The Institution of Mechanical Engineers, London, 6 June 1985, pp. 11-24.
- [2] A. Daadbin and J.C.H. Wong, ≤ Different Vibration Monitoring Techniques and their Application to Rolling Element Bearings ≤, International Journal of Mechanical Engineering Education, 1991, 19 (4), pp. 295-304.
- [3] P. D. McFadden, ≤ Condition Monitoring of Rolling Element Bearings by vibration Analysis ≤, Machine Condition Monitoring The Institution of Mechanical Engineers, London 1990, pp. 46-54.
- [4] P. D. McFadden, ≤ Detecting Fatigue Cracks in Gears by Amplitude and phase Demodulation of the Meshing Vibration ≤, Journal of Vibration, Acostics, Stress, and Reliability in Design, 1986, 108, pp. 165-170.
- [5] D. P. S. Chauhan & K. N. Gupta, ≤ Diagnosis of Lubrication Failure in Gear Systems by Vibration Analysis ≤, Proceedings of the 3rd International Conference on Modern Practice in Stress and Vibration Analysis, Dublin/Ireland 3-5 September 1997, pp. 449-453.
- [6] Y.-T. Su and S.-J. Lin, ≤ On Initial fault Detection of a Tapered Roller Bearing: Frequency Domain Analysis ≤, Journal of Sound and Vibration, 1992, 155 (1), pp. 75-84.
- [7] Y-T Su and Y-T Sheen, ≤ On the Detectability of Roller Bearing Damage by frequency Analysis ≤, Institution of mechanical Engineers Proceedings. Part C: Journal of mechanical Engineering Science, 1993, 207(1), pp. 23-32.
- [8] I.Daubechies, ≤ The Wavelet Transform, Time-Frequency localization and Signal Analysis ≤, IEEE Transactions on Information Theory, 1990, 36, pp. 961-1005.
- [9] Stephane G. Mallat, ≤ A Theory for Multiresolution signal Decomposition: The Wavelet Representation ≤, IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 1989, 11(7), pp. 674-693.
- [10] D.E. Newland, ≤ Wavelet Analysis of Vibration, Part 1: Theory ≤, Journal of Vibration and Acoustics, 1994, 116, pp. 409-416.
- [11] D.E. Newland, ≤ Wavelet Analysis of Vibration, Part 2: Wavelet Maps ≤, Journal of Vibration and Acoustics, 1994, 116, pp. 417-425.
- [12] Yulin Yan and Taro Shiromoto, ≤ The Application of Haar Transform in Signature Extraction and Condition Monitoring of Mechanical Systems ≤, JSME International Juornal, Series III, 1990, 33(2), pp. 191-197.
- [13] K.Mori, N. Kasashima, T. Yoshiola and Y. Ueno, ≤ Prediction of Spalling on a Ball Bearing by Vibration the Discrete Wavelet Transform to Application Signals ≤, Wear, 1996, 195 (1-2), pp. 162-168.
- [14] H.R.Martin & S. Ziae, ≤ Wavelet Analysis Applied to Bearing Vibration Detection ≤, Proceedings of the 3rd International Conference on Modern Practice in Stress and Vibration Analysis, Dublin/Ireland 3-5 September 1997, pp. 455-461.
- [15] S. T. Lin & P. D. McFadden, ≤ Vibration Analysis of Gearboxes by the Linear Wavelet Transform ≤, Second International Conference on Gearbox Noise, Vibration, and Diagnostics, IMechE Conference Transactions, 16 - 17 November 1995, pp. 59-72.
- [16] Charles K. Chui, An Introduction to wavelets, Academic Press, 1992.
- [17] J.C. Goswami & A.K. Chan, Fundamentals of Wavelets, John Wiley & Sons, Inc., 1999.
- [۱۸] رضائی، موسی، توسعه تحلیل و بررسی تجربی سیگنال های ارتعاشی برای عیب یابی بوسیله طراحی سیستم های موجک های متغیر دوگانه و چندگانه، گزارش سمینار رساله دکتری (منتشر نشده)، دانشگاه تربیت مدرس. ۱۳۷۹
- [19] C.Sidney Burrus, Ramesh A. Gopinath and Haitao Guo, Introduction to Wavelets and Wavelet transforms, Prentice Hall, 1998.
- [20] .Stephane Mallat, A Wavelet Tour of Signal Processing, Academic Press, 1998.