

استفاده از شبکه عصبی برای فاصله یابی صاعقه از نوع ابر به زمین

روزبه معینی مازندران
دانشیار

سید علی امام قریشی
کارشناسی ارشد

سید حسین (حسام الدین) صادقی
دانشیار

دانشکده برق، قطب قدرت، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

چکیده

در این مقاله، هدف تعیین فاصله بین صاعقه از نوع ابر به زمین و محل اندازه گیری میدان های الکترومغناطیسی ناشی از آن با استفاده از یک روش هوشمند و مبتنی بر شبکه های عصبی می باشد. نتایج محاسبات و اندازه گیری ها نشان می دهد که شکل میدان های الکترومغناطیسی تشعشع شده توسط کanal صاعقه با فاصله تغییر می یابد، که از همین موضوع می توان جهت تعیین شبکه عصبی مورد نظر سود جست. شایان ذکر است که برای استفاده از چنین روش هوشمندی نیاز به تعداد زیادی داده اندازه گیری در فواصل مختلف برای آموزش شبکه می باشد. اما به علت کمبود داده های اندازه گیری، می توان از مدل های مختلفی که برای کanal صاعقه ارائه شده است جهت محاسبه میدان ها در فواصل مختلف سود برد. در این مقاله نخست از یک مدل رایج به نام مدل خط انتقال، (Transmission Line (TL)) (جهت محاسبه میدان های الکترومغناطیسی ناشی از کanal صاعقه در فواصل مختلف استفاده شده است. در این مدل فرض می شود که جریان پای کanal بدون هیچ گونه تلفاتی بر روی کanal منتشر می شود. سپس با استفاده از روابط موجود، میدان های الکترومغناطیسی تشعشع شده از کanal صاعقه و بر روی زمینی از نوع هادی آرمانی در فواصل مختلف از کanal بدست می آیند. از آنجایی که تغییرات شکل موج میدان ها با فاصله، وابستگی زیادی به زمان صعود و زمان پشت و همچنین بیک جریان کanal دارند، مقادیر این میدان ها با لحاظ کردن تمام تغییرات فوق محاسبه شده اند و سپس از این مقادیر برای آموزش شبکه سود برد شده است. در نهایت، برای آموزش شبکه عصبی از روش قدرتمند (LM)(Levenberg - Marquardt)، استفاده شده است. شبکه عصبی طراحی شده محل برخورد صاعقه را با خطای کمتر از یک کیلومتر در محدوده یک تا هشتاد کیلومتر برآورد می نماید.

کلمات کلیدی

صاعقه، کanal ضربه برگشت، شبکه عصبی، میدان های الکترومغناطیسی

Locating cloud-to-ground lightning return strokes by a neural network algorithm

A.Emamghoreishi
M.Sc. Graduate

R. Moini
Associate Professor

S.H.H Sadeghi
Associate Professor

Electrical Engineering Department,

Amirkabir University of Technology

Abstract

A neuro-based approach is proposed for locating cloud-to-ground lightning strokes. Due to insufficient experimental data, we have used the results of an electromagnetic simulator for training the developed artificial neural network. The simulator utilizes the well-known transmission line and is capable of predicting the electromagnetic field due to a return stroke channel (RSC) for various parameters associated with the shape of the channel base-current. The training process has been successfully done using the Levenberg-Marquard technique. The simulation results demonstrate that the RSC locations can be predicted with an absolute error not greater than 1 km for RSCs located within 80 km of a lightning detection station.

Keywords

Lightning, Return stroke channel, Neural network, Electromagnetic fields.

تعداد آن توسط یک شمارنده اندازه گیری می شود. با استفاده از اطلاعات مربوط به صدای صاعقه دو پارامتر روزهای صاعقه ای و ساعات صاعقه ای و نهایتاً منحنی های ایزولکترونیک مربوط به منطقه به دست می آید. این نوع اندازه گیری ها معمولاً در ایستگاه های هواشناسی انجام می گیرد و از آنجاییکه حساسیت گیرنده های صوتی حداقل تا ۱۵ کیلومتر است کلیه صاعقه های خارج از این شعاع قابل تشخیص نیست و این از عده ترین معایب این سیستم می باشد [۲]. روش جدیدتر، استفاده از شمارنده های الکترومغناطیسی صاعقه می باشد که در آنچا به جای صدای صاعقه، دامنه بخشی از طیف فرکانسی میدان الکترومغناطیسی ناشی از صاعقه به عنوان عامل تشخیص دهنده صاعقه به کار گرفته می شود. در این روش حداقل تا ۴۰ درصد خطای شمارش می تواند وجود داشته باشد [۲]. اما دو عیب عده این دو روش عدم امکان تعیین فاصله و قوع صاعقه تا محل اندازه گیری و عدم امکان تشخیص نوع صاعقه می باشد. علاوه بر دو روش فوق، از سیستم های آشکار ساز دیگری برای تشخیص صاعقه استفاده می شود که امروزه از دو روش (DF) (Direction Finding) یا جهت یاب (TOA) (Time Of Arrival) یا زمان دریافت، برای فاصله یابی صاعقه های از نوع ابر به زمین استفاده می نمایند [۳]. ایده اولیه جهت استفاده از روش DF برای فاصله یابی صاعقه به سال ۱۹۲۰ بر می گردد [۴]. اساس عملکرد این روش بر پایه تشخیص جهت صاعقه نسبت به یک مبدأ خاص (مثل استوا) می باشد. در این روش با استفاده از دو حلقه آنتنی عمود بر هم میدان مغناطیسی مماسی اندازه گیری می گردد و از آنجاییکه ولتاژ القایی تولید شده ناشی از میدان مغناطیسی دو سر هر یک از حلقه ها برابر است با سطح حلقه ضریب مشتق چگالی فلزی مغناطیسی عمود بر حلقه، جهت صاعقه با اندازه گیری ولتاژها به راحتی قابل حصول است. سپس با استفاده از چندین ایستگاه DF در نقاط مختلف می توان به دقت محل وقوع صاعقه را تخمین زد. در واقع هر ایستگاه DF در مکان های مختلف چندین خط داریم که محل تقاطع آنها محل دقیق صاعقه را نشان می دهد. همچنین در این روش می توان با اندازه گیری دامنه میدان های الکترومغناطیسی ناشی از صاعقه، دامنه جریان تخلیه را با دقت خوبی برآورد نمود [۵].

در روش دوم، احتیاج به حداقل ۳ ایستگاه TOA در نقاط مختلف جهت تعیین موقعیت صاعقه داریم. در این روش اساس کاربر پایه تشخیص زمان و قوع صاعقه است. هر کدام از ایستگاه های مورد نظر زمان آشکار سازی میدان ها را ثبت

بررسی صاعقه به عنوان یک منبع جدی تداخل امواج الکترومغناطیسی از اهمیت زیادی برخوردار می باشد. امروزه با توجه به استفاده گسترده از قطعات الکترونیکی حساس و ظرفی در قسمت های مختلف صنعت، بحث محافظت و نگهداری این قطعات در برابر تشعشعات ناخواسته الکترومغناطیسی ناشی از صاعقه بسیار مهم می باشد. با توجه به تحلیه انرژی بسیار زیاد ناشی از صاعقه، که می تواند بین ابرهای باردار یا بین ابروزمین صورت پذیرد، کلیه ادوات و تجهیزات خطوط مخابراتی و یا قدرتی می توانند کما بیش دچار اختلال گردد که این اختلالات ممکن است ناشی از برخورد مستقیم یا غیر مستقیم صاعقه با شبکه مذکور باشد. به طور کلی در طبقه بندي انواع صاعقه می توان به دو دسته بندي اشاره کرد. یکی صاعقه های ابر به زمین و دیگر صاعقه های داخل ابر [۱]. اما آن دسته از صاعقه ها که باعث خرابی در دستگاه ها می گردد، صاعقه های ابر به زمین هستند که ۷۰ درصد صاعقه های موجود نیز از نینگونه می باشند. در بین صاعقه های ابر به زمین درصد وقوع منفي آن از گونه های دیگر بیشتر می باشد. در پدیده تخلیه الکترونیکی ناشی از صاعقه، جریان تخلیه از نوع پالسی با زمان صعود بسیار کم و دامنه زیاد می باشد که این دامنه می تواند بین یک کیلوآمپر تا صد کیلوآمپر تغییرات داشته باشد. این تغییرات شدید دامنه و نحوه تغییرات زمانی شکل موج جریان می تواند برای دستگاه ها و تجهیزات مخابراتی در بخش های مختلف، نظیر سیستم های اندازه گیری حفاظتی، کنترلی و غیره بسیار خطرآفرین باشد. بنابراین با توجه به مطالب گفته شده شناخت این پدیده و روش های مؤثر جهت حفاظت و مقابله با آن بسیار مهم می باشد. با توجه به پیچیدگی صاعقه، اهمیت مدل سازی و اندازه گیری شدت صاعقه و چگالی برخورد صاعقه با زمین (Ng) (Ground Flash Density)، در هر منطقه ای روشمن می گردد. بررسی دقیق و محاسبه درست پارامتر Ng می تواند ما را در شناخت هر چه بهتر چگونگی فعالیت های صاعقه ای در یک منطقه و روش های حفاظتی در آن منطقه یاری کند. این مسئله خصوصاً در مناطق کوهستانی و نواحی صاعقه خیز برای خطوط انتقال نیرو و تجهیزات مخابراتی از اهمیت بیشتری برخوردار می باشد. در این راستا اندازه گیری میدان های الکترومغناطیسی ناشی از صاعقه و همچنین ثبت تعداد دفعات وقوع صاعقه روش های متعددی وجود دارد. یکی از رایج ترین روش های اندازه گیری برای بررسی کمی صاعقه، استفاده از سنسورهای صوتی جهت تعیین دفعات وقوع صاعقه و در نتیجه تخمین عدد Ng است. در این روش شدت صوت صاعقه (رعد) تشخیص و

که توسط آن جریان ضربه بازگشتی در سطح زمین با اندازه گیری میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی راه دور تعیین می‌شود. سوم به عنوان یک راهکار برای محاسبه میدان‌هایی که در محاسبات کوپلینگ استفاده می‌شوند. از این نمونه می‌توان ولتاژهای القایی بر روی خطوط مخابراتی و یا وسایل الکتریکی را نام برد [۱۰]. در این مقاله، منظور از مدل سازی، بیان فرم جریان ضربه بازگشتی، به صورت تابعی از مکان و زمان در امتداد کانال صاعقه می‌باشد. کانال ضربه بازگشتی در مدل مورد نظر به صورت یک آنتن عمودی است که بر روی سطح یک زمین از نوع هادی آرمانی قرار گرفته است، شکل ۱. نقطه مشاهده بر روی سطح زمین و به فاصله z از پای کانال صاعقه است. در واقع میدان‌های الکترومغناطیسی بر روی سطح زمین محاسبه می‌شوند. به علت فرض آرمانی بودن زمین، میدان الکتریکی دارای مؤلفه‌ای در راستای عمود بر سطح و میدان مغناطیسی دارای مؤلفه مماسی می‌باشد. با استفاده از معادلات ماکسول و تئوری آنتن می‌توان عبارات مربوط به این دو میدان را به دست آورد. در محاسبه میدان‌های تشعشعی ناشی از کانال صاعقه فرض می‌کنیم که یک آنتن مونوپل با طول محدود داریم که جریانی به فرم (z,t) از بر روی آن در حال انتشار است. برای محاسبه میدان‌های الکترومغناطیسی پدیده‌های گذرا نظیر صاعقه، نخست می‌بایستی از معادلات ماکسول در حوزه زمان که به شکل زیر بیان می‌شوند استفاده نمود:

$$\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0} \quad \nabla \cdot \vec{B} = 0 \quad \nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \quad (1)$$

با تعریف پتانسیل‌های برداری و عددی \vec{A} و φ به صورت زیر خواهیم داشت:

$$\vec{E} = -\nabla \varphi - \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} \quad \vec{B} = \nabla \times \vec{A} \quad (2)$$

سپس با ترکیب معادلات (۱) و (۲) معادله زیر در حوزه زمان بدست می‌آید [۱۱]:

$$\nabla \cdot \vec{A} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \varphi}{\partial t} = 0 \quad (3)$$

برای ادامه کار، یک دیبل عمودی بسیار کوچک با طول dz در نقطه z از فضای را در نظر می‌گیریم که جریان بر روی آن (z,t) است. با توجه به قضیه تصویر، صفحه زمین برداشته

می‌کنند و به این ترتیب بین هر دو ایستگاه مورد نظر یک اختلاف زمانی ثابت به هنگام آشکار سازی کانال صاعقه پیدا می‌آید. در این صورت مکان هندسی نقاطی که تفاصل فاصله آنها یا بعبارتی تفاصل زمانی آنها از هر دو ایستگاه همان مقدار ثابت است بیان کننده یک هزلولی می‌باشد. محل برخورد تمامی هزلولی‌ها محل دقیق وقوع صاعقه را نشان می‌دهد [۶].

امروزه از روش ترکیبی TOA و DF جهت تخمینی دقیق‌تر از موقعیت صاعقه استفاده می‌شود [۷]. مزیت عمدۀ این دو روش در تعیین محل دقیق وقوع صاعقه با دقت مناسب است، اما در مقابل احتیاج به داشتن تعداد زیادی ایستگاه در مناطق مختلف ممکن است باشد که با توجه به قیمت بالای هر ایستگاه، هزینه طراحی و راه اندازی چنین شبکه‌ای بسیار بالا خواهد بود.

نمونه‌ای از یک ایستگاه سنجش صاعقه در دانشکده مهندسی برق دانشگاه صنعتی امیرکبیر به پایان رسیده و در حال بهره برداری می‌باشد. با این ایستگاه می‌توان میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی ناشی از صاعقه در فاصله یک تا صد کیلومتر در طیف صفر تا دو مکاہریز را اندازه‌گیری و ثبت نمود [۸و۹]. متاسفانه همانطور که قبل ذکر شد این ایستگاه به تنها یک قادر به تعیین فاصله نیست.

در این مقاله هدف این است که امکان پذیری تعیین موقعیت صاعقه‌های از نوع ابر به زمین را با استفاده از داده‌های تنها یک ایستگاه سنجش صاعقه، مورد بررسی قرار دهیم. در این راستا، با استفاده از الگوریتم‌های شبکه عصبی، سعی به تعیین موقعیت محل وقوع صاعقه داریم. در این راستا با در نظر گرفتن تغییر شکل میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی در فواصل مختلف و با استفاده از الگوریتم‌های شبکه عصبی فاصله محل برخورد صاعقه با ایستگاه تخمین زده می‌شود. الگوریتم پیشنهادی به علت کمبود داده‌های عملی برای آموزش شبکه عصبی از مدل خط انتقال برای تهیه داده‌های لازم استفاده شده است. شبکه عصبی آموزش یافته به تنها یک قادر به تخمین فاصله صاعقه با خطای کمتر از ۱ کیلومتر از فاصله ۱ کیلومتر تا ۸۰ کیلومتر می‌باشد.

۱- مدل سازی کانال صاعقه

در این بخش به بیان چگونگی مدل سازی کانال صاعقه و محاسبه میدان‌های الکترومغناطیسی ناشی از آن می‌پردازیم. مدل سازی کانال و ضربه بازگشتی ناشی از صاعقه به سه دلیل حائز اهمیت است. اول به عنوان یک کار تحقیقی در زمینه فیزیک صاعقه. دوم به عنوان یک مکانیزم

$$d\phi(R, \theta, t) = \frac{dz \cos \theta}{4\pi \epsilon_0} \left[\frac{1}{R^2} \int_0^t i(z, \tau - \frac{R}{c}) d\tau + \frac{i(z, t - \frac{R}{c})}{cR} \right] \quad (4)$$

ونهایتاً با توجه به رابطه (۲) و داشتن مقادیر $d\phi$ و \vec{A} میدان E به صورت زیر قابل بیان است:

$$dE_z(R, \theta, t) = \frac{dz}{2\pi \epsilon_0} \left[\frac{2\sin^2 \theta}{R^3} \int_0^t i(z, \tau - \frac{R}{c}) d\tau + \frac{2\sin^2 \theta}{cR^2} i(z, t - \frac{R}{c}) \cdot \frac{\sin^2 \theta}{cR^2} \frac{\partial i(z, t - \frac{R}{c})}{\partial t} \right] dz \quad (5)$$

در ادامه میدان های الکترومغناطیسی ناشی از کanal صاعقه با انتگرال گیری از میدان های جزئی محاسبه شده از دیپل های کوچک در نقطه مشاهده با توجه به رابطه زیر به دست می آیند:

$$B_\phi(r, t) = \int_0^H dB_\phi(R, \theta, t) dz$$

$$E_z(r, t) = \int_0^H dE_z(R, \theta, t) dz \quad (6)$$

با توجه به مطالب فوق و با انجام تبدیلات ریاضی مناسب میدان های الکترومغناطیسی به صورت زیر قابل بیان است

: [۱۱ و ۱۲]

$$B_\phi(r, t) = \frac{\mu_0}{2\pi} \int_0^H \frac{r}{R^3} i(z, t - \frac{R}{c}) dz + \frac{\mu_0}{2\pi} \int_0^H \frac{r}{cR^2} \frac{\partial i(z, t - \frac{R}{c})}{\partial t} dz \quad (7)$$

$$E_z(r, t) = \frac{1}{2\pi \mu_0} \int_0^H \frac{2z^2 - r^2}{R^5} \int_0^t i(z, \tau - \frac{R}{c}) d\tau dz + \frac{1}{2\pi \mu_0} \int_0^H \frac{2z^2 - r^2}{cR^4} i(z, t - \frac{R}{c}) dz - \frac{1}{2\pi \mu_0} \int_0^H \frac{r^2}{c^2 R^3} \frac{\partial i(z, t - \frac{R}{c})}{\partial t} dz \quad (8)$$

با توجه به پیچیدگی ماهیت صاعقه و نداشتن امکانات لازم جهت اندازه گیری نحوه انتشار جریان بر روی کanal صاعقه، مدل های مختلفی جهت توصیف این پدیده ارائه شده اند که هر کدام از این مدل ها تا حدی توانسته اند با نتایج

می شود و به جای آن از دیپل کوچک که تصویر دیپل اصلی می باشد استفاده می گردد. میدان محاسبه شده در فاصله r از آنچه مجموع میدان های ناشی از خود دیپل و تصویر آن می باشد. میدان مغناطیسی B ناشی از این دیپل کوچک با توجه به پتانسیل برداری A از رابطه زیر به دست می آید:

$$\vec{dB} = \nabla \times d\vec{A} \quad (9)$$

با توجه به اینکه جریان منتشر شونده بر روی کanal دارای مؤلفه عمود بر سطح یعنی در راستای z می باشد بنابراین پتانسیل برداری A نیز فقط دارای مؤلفه dA_z به صورت زیر می باشد:

$$dA_z = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{i(z, t - \frac{R}{c})}{R} dz \quad (10)$$

با تبدیل مختصات از سیستم دکارتی به سیستم کروی خواهیم داشت:

$$\vec{dA} = \frac{\mu_0}{4\pi} \left[i(z, t - \frac{R}{c}) \frac{\cos \theta}{R} \hat{a}_R + i(z, t - \frac{R}{c}) \frac{\sin \theta}{R} \hat{a}_\theta \right] dz \quad (11)$$

همچنین با توجه به روابط ریاضی و مشتق نزدیکه ای رابطه زیر برقرار خواهد بود:

$$\frac{\partial i(z, t - \frac{R}{c})}{\partial R} = -\frac{1}{c} \frac{\partial i(z, t - \frac{R}{c})}{\partial t} \quad (12)$$

سپس با گرفتن کرل از رابطه (۱۱) و با در نظر گرفتن رابطه $\vec{dB} = \nabla \times d\vec{A}$ و استفاده از رابطه (۱۲) خواهیم داشت:

$$\vec{dB} = \frac{\mu_0}{4\pi} dz \sin \theta \left[\frac{i(z, t - \frac{R}{c})}{R^2} + \frac{1}{cR} \frac{\partial i(z, t - \frac{R}{c})}{\partial t} \right] \hat{a}_\phi \quad (13)$$

در مرحله بعدی با استفاده از رابطه (۴) مقدار $d\phi$ به صورت زیر بدست می آید:

الکتریکی، ترم اول که با انتگرال جریان متناسب است ترم استاتیک (Static Term) و ترم دوم که با خود جریان متناسب می‌باشد را ترم القایی (Inductive Term) و ترم آخر که با مشتق جریان متناسب است ترم تشعشعی (Radiative Term) می‌باشد. معادله مربوط به میدان مغناطیسی نیز شامل دو ترم القایی و تشعشعی می‌باشد. در فواصل دور ترم‌های استاتیک و القایی در برابر ترم تشعشعی بسیار کوچک هستند و به همین علت شکل میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی کاملاً شبیه به هم هستند. در شکل‌های 4° و 6° اثر تغییرات زمان صعود و زمان پشت بر روی شکل موج میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی کاملاً مشهود است. در تمامی شکل‌ها خطوط با شماره‌های مختلف بیانگر زمان صعود و زمان پشت مشخص از جریان پای کانال صاعقه هستند که این مقادیر در جدول (۱) آمده است. با کمی دقت در اشکال فوق در می‌یابیم که زمان صعود میدان‌ها در فواصل زیاد برابر زمان صعود جریان پای کانال صاعقه است. همچنین زمان پشت میدان‌ها وابستگی شدیدی به زمان پشت جریان دارد، به طوری که زمان پشت کم برای جریان باعث تضییف سریعتر میدان می‌گردد. در شکل شماره 6° میدان‌های مغناطیسی و الکتریکی راه دور کاملاً به هم شبیه هستند. و همین امر آموزش شبکه در فواصل دور را با مشکل مواجه می‌کند. با توجه به تغییرات شکل میدان الکتریکی و مغناطیسی با فاصله می‌توان از این ویژگی جهت آموزش شبکه سود جست.

۲- الگوریتم پیشنهادی شبکه عصبی

شبکه‌های عصبی مصنوعی جزو آن دسته از سیستم‌های دینامیکی قرار دارند که با پردازش روی داده‌های تجربی دانش یا قانون نهفته در ورای داده‌ها را به ساختار شبکه منتقل می‌کنند. با توجه به این موضوع در اینجا نیز هدف این است که رابطه منطقی که بین فاصله محل برخورد صاعقه تا محل اندازه‌گیری و شکل موج‌های میدان‌های الکترومغناطیسی وجود دارد به ساختار شبکه منتقل گردد و شبکه صرف‌نظر از تغییرات زمان صعود و زمان پشت و همچنین دامنه جریان، صرفاً با یادگیری میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی قادر به تخمین فاصله باشد. با توجه به نمودارهای رسم شده برای میدان الکتریکی و مغناطیسی می‌توان دید که سطح زیر منحنی این نمودارها با فاصله در حال تغییر است. همچنین نسبت میدان الکتریکی به میدان مغناطیسی به عنوان یک پارامتر مهم به عنوان عناصری از بردار ورودی به شبکه استفاده می‌شود. بنابراین برای یادگیری ارتباطی که بین تغییرات گفته شده فوق با فاصله

حاصل از اندازه‌گیری مطابقت داشته باشد. البته ضعف‌هایی هم در مدل‌های ارائه شده وجود دارد. نتایج اندازه‌گیری جریان پای کانال صاعقه نشان می‌دهد که طبیعت این جریان پالسی شکل و با زمان صعود بسیار کم است. به طور معمول پیک جریان پای کانال صاعقه می‌تواند از یک کیلوآمپر تا صد کیلوآمپر تغییرات داشته باشد. همچنین زمان صعود بین یک تا پنج میکروثانیه و زمان پشت بین ده تا سی میکروثانیه در حال تغییر است. بنابراین در نظر گرفتن چنین تغییراتی از رابطه زیر برای توصیف جریان پای کانال استفاده شده است [۱۲]:

$$i(0,t) = \frac{I_{01}}{\eta} \frac{\left(\frac{t}{\tau_1}\right)^n e^{-\frac{t}{\tau_2}} + I_{02} \left(e^{-\frac{t}{\tau_3}} - e^{-\frac{t}{\tau_4}}\right)}{1 + \left(\frac{t}{\tau_1}\right)^n} \quad (14)$$

در رابطه فوق با تغییر بعضی از پارامترها می‌توان دامنه، زمان اوج و زمان پشت جریان پای کانال را تغییر داد. مقادیر پارامترهای فوق به صورت نمونه عبارتند از: $\eta = 0.845$, $\tau_4 = 6 \mu\text{sec}$, $n = 2$, $\tau_3 = 100 \mu\text{sec}$, $\tau_2 = 5 \mu\text{sec}$, $\tau_1 = 0.072 \mu\text{sec}$, $I_{02} = 7.5 \text{kA}$, $I_{01} = 9.9 \text{kA}$. مقادیر پارامترها برای 4° حالت مختلف در جدول ۱ آورده شده است. در ضمن در همین جدول می‌توان مقدار دامنه جریان، زمان صعود و زمان پشت برای 4° حالت مورد نظر را مشاهده کرد. در شکل 2° ، جریان پای کانال به ازاء هر کدام از حالات درج شده در جدول ۱ رسم شده است. در این شکل اعداد نوشته شده برای هر خط معین، بیانگر حالت متناظر در جدول ۱ می‌باشد.

در مرحله بعدی می‌بایستی با در نظر گرفتن نحوه انتشار جریان برای کانال صاعقه رابطه‌ای بین جریان در هر نقطه و جریان پای کانال صاعقه بدست آوریم [۱۴]. در اینجا از مدل TL برای توصیف انتشار جریان صاعقه استفاده شده است. در این مدل فرض می‌شود که جریان پای کانال صاعقه بدون هیچگونه تلفاتی روی کانال منتشر می‌شود. در واقع می‌توان چنین فرض نمود که یک خط انتقال بدون تلف داریم که جریان بر روی آن در حال حرکت است. شکل 3° . در این شکل همانطور که گفته شد مقادیر پارامترها $\tau_1 = 3.77 \mu\text{sec}$, $\tau_2 = 12.99 \mu\text{sec}$ و بقیه پارامترها ثابت در نظر گرفته شده‌اند.

در روابط ۱۲ و ۱۳ عبارت جریان توسط مدل TL تعیین می‌شود. در این روابط $i(z, t) = \text{مقدار جریان در ارتفاع } z$ از کانال در لحظه t و C سرعت نور می‌باشد. z , r , R , H , N نیز در شکل ۱، مشخص شده‌اند. در معادله مربوط به میدان

قبل از آنکه به ارزیابی الگوریتم پیشنهادی بپردازیم، ابتدا نحوه آموزش آن مورد بحث قرار خواهد گرفت. در آموزش شبکه از سه دسته داده استفاده شده است. دسته اول الگوهای آموزشی می باشد که جهت آموزش شبکه از آنها استفاده می شود. هر کدام از این الگوها، خصوصیات مهم میدان های الکتریکی و مغناطیسی که با فاصله در حال تغییر است به ازای هر زمان صعود و هر زمان پشت را در بردارند. نکته قابل توجه در این الگوها این است که تغییرات دامنه جریان تخلیه حائز اهمیت نیست چرا که الگوها به گونه ای انتخاب شده اند که مستقل از دامنه جریان تخلیه صاعقه باشند.

دسته دوم، الگوهای اعتباری (Validation Data) می باشند که برای جلوگیری از یادگیری بیش از حد یا به عبارت دیگر Overfitting شبکه انتخاب شده اند. در حین آموزش در صورتیکه مجموع مربعات خطای این داده ها شروع به افزایش کند شبکه در حال از دست دادن تعمیم پذیری خود به علت زیاد بودن تعداد نمونه های لایه مخفی می باشد. در این حالت بایستی عمل یادگیری شبکه متوقف گردد و عمل آموزش دوباره با مقادیر جدید وزن و بایاس انجام پذیرد. بنابراین این الگوها بسیار حائز اهمیت هستند. دسته سوم، داده های تست می باشند. برای اطمینان نهایی از آموزش صحیح شبکه از این داده ها استفاده می شود. پس از خاتمه آموزش شبکه و رسیدن به مجموع مربعات خطای مورد نظر شبکه تحت داده های تست قرار می گیرد. در صورتیکه خطای شبکه به این داده ها نیز از مقدار تعیین شده کمتر باشد در آن صورت عملکرد شبکه مطلوب می باشد.

۲-۳- ارزیابی الگوریتم در غنای نویز

شبکه تحت آموزش که در این مقاله آورده شده است به خوبی عمل یادگیری را انجام داده است و با توجه به مطالعه فوق علاوه بر جلوگیری آن از Overfitting، تحت الگوهای تست نیز چوایگو بوده است. در تمامی الگوهای داده شده از هر دسته خطای ناشی از تخمین فاصله حداقل ۱ کیلومتر بوده است. همان طور که گفته شد از روش قدرتمند LM بهبود یافته چهت آموزش استفاده شده است. منحنی کاهش مجموع مربعات خطأ در شکل ۸ رسم شده است. همانطور که از این شکل دیده می شود به علت انتخاب مناسب داده های آموزشی عمل یادگیری به خوبی انجام یافته است. شبکه آموزش دیده دارای این ویژگی مهم است که در بیش از ۹۰ درصد موارد خطای شبکه در تخمین فاصله از ۵۰۰ متر کمتر است. این ویژگی در شکل ۹ نمایش داده شده است. در این شکل فراوانی خطای خطای فاصله یابی برای محدوده های ۵۰ متری تا یک کیلومتر رسم شد است. همانطور که در شکل نمایش داده

وجود دارد، از شبکه عصبی پرسپترون چند لایه استفاده می شود. برای آموزش شبکه از قانون پس انتشار خطاب BP LMS [۱۵] که تعمیمی از الگوریتم (Back - Propagation) می باشد استفاده می گردد. برای آموزش شبکه به نحو مطلوب و با سرعت بالای همگرایی، الگوریتم های زیادی ارائه شده است که ساده ترین آنها روش MBP (Momentum Back-Propagation) یا روش پس انتشار خطاب ترم ممتنم می باشد. در این روش از ترم ممتنم جهت افزایش سرعت همگرایی استفاده می گردد ولی معمولاً برای داده های حجمی و پیچیده از الگوریتم های جدیدتر و با قابلیت بیشتر سود برده می شود. در حال حاضر بکی از این الگوریتم ها، روش یادگیری LM (Levenberg- Marquardt) می باشد که البته در این مقاله از روش بهبود یافته آن جهت آموزش شبکه استفاده شده است [۱۶]. در روش LM بهبود یافته، سرعت همگرایی بالاتر و حجم حافظه مورد استفاده کمتر است یعنی در اصل ابتدا یک فشرده سازی در داده های ورودی انجام می گیرد و متعاقب آن این داده ها برای آموزش به شبکه داده می شود.

شبکه مورد نظر، شبکه پرسپترون دو لایه است که در هر لایه تابع تحریک نرون زیگموئیدی می‌باشد. در واقع در یک بحث کلی تر می‌توان گفت که شبکه پرسپترون دو لایه قادر به تخمین هر نگاشتی است به شرطی که به اندازه کافی نرون در اختیار داشته باشد [۱۷]. در اینجا نگاشت مورد نظر بین شکل میدان الکتریکی و مغناطیسی و فاصله است. شمای کلی یک شبکه عصبی پرسپترون دو لایه در شکل ۷ آمده است.

در شکل ۷، $W1$ و $Bias1$ مقادیر وزن و بایاس برای لایه مخفی می‌باشند و $W2$ و $Bias2$ مقادیر وزن و بایاس برای لایه خروجی هستند. $F1$ و $F2$ نیز توابع تحریک نزون‌ها می‌باشند. در آموزش شبکه مقادیر وزن و بایاس به گونه‌ای تنظیم می‌شوند که شبکه نهایتاً به جواب مطلوب همگرا شود. جواب مطلوب، جوابی است که در آن خطای شبکه به ازاتمامی ورودی‌ها از مقدار معینی کمتر باشد. در شبکه تحت آموزش مورد نظر، تفاوت میان خروجی شبکه و مقدار واقعی به عنوان خطای نظر گرفته شده است. در حین آموزش، در هر مرحله بر اساس خطای موجود مقادیر وزن و بایاس به گونه‌ای تغییر می‌کنند که در مرحله بعدی خطای شبکه به همان ورودی‌ها کمتر شود. در نهایت در صورتیکه بردارهای ورودی به شبکه به نحو مطلوب انتخاب شده باشند به خطای موردنظر می‌رسد.

۲۰۷

۱-۳- نحوه آموزش شیکه عصر

شده است. با توجه به جریان پای کانال با زمان صعود و زمان پشت معینی، میدان های الکترومغناطیسی در فواصل مختلف به دست می آیند. سپن این میدان ها با توان های مختلف نویز سفید که به آنها اضافه می شود به ورودی شبکه عصبی داده می شوند. در شکل شماره ۱۴ خطای ناشی از شبکه آموخته را به ورودی شبکه که میدان الکترومغناطیسی در فاصله ۱ کیلومتری از کانال صاعقه به ازاء مقادیر مختلف توان نویز می باشد نشان داده است. در این حالت زمان صعود برابر $1\text{ }\mu\text{sec}$ و زمان پشت جریان پای کانال $10\text{ }\mu\text{sec}$ اختیار شده است. همانطور که از شکل ۱۴ مشاهده می گردد با افزایش توان نویز خطای شبکه به ورودی نویزی شده بیشتر می گردد. اما نکته قابل توجه این است که با این افزایش توان، خطای شبکه همچنان کمتر از ۱ کیلومتر است. علت این امر نیز تمایز کافی بین خصوصیات میدان های الکترومغناطیسی در فواصل نزدیک می باشد. در فواصل نزدیک همانطور که اشکال ۴ و ۵ نشان می دهد تغییرات شدیدتر است حال آنکه تغییرات شکل میدان ها در فواصل دور (بالاتر از ۵۰ کیلومتر) بسیار کم می باشد و میدان ها بسیار بهم شبیه می باشند. با توجه به شکل ۱۵ این موضوع خود را بهتر نشان می دهد. در این شکل خطای شبکه به ازاء توان های مختلف نویز تا ماکزیمم ۱ درصد نشان داده شده است. در اینجا نیز خطای شبکه به طور نسبی با افزایش توان نویز افزایش می یابد. همانطور که مشاهده می شود با وجود اینکه توان نویز در این حالت نسبت به شکل ۱۴ کمتر است ولی خطای شبکه از ۱ کیلومتر بیشتر شده است. با افزایش فاصله این افزایش خطای خود را بیشتر نشان می دهد و حتی به ازاء توان نویز بسیار کم در فواصل بالاتر از ۵۰ کیلومتر خطای زیاد است.

با توجه به اینکه در کاربردهای عملی، فیلتر به عنوان یک قسمت از مدار الکترونیکی نقش مهمی را در حذف سیگنال نویز دارا است، در آخرین قسمت عملکرد شبکه را برای سیگنال فیلتر شده مورد بررسی قرار می دهیم. برای این منظور سیگنال نویزی شده را که به نویز سفید با توزیع یکنواخت آغازته است را توسط یک فیلتر باترورث با فرکانس قطع ۱ مگاهرتز، فیلتر می کنیم. این عمل باعث می شود که اثر نویز فرکانس بالا کمتر شود. در شکل های ۱۶ و ۱۷، میدان های الکترومغناطیسی حاصل، پس از عبور فیلتر نشان داده شده است.

در شکل ۱۸ خطای شبکه عصبی به میدان الکترومغناطیسی نویزی در فاصله ۱ کیلومتری و به ازاء توان های مختلف نویز نشان داده شده است. در این شکل همانند حالت قبل خطای شبکه همچنان کمتر از ۱ کیلومتر است. در شکل ۱۹ خطای شبکه عصبی به میدان در فاصله

شده است در جاییکه خطای شبکه به ورودی ها بیشتر می شود فراوانی آنها کمتر می گردد و این به معنی آن است که در شبکه آموزش یافته، در اکثر موارد خطای شبکه در تخمین فاصله خیلی کم است. همچنین این موضوع برای داده های تست و اعتباری نیز صحت دارد. اشکال ۱۰ و ۱۱ این موضوع را به خوبی نشان می دهند [۱۸].

بنابراین می توان نتیجه گرفت که شبکه عصبی به خوبی از عهده نگاشت بین زوج داده های ورودی و خروجی (میدان های الکترومغناطیسی و فاصله) بر می آید. این تحلیل نشان می دهد که چنانچه بتوان به اندازه کافی داده های اندازه گیری در اختیار داشت باز می توان همانند داده های مدل عمل آموخته شبکه را به خوبی انجام داد.

۳-۲- ارزیابی الگوریتم در حضور نویز

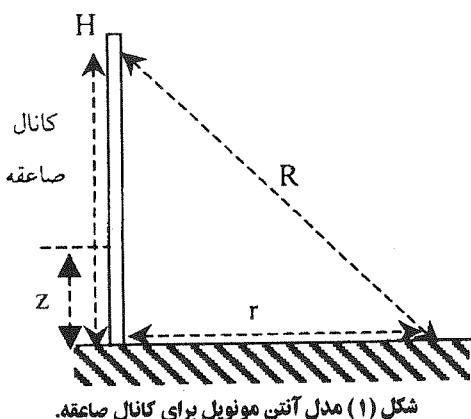
در این قسمت مساله وارد کردن نویز به سیگنال صاعقه و خطای ناشی از شبکه عصبی به سیگنال نویزی شده بررسی می گردد. همانطور که در قسمت های قبل هم گفته شد به علت کمبود داده های عملی در فواصل مختلف از مدل سازی کانال صاعقه به وسیله مدل معروف TL یا مدل خط انتقال استفاده شده است. با توجه به مدل فوق و داشتن یک رابطه ریاضی می توان میدان های الکترومغناطیسی ناشی از کانال ضربه بازگشته به ازاء مقادیر مختلف زمان صعود و زمان پشت جریان پای کانال در نقاط مختلف را بدست آورد. میدان های حاصل، عملاً میدان های ناشی از مدل هستند و بدون نویز می باشند. برای تست شبکه آموخته یافته توسط داده های عملی و بررسی عملکرد شبکه می توان از داده های موجود که توسط مراکز تعیین فاصله صاعقه بدست آمده اند سود برد. به علت محدود بودن این داده ها و نداشتن مقادیر میدان ها می توان از داده های مدل که با درصد مشخصی نویز همراه هستند استفاده نمود. بنابراین یک راه مناسب برای بررسی مساله نویز، ایجاد سیگنال نویزی می باشد. در این راستا به میدان های الکترومغناطیسی بدست آمده از مدل TL، نویز سفید با توزیع یکنواخت و مقادیر مختلف توان، نسبت به توان سیگنال اضافه شده است. در ادامه کار سیگنال نویز که توان آن نسبت به توان سیگنال صاعقه درصد به خصوصی است به میدان های مدل اضافه می کنیم. در اشکال ۱۲ و ۱۳ میدان های الکترومغناطیسی نویزی شده به ازاء ۵ درصد توان نویز در فواصل ۱ و ۵ کیلومتری از کانال صاعقه رسم شده است. همانطور که گفته شد نویز اضافه شده نویز سفید با توزیع یکنواخت می باشد.

در شکل های ۱۲ و ۱۳ مقدار زمان صعود جریان پای کانال برابر $1\text{ }\mu\text{sec}$ و زمان پشت برابر $3\text{ }\mu\text{sec}$ درنظر گرفته

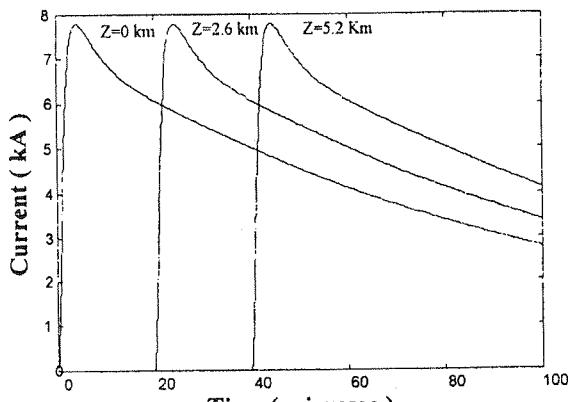
لازم برای آموزش شبکه عصبی، از مدل خط انتقال جهت تهیه داده های لازم استفاده نمودیم. نتایج محاسبات نشان می دهد که در صورتیکه داده های لازم به طور مناسب به شبکه عصبی داده شوند، یادگیری به صورت مطلوب انجام می پذیرد. شبکه آموزش دیده برای این مدل به خوبی فاصله یابی صاعقه را انجام می دهد و خطای شبکه در بدترین حالت از ۱ کیلومتر تجاوز نمی کند.

جدول (۱) مقادیر مختلف پارامترهای گانل.

حالت	پارامتر متغیر $\tau_{1,2,3}$ (μsec)	مقدار زمان صعود و زمان پشت (μsec)	دامنه جریان KA
۱	.۲۴۵ و .۲۵/۳	۱ و ۱۰	۹/۹۰۹
۲	.۲۲۲ و .۸۱/۱	۱ و ۲۰	۱۰/۱۹
۳	.۷۷ و ۱۲/۹۹	۰ و ۱۰	۴/۵۹۲
۴	.۲۶ و .۴۵	۰ و ۲۰	۶/۴۴۸



شکل (۱) مدل آنتن مونوبل برای گانل صاعقه.



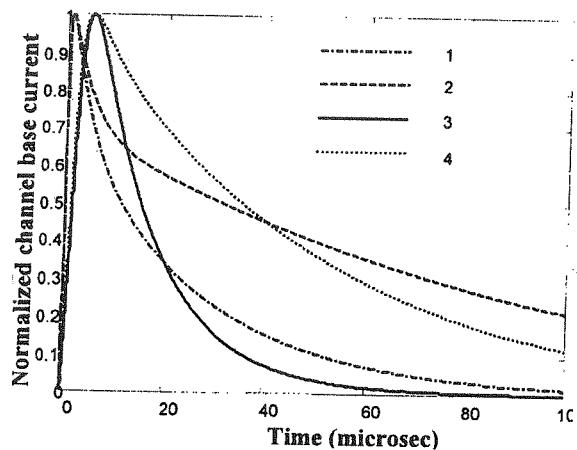
شکل (۲) اثر تغییر پارامترها بر روی شکل موج جریان پای گانل.

۱۰ کیلومتری نشان داده شده است. در هر دو شکل یک افزایش نسبی در خطای شبکه به ازاء افزایش توان نویز نیز مشاهده می شود. در این حالت با توجه به رفتار آرامتر نویز خطای شبکه در فاصله ۵۰ کیلومتری نیز رسم شده است. همانطور که از شکل ۲۰ نیز مشاهده می شود در این حالت علیغم اینکه توان نویز بسیار کم می باشد ولی باز هم خطای شبکه به سیگنال نویزی بیشتر از ۱ کیلومتر شده است، حال آنکه سیگنال بدون نویز تا فاصله ۸۰ کیلومتری دارای خطای کمتر از ۱ کیلومتر است.

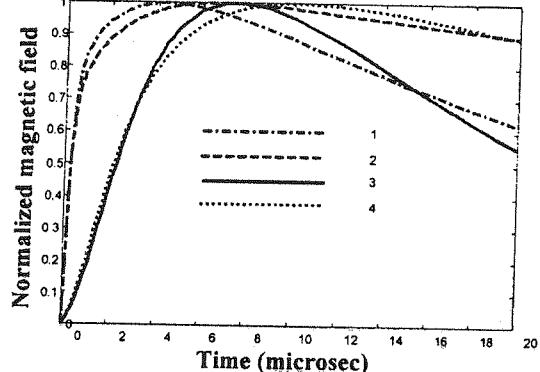
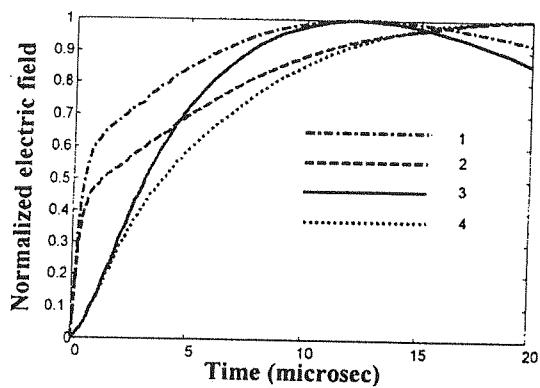
شبکه آموزش یافته نسبت به نویز در فواصل مختلف حساسیت های متفاوتی از خود نشان می دهد. در واقع این شبکه در فواصل پایین از حساسیت کمی نسبت به نویز برخوردار است و مقدار نویز اضافه شده در این فواصل اثر بسیار کمی در خطای حاصل از شبکه دارد. علت این امر نیز به خاطر تمایز کافی بین بردارهای ورودی در این فاصله ها می باشد. اما در فواصل دور که خصوصیات میدان های الکترومغناطیسی بسیار به هم نزدیک می شوند و تمایز کمی بین آنها وجود دارد حساسیت شبکه به نویز بسیار بالا است و حتی مقدار توان نویز بسیار کم، خطای حاصل از شبکه زیاد است. در اصل همین نزدیک بودن بردارهای ورودی در فاصله های بالا باعث سختی یادگیری شبکه می باشد و عمل یادگیری عملاً در فواصل بالاتر از ۸۰ کیلومتر امکان پذیر نیست. این امر در شکل ۲۱ نشان داده شده است. در اینجا به ازاء ۱۰ درصد توان نویز، خطای شبکه به ورودی های مختلف از فاصله ۱ تا ۸ کیلومتر محاسبه شده است. از شکل نشان داده شده مشخص است که با افزایش فاصله خطای شبکه نیز افزایش می یابد و این یک امر طبیعی است.

۴- نتیجه گیری

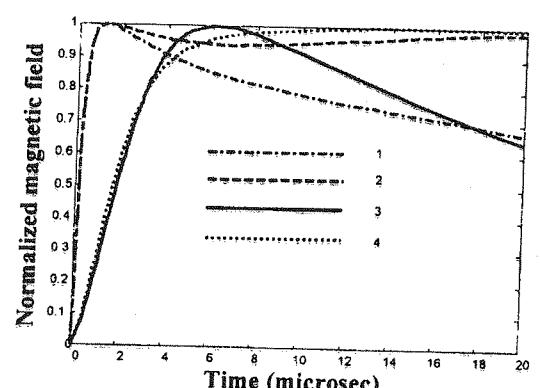
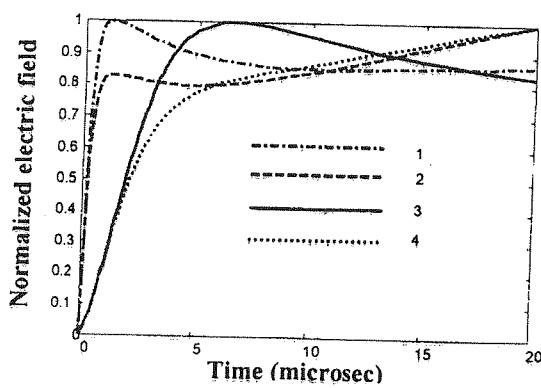
یکی از مسائل مهم در زمینه تحقیقات صاعقه، پیدا کردن دقیق وقوع صاعقه می باشد. امروزه در بسیاری از مناطق دنیا از روش های متعددی برای فاصله یابی سود برده می شود و در تمامی این روش ها از چندین ایستگاه در نقاط مختلف برای تعیین موقعیت فاصله استفاده می گردد. اما مشکل عمده در تمامی این روش ها، هزینه بسیار زیاد برای طراحی و نصب ایستگاه ها و متعاقب آن همزمانی تمامی ایستگاه های سنجش صاعقه می باشد. بنابر مطالب فوق، در این مقاله هدف امکان پذیری فاصله یابی صاعقه با استفاده از تنها یک ایستگاه می باشد. در این راستا با توجه به اینکه، شکل میدان های الکترومغناطیسی با فاصله در حال تغییر است، از ایده شبکه های هوشمند جهت تخمین فاصله سود برده شده است. اما با توجه به کمبود داده های عملی



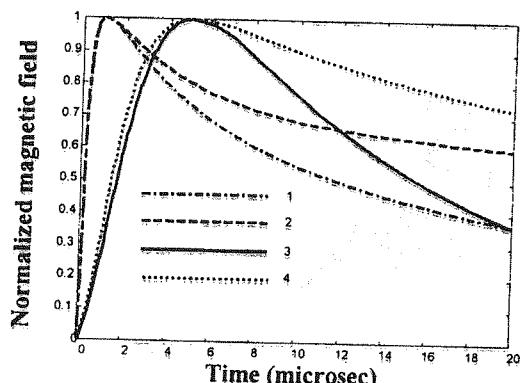
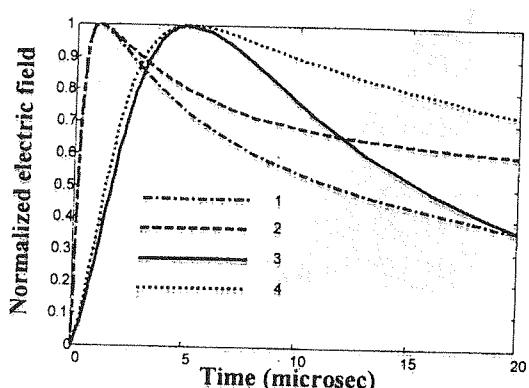
شکل (۳) توزیع زمانی - مکانی جریان کانال صاعقه برای مدل TL.



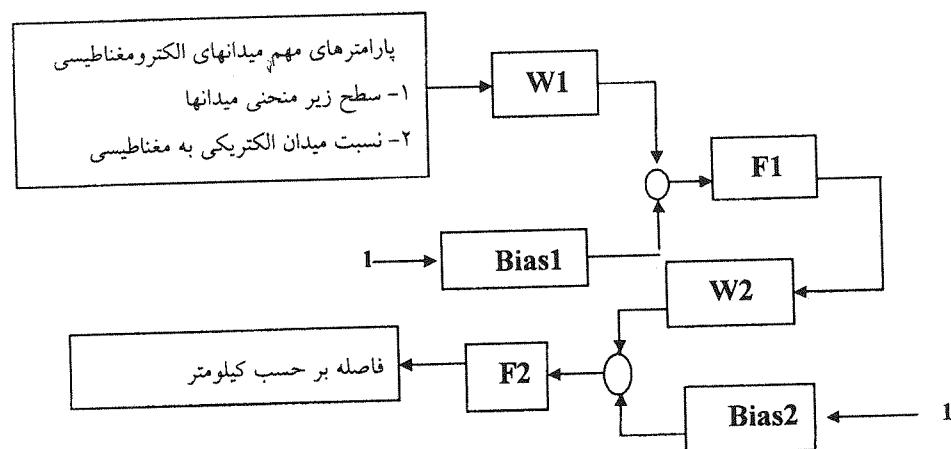
شکل (۴) میدان های الکترومغناطیسی در فاصله ۱ کیلومتری از کانال صاعقه برای مدل TL.



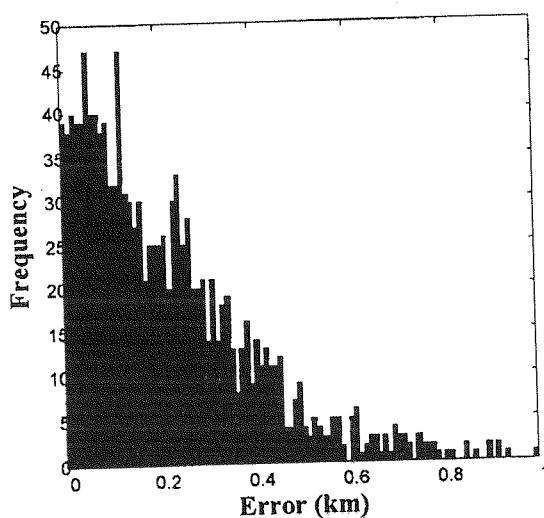
شکل (۵) میدان های الکترومغناطیسی در فاصله ۵ کیلومتری از کانال صاعقه برای مدل TL.



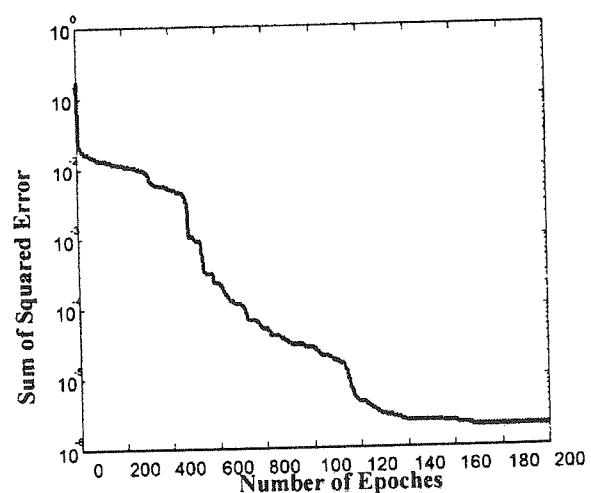
شکل (۶) میدان های الکترومغناطیسی در فاصله ۱۰۰ کیلومتری از کانال صاعقه برای مدل TL.



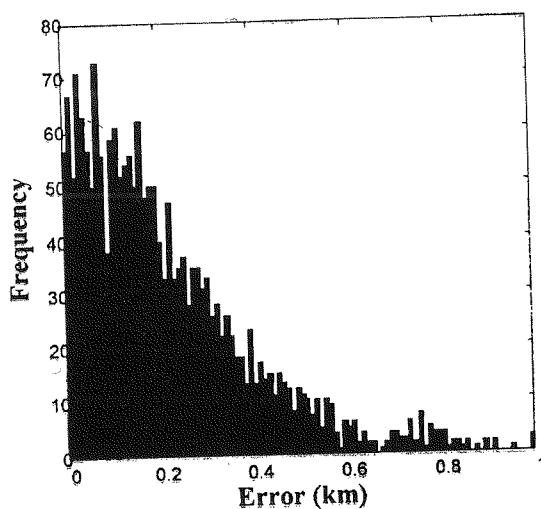
شکل (۷) شماتیک شبکه عصبی پرسپترون چند لایه.



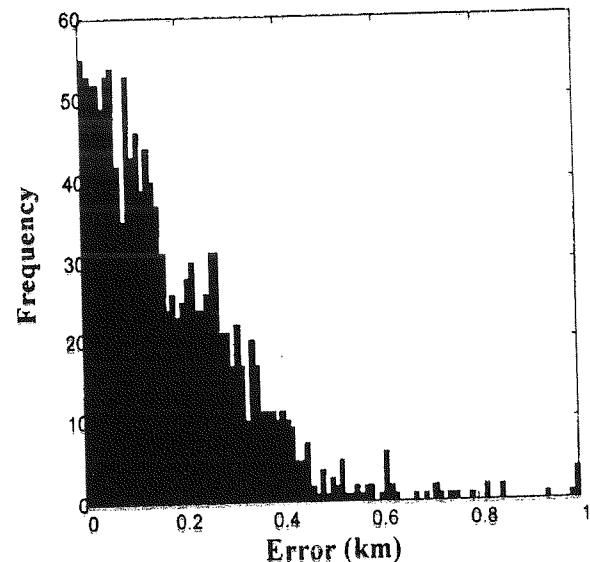
شکل (۱۰) هیستوگرام داده‌های اعتباری برای مدل TL.



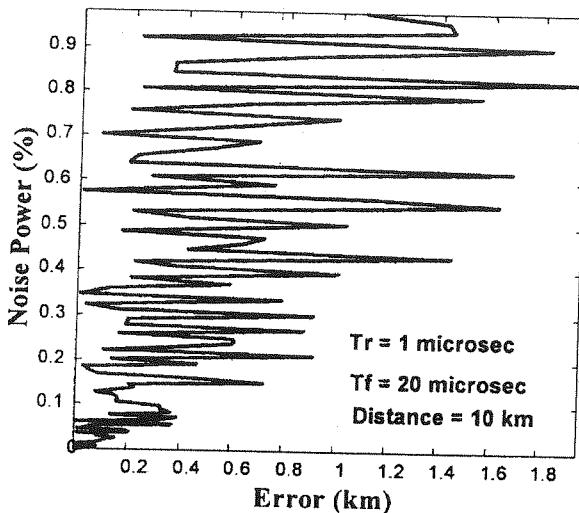
شکل (۸) منحنی تغییرات مجموع مربعات خطأ برای داده‌های آموزشی.



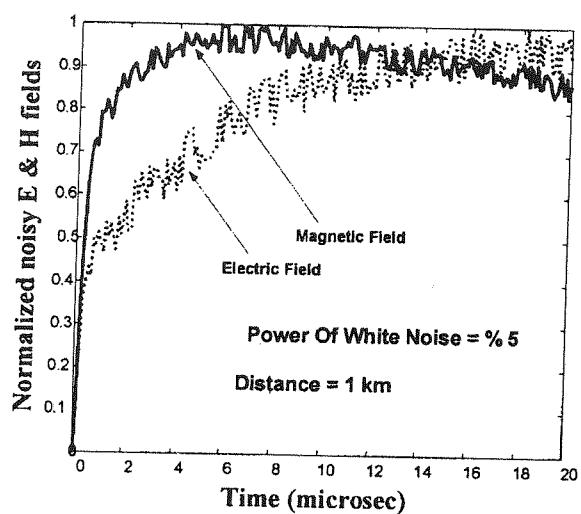
شکل (۱۱) هیستوگرام داده‌های تست برای مدل TL.



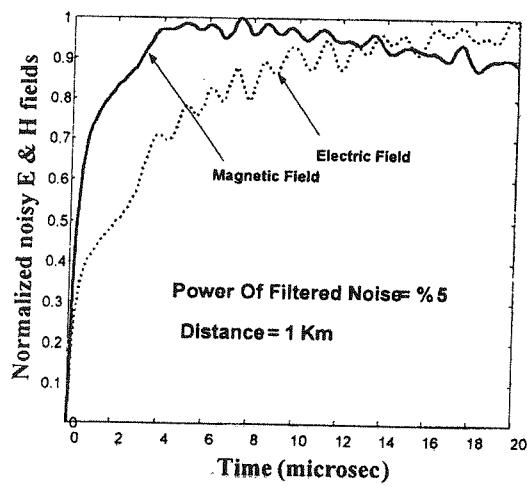
شکل (۹) هیستوگرام داده‌های آموزشی برای مدل TL.



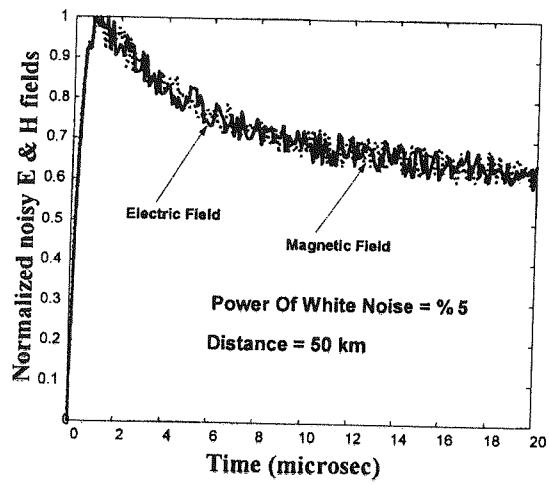
شکل (۱۵) خطای شبکه عصبی به سیگنال نویزی شده در فاصله ۱۰ کیلومتری از کانال صاعقه.



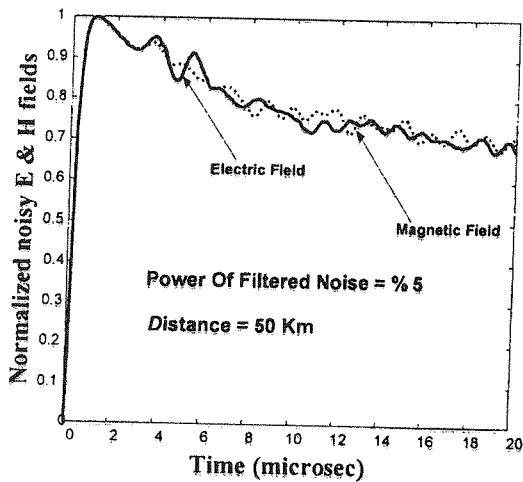
شکل (۱۶) میدان های الکترومغناطیسی نویزی شده در فاصله ۱ کیلومتری.



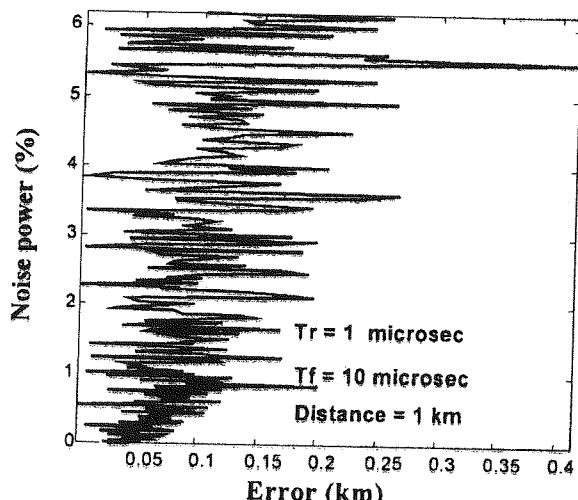
شکل (۱۷) میدان های الکترومغناطیسی نویزی شده پس از عبور از فیلتر در فاصله ۱ کیلومتری.



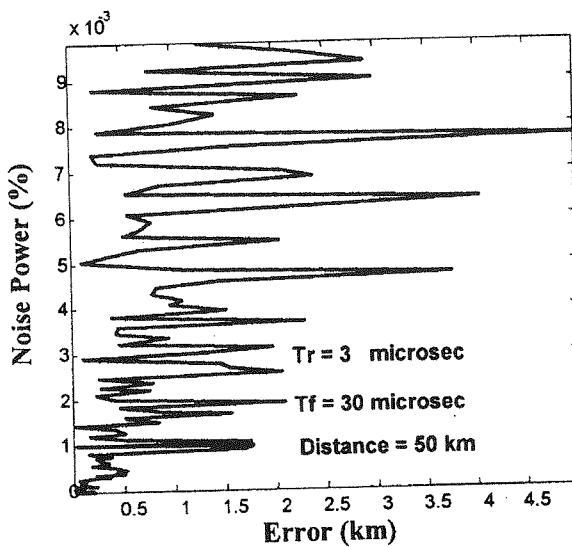
شکل (۱۸) میدان های الکترومغناطیسی نویزی شده در فاصله ۵۰ کیلومتری.



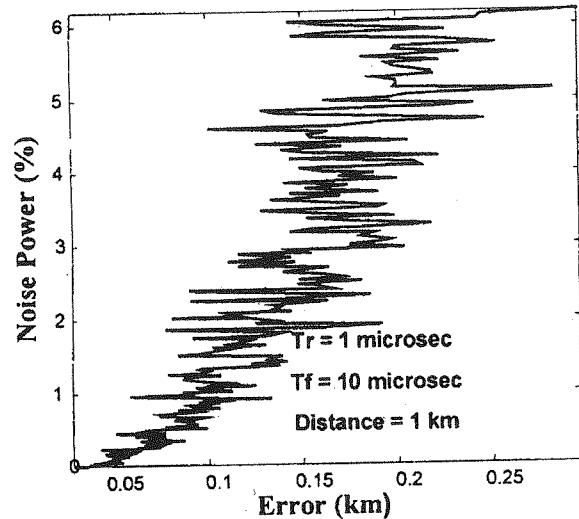
شکل (۱۹) میدان های الکترومغناطیسی نویزی شده پس از عبور از فیلتر در فاصله ۵۰ کیلومتری.



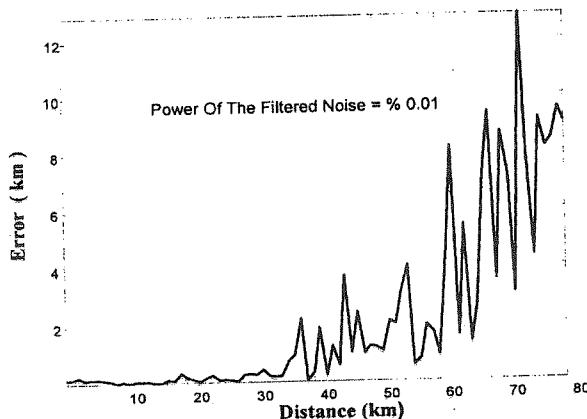
شکل (۲۰) خطای شبکه عصبی به سیگنال نویزی شده در فاصله ۱ کیلومتری از کانال صاعقه.



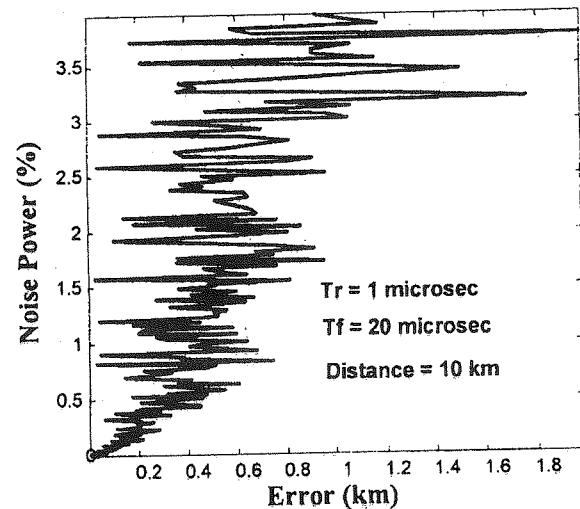
شکل (۲۰) خطای شبکه عصبی به سیگنال نویزی فیلتر شده در فاصله ۵ کیلومتری از کانال ساعقه.



شکل (۱۸) خطای شبکه عصبی به سیگنال نویزی فیلتر شده در فاصله ۱ کیلومتری از کانال ساعقه.



شکل (۲۱) بررسی حساسیت شبکه به بردارهای نویزی ورودی.



شکل (۱۹) خطای شبکه عصبی به سیگنال نویزی فیلتر شده در فاصله ۱۰ کیلومتری از کانال ساعقه.

مراجع

- [1] M. A. Uman, Lightning discharge Academic Press, New York 1987.
- [2] R. H. Golde, A Lightning Flash Counter, Electron. Eng., 38, 1966.
- [3] Kenneth L. Cummins, E. Philip Krider, and Mark D. malone, The National Lightning Detection And Applications Of Cloud-to-Ground Lightning Data By Electric Power Utilities, IEEE Transaction on Electromagnetic Compatibility, Vol. 40, No. 4, November 1998.
- [4] E.P. Krider, R. C. Noggle, and M. A. Uman, A gated Wideband Magnetic Direction-Finder For Lightning Return Strokes, J. Appl. Meteor., Vol. 15, pp. 301-306, 1976.
- [5] P.W. Casper and B. Bent, Results From The LPATS U.S.A. National Lightning Detection and Tracking System For The 1991 Lightning Season, Peresented at 21 th ICLP International Conference on Lightning Protection, Berlin, Germany, 1992.
- [6] E. A. Lewis, R. B. Harvey, and J. E. Rasmussen, Hyperbolic Direction Finding With Sferics Of Transatlantic Origin, J. Geophys. Res., Vol. 65, pp. 1879-1905, 1960.
- [7] Kenneth L. Cummins, edward A. Bardo, William L. Hiscox, Richard B. Pyle, Albert E. Pifer, E. P. Krider, A Combined ToA/MDF Technology Upgrade Of The U.S. National Lightning Detection Network, (ICLP) International

- Conference on Lightning Protection, pp. 19-24, 1996.
- [۸] روزبه معینی و سید حسین صادقی، اندازه‌گیری مستقیم صاعقه با استفاده از میدان‌های الکترومغناطیسی ناشی از آن، مجموعه مقالات سیندهمین کنفرانس بین المللی برق، ۱۳۷۷.
- [۹] روزبه معینی مازندرانی، سید حسین صادقی، علیرضا مهانفر، سیامک بنیادی رام، اندازه‌گیری و محاسبه میدان الکتریکی تولید شده ناشی از برخورد صاعقه با زمین، مجموعه مقالات چهاردهمین کنفرانس بین المللی برق، ۱۳۷۸.
- [۱۰] M. Master, and M. A. Uman, Lightning Induced Voltages On Power Lines, IEEE Trans. Power Appar. Syst., 1984.
- [۱۱] بهزاد کردی، پایان نامه دکتری، دانشکده مهندسی برق، دانشگاه امیرکبیر، ۱۳۷۹.
- [۱۲] R. Moini, B. Kordi, V. A. Rakov, and G. Z. Rafi, A New Ligthning Return Stroke Model Based On Antenna Theory, Journal of Geophysical Research, N. 105, pp24, 693-25, 702, 2000.
- [۱۳] F. Heidler, Lightning Electromagnetic Impulse, Thesis dissertation, Fakultat der Electrotechnik, Universitat der Bundeswehr, Munchen, 1987.
- [۱۴] V. A. Rakov and M. A. Uman, Review And Evaluation Of Lightning Return Stroke Models Including Aspects Of Application, IEEE Trans. EMC, Vol.40, No.4, pp. 403-426, 1998.
- [۱۵] دکتر محمد باقر منهاج، هوش محاسباتی (مبانی شبکه های عصبی)، شهریور ۱۳۷۷.
- [۱۶] Martin T. Hagan, and Mohammad B. Menhaj. Training Feedforward Networks With Marquardt Algorithm. IEEE Transaction on neural net, Vol 5. No. 6. Nov 1994, pp. 989-993.
- [۱۷] K. Hornik, M. Stinchcombe and H. White, Multilayer Feedforward Networks Are Universal Approximations, Neural Networks, Vol. 2, 1989.
- [۱۸] S. A. Emamghoreishi, R. Moini, S. H. H. Sadeghi, M. B. Menhaj, A Novel Neuro-Based Approach For Predicting The Location Of Cloud-to-Ground Lightning Return Strokes, in proc. International Zurich Symposium on Electromagnetic Compatibility, Zurich, Switzerland, February 2001.