

اتوماسیون آنالیز سفالومتری جهت تشخیص ناهنجاری‌های اسکلتی - صورتی

محمد مهدی عبادزاده
فارغ‌التحصیل کارشناسی ارشد

رضا صفابخش
استادیار

دانشکده مهندسی کامپیوتر، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

چکیده

آنالیز سفالومتری یکی از مهم‌ترین ابزارهای تشخیص ناهنجاری‌های اسکلتی - صورتی در ارتودنسی است. اولین مرحله آنالیز سفالومتری یافتن نقاط خاصی از تصویر رادیوگرافی نیمرخ، که شاخص‌های سفالومتری نامیده می‌شوند، می‌باشد. نقاط شاخص با یکدیگر خطوط و زوایایی تشكیل می‌دهند که با ارزیابی و تجزیه و تحلیل روابط بین آنها نوع ناهنجاری‌ها تشخیص و برآسان آن طرح درمان مناسب ارائه می‌گردد. آنالیز سفالومتری در حال حاضر توسط متخصصین و به صورت دستی انجام می‌پذیرد. به دلیل وجود انواع خطاهای و مخالف موجود در این روش، ضرورت اتواماسیون آنالیز سفالومتری به صورت همراهی احسان می‌گردد. در این مقاله ضمن طرح مشکلات آنالیز سفالومتری دستی، مزایای خودگار نمودن این فرآیند بیان می‌شود. آنگاه با معرفی سیستم‌ها و روش‌های موجود برای خودگار نمودن آنالیز سفالومتری و برسی معاایب آنها، روشی برای اتواماسیون این فرآیند ارائه می‌شود که فقد معاایب و اشکالات روش‌های قبلی است. در روش ارائه شده از تکنیک‌های جدید و اصلاح شده‌ای استفاده شده است که آنالیز سفالومتری را به طور کامل اتواماتیک و با سرعت و دقت بالائی بر روی کامپیوترهای شخصی میسر می‌سازد. نتایج حاصل، عملکرد مناسب و مطلوب روش خودگار شده پیشنهادی را نشان می‌دهند.

Automation of Cephalometric Analysis for the Diagnosis of Skeletofacial Abnormalities

R. Safabakhsh
Assistant Professor

M. M. Ebadzadeh
Graduate Student

Computer Engineering Department,
Amirkabir University of Technology

Abstract

Cephalometric analysis is one of the most important tools for the diagnosis of skeletofacial abnormalities in orthodontics. The first step in cephalometric analysis consists of specifying certain points on the radiographic image of the face profile called cephalometric landmarks. Relationships between these landmarks and the lines joining certain pairs of them constitute the basis for diagnosis and treatment for most skeletofacial abnormalities. The effectiveness of the analysis, however, is highly dependent on the degree of accuracy of determining landmarks and the relationships between them. Presently, the landmarks are determined manually by orthodontists. Due to the introduction of different kinds of errors in the manual method, automation of the analysis is very necessary. In this paper, we introduce a method for automated cephalometric analysis which incorporates improved image analysis techniques and allows very accurate and high speed cephalometric analysis on ordinary personal computers. Results obtained from this system are compared to those given by orthodontists, and show the high performance of the automated method.

۱- مقدمه

بین می رود.

ج) خطای دید در تشخیص دقیق لبه ها: با توجه به اینکه چشم انسان قادر به تشخیص همزمان حداقل حدود ۲۴ سطح خاکستری است، در حالی که روش کامپیوترا کلیه سطوح خاکستری تصویر را به طور همزمان تشخیص می دهد، با کامپیوترا شدن این عمل خطای موجود در تشخیص لبه ها از بین می رود.

د) بالا رفتن خطای اندازه گیری دستی در مقایسه های کوچک به علت محدودیت تشخیص چشم و ابزارهای اندازه گیری: به دلیل اینکه اندازه گیری توسط کامپیوترا و بدون دخالت چشم انجام می گیرد، خطای اندازه گیری به طور کلی از بین می رود.

ه) خطای ناشی از انحراف موقعیت سر از موقعیت استاندارد آن به هنگام تهیه تصویر رادیوگرافی: تعاریف ریاضی شاخص ها براساس موقعیت استاندارد سر از تعیین شده اند. از آنجا که انحراف موقعیت سر از وضعیت استاندارد به هنگام تهیه تصویر رادیوگرافی معمولاً اجتناب ناپذیر است، خطای ناشی از آن در تعیین موقعیت شاخص ها نیز همواره وجود دارد. با کامپیوترا شدن آنالیز سفالومتری می توان تصویر را طوری چرخاند که موقعیت سر در وضعیت استاندارد قرار گیرد و خطای فوق برطرف گردد.

و) وجود خطا در محاسبه رشد به دلیل یکسان نبودن خطا در دفعات مختلف اندازه گیری: به دلیل یکسان بودن خطا در دفعات مختلف اندازه گیری توسط کامپیوترا، این خطا نیز از بین می رود.

۲ - وقت گیر بودن آنالیز سفالومتری به صورت دستی و نیاز به فرد متخصص جهت انجام آن که منجر به افزایش هزینه درمان می شود. بدیهی است با کامپیوترا شدن آنالیز سفالومتری این مشکل دیگر وجود نخواهد داشت.

۳ - معمولاً رشد بین شاخص ها در زمان طولانی و به میزان ناچیزی صورت می گیرد، و اندازه گیری این رشد با چشم و ابزارهای اندازه گیری موجود امکان پذیر نیست. اما با توجه به اینکه دقت مکانی تصویر رقمی شده می تواند بسیار بالا باشد، اندازه گیری رشد در روش کامپیوترا میسر می باشد.

۴ - نتایج تشخیص به دلیل وجود اختلاف در خطای

ارتودنسی یکی از شاخه های دندانپزشکی است که وظیفه اصلی آن درمان ناهنجاری های صورت و دندان ها و بردرسی و پیش بینی روند رشد ساختمان های اسکلتی سر و صورت می باشد. مهمترین اهداف علم ارتودنسی شامل پیشگیری از پیدایش بیماری های لثه، اصلاح اختلالات عمل جویدن، اصلاح اختلالات مفصل گیجگاهی فکی، اصلاح اختلالات تکلمی که در اثر بد قرار گرفتن دندان ها بر روی هم پدید می آیند و بالاخره زیبایی می باشد [۱].

اولین قدم برای درمان ناهنجاری های فوق تشخیص علت آن است. اساس تشخیص ناهنجاری های ارتودنسی آنالیز سفالومتری است، که توسط آن طبقه بندی و تعیین شدت ناهنجاری ها، میزان تغییرات در طول درمان و پیش بینی رشد صورت می گیرد. تصویر سفالومتری یک تصویر رادیوگرافی است که با یک روش خاص و استاندارد از قسمت جانبی سر و صورت تهیه می شود [۲]. تشخیص ناهنجاری های اسکلتی - صورتی با توجه به شاخص های آناتومیک موجود در تصویر سفالومتری و روابط بین آنها انجام می پذیرد [۳]. شکل ۱ شماتیک تصویر رادیوگرافی نیمرخ و نقاط شاخص سفالومتری را نشان می دهد. عمل یافتن منحنی های ویژه ای که شاخص های آناتومیک بر روی آنها واقع شده اند، در حال حاضر معمولاً توسط دست صورت می گیرد. به واسطه وجود انواع خطاهای و مشکلات و معایب آنالیز سفالومتری دستی، ضرورت استفاده از روشی که بتواند مشکلات فوق را برطرف نماید احساس می شود. معایب آنالیز سفالومتری دستی و امکاناتی که خودکار نمودن این عمل برای رفع این معایب در اختیار می گذارد را می توان به شرح زیر خلاصه نمود:

۱ - وجود انواع خطاهای در آنالیز سفالومتری باعث کاهش دقت در این عمل شده است. مهمترین خطاهای نحوه رفع آنها با کمک خودکار نمودن این آنالیز، عبارتند از:

الف) خطای ناشی از اعمال نظر شخصی افراد مختلف در تعیین شاخص ها: بدیهی است که در روش کامپیوترا چون شاخص ها با توجه به تعاریف دقیق ریاضی به دست می آیند، این خطا از بین می رود.

ب) خطاهای ناشی از اغتشاش احتمالی در تصویر: با توجه به استفاده از تکنیک های حذف نویز، خطای فوق در روش خودکار به مقدار قابل ملاحظه ای از

شاخص‌های خطی و زاویه‌ای به مراتب بالاتر از سیستم دستی است. نمونه‌هایی از این نوع سیستم عبارتند از:
الف) سیستم ساگکووارا که در سال ۱۹۸۰ بر روی سخت افزار متصل به یک کامپیوتر بزرگ پیاده‌سازی شده است [۴].

ب) سیستم جکسون که در سال ۱۹۸۵ بر روی سیستم IBM SERIES/1, IBM 4341 پیاده شده است [۵].

ج) سیستم جاگر که در سال ۱۹۸۹ بر روی سیستم VAX 8600 پیاده‌سازی شده است [۶].

د) سیستم دالر که در سال ۱۹۹۰ بر روی سخت افزار موازی مخصوص پردازش تصویر MIAP متصل به یک کامپیوتر بزرگ پیاده‌سازی شده است [۷].

گروه دوم سیستم‌های پردازش تصویر که به منظور انجام آنالیز سفالومتری طراحی شده اند، سیستم‌هایی هستند که در آنها تلاش شده است تا شناسایی نقاط شاخص بدون دخالت کاربر باشد. هر چند که در سیستم‌های فوق عمل شناسایی شاخص‌ها به طور کاملاً اتوماتیک صورت نمی‌گیرد، ولی با مشخص کردن محدوده شاخص‌ها توسط کاربر، این امکان بوجود می‌آید که محل دقیق شاخص‌ها تعیین گردد. این عمل باعث از بین رفتن خطای مربوط به کاربر شده و در نتیجه دقت تعیین شاخص‌ها افزایش می‌یابد. نمونه‌هایی از این نوع سیستم‌ها به شرح زیر می‌باشند:

الف) سیستم کوهن که در سال ۱۹۸۴ بر روی سخت افزار موازی مخصوص پردازش تصویر CLIP4 پیاده‌سازی شده است. این سیستم فقط برای شناسایی شاخص‌های متعدد و سلا طراحی شده است. مراحل شناسایی شاخص‌ها شامل تعیین محدوده شاخص‌ها و سرانجام تعیین محل شاخص‌ها توسط الگوریتم تطبیق الگو می‌باشد. تعیین محدوده شاخص‌ها با استفاده از یک پنجره توسط کاربر، تقطیع شاخص‌ها توسط الگوریتم ریدلر و کالوارد و نازک‌سازی توسط ماسک‌های آرسلى انجام می‌گیرد. این سیستم دارای دقت مکانی ۹۶×۹۶ و ۶۴ سطح خاکستری می‌باشد [۸].

ب- سیستم لوی مندل که در سال ۱۹۸۶ بر روی سخت افزار متصل به یک کامپیوتر بزرگ پیاده‌سازی شده است. مراحل شناسایی شاخص‌ها شامل تعیین محدوده شاخص‌ها با استفاده از یک پنجره توسط کاربر، حذف نویز با استفاده از فیلتر میانه، استخراج

شخصی متخصصین مختلف یکسان نیست. کامپیوتری شدن آنالیز سفالومتری باعث استاندارد شدن نتایج آنالیز سفالومتری می‌شود و این عمل نه تنها موجب تشخیص قطعی تر و درمان مناسب تر می‌گردد، بلکه نتایج آماری معتر و قابل استنادی جهت تحقیقات و مطالعات آینده در اختیار محققان قرار می‌دهد، که این خود باعث پیشرفت علم ارتوپنسی خواهد گردید.

خودکار نمودن آنالیز سفالومتری علاوه بر برطرف کردن معایب آنالیز سفالومتری دستی مزایای دیگری نیز به شرح زیر به همراه دارد:

۱- امکان ذخیره‌سازی آسان اطلاعات و دسترسی سریع به آنها در حین درمان در موارد لازم.

۲- امکان روی هم قرار دادن مستقیم تصاویر سفالومتری به منظور مطالعه رشد.

۳- ایجاد یک پایگاه داده از اطلاعات سفالومتری به منظور دسترسی و محاسبه سریع اطلاعات آماری مختلف جهت تحقیقات و پیشرفت دانش ارتوپنسی.

۲- پیشینه کار

کارهای انجام شده در زمینه آنالیز خودکار سفالومتری در این قسمت معرفی و ارزیابی می‌گردد. این ارزیابی راهنمای مناسبی جهت یافتن روش عملی مناسب که بتواند علاوه بر رفع معایب کارهای قبلی، اهداف مورد نظر دیگری را نیز برآورده سازد، می‌باشد. سیستم‌های کامپیوتری آنالیز سفالومتری را می‌توان به دو گروه کلی تقسیم نمود. هدف سیستم‌های گروه اول تنها شامل پردازش‌هایی از قبیل افزایش کیفیت تصویر، واضح ساختن جزئیاتی از تصویر که قابل مشاهده نیست، حذف نویز، و استخراج لبه‌ها می‌باشد. در این نوع سیستم‌ها نقاط شاخص بایستی توسط کاربر تعیین گردند و تنها کمکی که سیستم به کاربر می‌کند آن است که کیفیت تصویر را افزایش می‌دهد و لبه‌ها را به نحوی بهسازی می‌کند که کاربر بتواند با راحتی بیشتر نقاط شاخص را شناسایی کند. مزیت دیگر این سیستم‌ها قابلیت شناسایی شاخص‌هایی است که در تصویر اصلی قابل شناسایی نمی‌باشند. در این سیستم‌ها به دلیل اینکه شاخص‌ها توسط کاربر تعیین می‌شوند، بسیاری از خطاهای از جمله خطای شخصی کاربر هنوز وجود دارد. در حقیقت تنها خطایی که در این نوع سیستم‌ها حذف می‌گردد، خطای ابزار اندازه‌گیری است. به دلیل حذف خطای ابزار اندازه‌گیری، دقت اندازه‌گیری

لبه ها با استفاده از اپراتور مرو - واسی (نسخه ساده شده اپراتور هیوکل)، استخراج منحنی ها با استفاده از الگوریتم حرکت در مسیر بیشترین گرادیان و سرانجام تعیین شاخص ها توسط الگوریتم تطبیق الگو می باشد. سیستم دارای دقت مکانی 256×256 و 256 سطح خاکستری می باشد [۹].

ج - سیستم حسین در سال ۱۹۹۴ بر روی سخت افزار موازی مخصوص پردازش تصویر CLIP4 پیاده سازی شده است. مرافق شناسایی شاخص ها شامل تعیین محدوده شاخص با استفاده از یک پنجره توسط کاربر، حذف نویز، بهسازی لبه ها توسط فیلتر میانه و اکسترمم، استخراج شاخص مورد نظر، و کردن، نازک سازی، استخراج شاخص مورد نظر، و استفاده از الگوریتم تطبیق الگو می باشد. این سیستم دارای دقت مکانی $1 / 0.5$ میلیمتر و 256 سطح خاکستری می باشد [۱۰].

هر یک از سیستم های فوق دارای محدودیت هایی هستند که موجب تضعیف و کاربرد محدود آنها می گردند. به عنوان نمونه می توان از نیاز به پویشگر مخصوص دارای دقت مکانی حداقل $1 / 0.5$ میلیمتر و 256 سطح خاکستری، نیاز به سیستم های موازی خاص جهت پردازش سریع اطلاعات حجمی تولید شده، نیاز به کاربر برای تعیین محدوده شاخص ها، تعیین موقعیت شاخص ها با خطأ و وابسته بودن عملکرد سیستم ها به کیفیت کنتراست و روشنایی تصاویر رادیوگرافی نام برد. در این مقاله سعی شده است روشی برای آنالیز سفالومتری ارائه شود که مشکلات و محدودیت های سیستم های گذشته را نداشته باشد.

۳- شاخص های سفالومتری

شاخص های سفالومتری ایده آل در حقیقت مکان های واقعی در روی جمجمه هستند که در خلال رشد مشی تقریباً ثابتی دارند [۱]. تعداد نقاط شاخص و ارزیابی روابط بین آنها در روش های مختلف ارزیابی تا حدودی باهم متفاوت است. در این قسمت چند شاخص مهم سفالومتری که در تمام روش های ارزیابی مورد استفاده قرار می گیرند، تعریف می شوند. نقاط شاخص معمولاً داخل یا روی منحنی هائی قرار دارند که در این مقاله آنها را منحنی های شاخص می نامیم. بنابراین برای تعریف نقاط شاخص ابتدا باید منحنی های شاخص تعریف شوند. چند منحنی شاخص مهم عبارتند از [۲]:

- الف - منحنی درزبینی - پیشانی (Nasofrontal) در پلان میانی که در شکل ۲ نمایش داده شده است.
- ب - منحنی سلاتورسیکا (منحنی فاسای هیپوفیز) که در شکل ۳ شان داده شده است.
- ج - منحنی بین خاربینی قدامی و نوک تاج قدامی ترین شنایای میانی فک بالا که در شکل ۴ نمایش داده شده است و در اینجا منحنی پرمگزیلا (Premaxilla) نامیده می شود.
- د - منحنی ناحیه استخوانی چانه در صفحه میانی سر که در شکل ۵ نشان داده شده و در این مقاله منحنی سمفیز نامیده می شود.
- مهتمرین نقاط شاخص مربوط به منحنی های تعریف شده عبارتند از [۲]:
- ناسیون، Nasion، (N) : قدامی ترین نقطه درزبینی - پیشانی در پلان میانی (شکل ۲).
- سلا، Sella : مرکز انحنای منحنی سلاتورسیکا (شکل ۳).
- ساب اسپینال، Subspinale ، (A) : عمیق ترین نقطه در انحنای استخوان پرمگزیلا (شکل ۴).
- خاربینی قدامی، Ant. Nasal Spine (Ans), Ant. Nasal Spine : نوک خار استخوانی بینی قدامی در پلان میانی (شکل ۴).
- سوپرامنتال، Supramental، (B) : عمیق ترین نقطه منحنی چانه (شکل ۵).
- پوگونیون، Pogonion : قدامی ترین نقطه استخوان ناحیه چانه (شکل ۵).
- گناسیون، Gnathion, (Gn) : قدامی ترین و تحتانی ترین نقطه ناحیه استخوان چانه (شکل ۵).
- متنون، Menton, (Me) : تحتانی ترین نقطه استخوان چانه (شکل ۵).

نقاط فوق از مهمترین شاخص هایی هستند که برای ساختن تعداد زیادی از خطوط و زوايا مورد استفاده قرار می گیرند. با ارزیابی روابط بین شاخص ها (خطوط و زوايا) به دست آمده از شاخص ها) می توان نوع تاهنجاری را تشخیص داد. به عنوان مثال اگر زاویه SNA (زاویه شاخص قدامی - خلفی فک بالا) از حد نرمال بیشتر باشد، می توان نتیجه گرفت که فک بالا جلوتر از حالت نرمال است، و یا اگر زاویه SNB (زاویه شاخص قدامی - خلفی فک پایین) کوچکتر از حد نرمال باشد، نتیجه گیری می شود که فک پایین عقب تر از حالت نرمال است.

۴- آنالیز اتوماتیک پیشنهادی

در این بخش روش پیشنهادی برای آنالیز اتوماتیک تصاویر سفالومتری به شرح زیر ارائه می‌شود.

۴-۱- کسب تصویر رقمی

برای آنالیز سفالومتری کامپیوتری ابتدا باید تصاویر مورد نیاز با دقت مکانی و دقت سطوح خاکستری هر چه بالاتر رقمی شوند. تصاویر سفالومتری معمولاً روی فیلم‌های رادیوگرافی استاندارد ثبت می‌شوند و دارای کانتراست و وضوح بالایی نیستند. لذا برای رقمی نمودن آنها باید از ابزار سیار دقیقی استفاده نمود. از این رو استفاده از دوربین‌های ویدیو و دیجیتایزرها معمول برای این کاربرد مناسب نمی‌باشد. در این پژوهش برای کسب تصاویر رقمی یک پویشگر معمولی مورد استفاده قرار گرفت. اما برای آنکه کیفیت مطلوب در تصاویر رقمی ظاهر شود، دستگاهی ساخته شد که هنگام پویش فیلم رادیوگرافی از بالا بر روی فیلم نور تابش کند. نور تابش شده یکنواخت اما دارای شدت قابل تنظیم است و برای فیلم‌های با کیفیت مختلف نتایج خوبی ایجاد نموده است. با کمک دستگاه مذبور تصاویر رادیوگرافی با دقت ۱/۰ میلیمتر و با ۲۵۶ سطح خاکستری رقمی گردید و برای پردازش به مراحل بعدی سیستم داده شد.

۴-۲- تعیین منحنی‌های شاخص

از متداولترین روش‌های شناسایی یک الگو روش «تطبیق الگو» است که در آن بین کلیشه‌ای از الگوی مورد نظر و نواحی مختلف تصویر همبستگی محاسبه می‌گردد و محل حداکثر شدن همبستگی به عنوان محل وجود الگو در تصویر مشخص می‌شود. مشکل اصلی این روش وابستگی شدید آن به کانتراست و روشنایی تصویر و زمانبند بودن محاسبات لازم است.

برای تعیین منحنی‌های موجود در یک تصویر می‌توان از تبدیل هاف نیز استفاده نمود. مزیت این روش در آن است که شناسایی منحنی‌ها براساس زاویه خط مماس بر هر نقطه از منحنی است و مانند روش تطبیق به کانتراست و روشنایی تصویر وابسته نیست. این ویژگی تبدیل هاف را برای تحلیل تصاویر رادیوگرافی با کانتراست‌ها و روشنایی‌های متفاوت روشی جذاب می‌گرداند. اما استفاده از تبدیل استاندارد هاف مشکلاتی نیز در بر دارد. از جمله این مشکلات آن که اگر منحنی

۴-۲- تشخیص لبه‌ها

باتوجه به آنکه منحنی‌های شاخص در تصاویر سفالومتری بر روی لبه‌ها قرار دارند و شناسایی دقیق این منحنی‌ها مبتنی بر نقشه لبه‌های تصویر است، لازم است نقشه لبه‌های تصویر تهیه گردد. استفاده از این نقشه همچنین دارای این مزیت است که می‌توان شناسایی منحنی‌های شاخص را با استفاده از روش هاف و تنهای بر روی لبه‌ها انجام و سرعت عملیات شناسایی را به مقدار قابل ملاحظه و چشمگیری افزایش داد. لذا در این مقاله روش جدیدی ارائه شد که قادر است لبه‌های تصویر را به صورت پیوسته و نازک شده و مطابق با تعریف ریاضی آنها تعیین کند.

روش ارائه شده مبتنی بر مشتق‌های جهت دار است، بدین ترتیب که مشتق‌های جهت دار تصویر در چهار جهت افقی، عمودی، ۴۵ درجه و ۱۳۵ درجه تعیین می‌شوند. باتوجه به اینکه مشتق جهت دار نشان دهنده تغییرات سطوح خاکستری در جهت مورد نظر است، وقتی از یک تصویر مشتق جهت دار گرفته می‌شود، لبه‌های پهنه‌ای ایجاد می‌شوند. نظر به اینکه لبه‌های

می باشد. این تعریف موجب بهبود چشمگیری در لبه های به دست آمده خواهد گردید.

۴-۲- اصلاح الگوریتم هاف

در تبدیل هاف یک منحنی معین مانند یک منحنی شاخص، نقطه مرجع دلخواهی مانند (X_0, Y_0) انتخاب می شود و زاویه خط مماس بر منحنی در هر نقطه آن تعیین می گردد. سپس جدولی که براساس زوایای خط مماس مرتب شده است تشکیل می شود. به این ترتیب به ازاء نقاطی که دارای زاویه خط مماس یکسان هستند، مقادیری که باید به مختصات نقاط اضافه شوند تا نقطه مرجع به دست آید، محاسبه شده و در جدول فوق ذخیره می شوند. از آنجا که زاویه گرادیان در حقیقت بیان کننده زاویه مماس بر منحنی در هر نقطه است، جدول فوق جدول زاویه گرادیان نامیده می شود.

با در درست داشتن جدول مورد بحث برای یک منحنی خاص، برای شناسایی آن منحنی در تصویر، ابتدا زاویه گرادیان برای هر نقطه از تصویر محاسبه می شود. اگر زاویه گرادیان مزبور در جدول موجود باشد، با توجه به جدول، نقاطی از تصویر که می توانند مرجع باشند، علامت گذاری می شوند. پس از اینکه برای تمام نقاط تصویر عملیات فوق انجام شد، نقطه ای از تصویر که بیشتر از نقاط دیگر مرجع واقع شده است، نشان دهنده نقطه مرجع منحنی مورد شناسایی می باشد.

در روش فوق مشکل اصلی آن است که اگر شکل منحنی موجود در تصویر با منحنی مدل مطابقت کامل نداشته باشد، شناسایی منحنی می تواند با شکست روبرو شود. اما در تصاویر سفالومتری زاویه گرادیان نمونه های مختلف منحنی های شاخص مشابه با یکدیگر کاملاً یکسان نیستند. لذا برای آنکه تبدیل هاف بتواند منحنی های مشابه مختلف را شناسایی کند، باید برای حالات مختلف یک منحنی مدل های مختلفی در نظر گرفته شود. این کار برای شناسایی منحنی های شاخص میسر نیست، چون حالات مختلف هر منحنی شاخص بسیار زیاد است. اما اگر این امر امکان پذیر هم بود، به علت زیاد بودن تعداد مدل ها سرعت شناسایی یک منحنی شاخص بسیار کاهش می یافتد.

در این پژوهش به منظور رفع مشکل فوق و افزایش قابلیت تعمیم و سرعت الگوریتم هاف تغییراتی به شرح زیر در این الگوریتم ایجاد گردید:

واقعی در حقیقت مکان هایی از تصویر هستند که تغییرات سطوح خاکستری در آنجا به حداقل میرسد، ماکزیمم های محلی نوارهای مذکور می توانند لبه های واقعی نازک شده را مشخص کنند. اگر مشتق های جهت دار را در چهار امتداد مورد بحث به صورت زیر در نظر بگیریم:

$$f_{0-180}(i,j) = |f(i-1,j) - f(i+1,j)| \quad (1)$$

$$f_{45-225}(i,j) = |f(i-1,j-1) - f(i+1,j+1)| \quad (2)$$

$$f_{90-270}(i,j) = |f(i,j-1) - f(i,j+1)| \quad (3)$$

$$f_{135-215}(i,j) = |f(i+1,j-1) - f(i-1,j+1)| \quad (4)$$

آنگاه با انتخاب مقادیر حداقل به صورت:

$$g_1(i,j) = \begin{cases} f_{0-180}(i,j) & f_{0-180}(i,j) > \text{Max}\{f_{0-180}(i-1,j), f_{0-180}(i+1,j)\} \\ 0 & \text{else} \end{cases} \quad (5)$$

$$g_2(i,j) = \begin{cases} f_{45-225}(i,j) & f_{45-225}(i,j) > \text{Max}\{f_{45-225}(i-1,j-1), f_{45-225}(i+1,j+1)\} \\ 0 & \text{else} \end{cases} \quad (6)$$

$$g_3(i,j) = \begin{cases} f_{90-270}(i,j) & f_{90-270}(i,j) > \text{Max}\{f_{90-270}(i,j-1), f_{90-270}(i,j+1)\} \\ 0 & \text{else} \end{cases} \quad (7)$$

$$g_4(i,j) = \begin{cases} f_{135-225}(i,j) & f_{135-225}(i,j) > \text{Max}\{f_{135-225}(i+1,j-1), f_{135-225}(i-1,j+1)\} \\ 0 & \text{else} \end{cases} \quad (8)$$

مقدار لبه را به صورت:

$$g(i,j) = g_1(i,j) + g_2(i,j) + g_3(i,j) + g_4(i,j) \quad (9)$$

تعریف می نماییم. در این تعریف، چون (i,j) الی (i_1, j_1) (ز به ترتیب لبه های نازک شده در امتدادهای i_1, j_1 ، i_2, j_2 و i_3, j_3 درجه را می دهد، مقدار (i,j) g که برابر مجموع آنهاست، حاوی تأثیر وجود لبه ها در همه امتدادهای فوق

به دلیل اینکه قطر ذرات حساست فیلم‌های رادیوگرافی حدود ۱ / ۰ میلیمتر است، حداکثر دقت مکانی که می‌توان برای تصاویر رادیوگرافی در نظر گرفت، برابر با ۱ / ۰ میلیمتر خواهد بود. از سوی دیگر اندازه یک تصویر رادیوگرافی نیمرخ ۱۸×۲۲ سانتیمتر می‌باشد و لذا دقت مکانی تصویر برابر با ۱۸۰۰ × ۲۳۰۰ نقطه می‌شود. اما کار با تصویری با این اندازه دشوار بوده، سیستم دارای سرعت بالا نخواهد بود. برای رفع این مشکل، ابتدا تصویر را کوچک نموده و با تبدیل هاف اصلاح شده شکل و موقعیت تقریبی منحنی شاخص را به دست می‌آوریم. آنگاه با داشتن این اطلاعات و بکارگیری یک الگوریتم «تشخیص دقیق»، شکل و محل دقیق منحنی شاخص را تعیین می‌کنیم. مراحل شناسایی تقریبی منحنی‌های شاخص به طور خلاصه به صورت زیر خواهد بود:

۱- کوچک کردن ابعاد تصاویر در این پروژه با تقسیم تصویر به بلوک‌های ۳×۳ و انتخاب مقدار میانه هر بلوک به جای بلوک انجام شده است. این روش علاوه بر آنکه حداقل تأثیر را در مخدوش کردن لبه‌ها خواهد داشت، موجب حذف نویز از تصویر نیز می‌گردد.

۲- نقشه لبه‌ها در واقع حاوی منحنی‌های شاخص می‌باشد ولذا بایستی به مطلوبترین وضع تعیین شود. این کار با اعمال روش پیشنهاد شده در بخش ۱-۲-۴ بر روی تصویر کوچک شده انجام و نقشه بهسازی شده‌ای از لبه‌ها ایجاد می‌شود.

۳- باتوجه به جدول زاویه گرادیان منحنی شاخص و نقشه لبه به دست آمده، شکل و موقعیت تقریبی منحنی شاخص توسط تبدیل هاف اصلاح شده معین می‌شود. برای افزایش سرعت شناسایی می‌توان به جای جستجو در کل تصویر، تنها در محدوده‌ای از تصویر که با توجه به اطلاعات آماری به دست آمده از تصاویر رادیوگرافی نیمرخ، امكان وجود منحنی‌های شاخص در آن زیاد است، جستجو کرد. همچنین می‌توان زاویه گرادیان را فقط برای لبه‌های تصویر تعیین و با استفاده از جدول زاویه گرادیان مدل منحنی شاخص و تبدیل هاف، موقعیت و شکل تقریبی منحنی‌های شاخص را تعیین نمود.

۴-۲-۴- موقعیت دقیق منحنی‌های شاخص

پس از تعیین شکل و موقعیت تقریبی منحنی‌های

۱- برای هر زاویه گرادیان به جای آنکه فقط یک مقدار در نظر گرفته شود، یک همسایگی خاص در نظر گرفته می‌شود. این همسایگی در تنظیم جدول و در عملیات شناسایی به کار گرفته می‌شود. شاعع همسایگی برای زوایای مختلف متفاوت است و باتوجه به اطلاعات آماری استخراج شده از تصاویر نمونه به دست می‌آید. با این عمل از آنجا که زاویه گرادیان برای منحنی‌های مشابه در تصاویر رادیوگرافی دقیقاً یکسان نیست، وابستگی شدید تبدیل هاف به زاویه گرادیان از بین می‌رود. به منظور تشکیل جدول زاویه گرادیان منحنی‌های شاخص، ابتدا حالات ممکن برای هر منحنی شاخص از روی تصاویر رادیوگرافی متعدد تعیین می‌شود و بهترین نقطه شاخص بر روی منحنی شاخص به عنوان نقطه مرجع در نظر گرفته می‌شود. آنگاه نمونه‌های مختلف هر منحنی شاخص در نقطه مرجع روی هم قرار داده شده محدوده تغییرات هر منحنی شاخص تعیین و مدل منحنی شاخص به صورت میانگین محدوده تغییرات در نظر گرفته می‌شود.

۲- با داشتن یک مدل برای هر منحنی شاخص به هنگام محاسبه نقطه مرجع در عملیات شناسایی، به جای تعیین یک نقطه به عنوان نقطه مرجع، یک همسایگی خاص افقی یا عمودی به عنوان ناحیه نقطه مرجع تعیین می‌شود. مزیت این عمل آن است که علاوه بر بالا بردن انعطاف در تبدیل هاف، در نظر گرفتن تنها یک مدل برای هر منحنی شاخص لازم می‌شود و لذا سرعت شناسایی افزایش می‌یابد. در واقع با شروع از یک سوی مدل منحنی شاخص، زاویه گرادیان حداقل و حداکثر برای هر نقطه از مدل منحنی تعیین می‌شود و برای هر نقطه از مدل منحنی شاخص، باتوجه به محدوده تغییرات منحنی شاخص، اندازه همسایگی عمودی برای قسمت افقی منحنی با اندازه همسایگی افقی برای قسمت عمودی منحنی جهت تعیین همسایگی نقطه مرجع تعیین می‌گردد. بدین ترتیب می‌توان جدول زاویه گرادیان هر منحنی شاخص را تکمیل کرد.

۴-۲-۳- موقعیت تقریبی منحنی‌های شاخص

باتوجه به رشد محدود مجموعه جمجمه‌ای- صورتی (حدود یک تا ده میلیمتر در سال) لازم است دقت اندازه گیری میزان رشد کمتر از ۵ / ۰ میلیمتر باشد.

کیفیت نامطلوب یا از بین رفته باشد، این الگوریتم قادر به بازسازی و ترمیم قسمت مزبور می‌باشد. تا این مرحله منحنی شاخص دقیق در تصویر کوچک شده بdest آمده است. حال برای آنکه شکل و موقعیت دقیق منحنی شاخص در تصویر اصلی مشخص شود، از الگوریتم مشابه الگوریتم تشخیص دقیق فوق دوباره در تصویر اصلی استفاده می‌شود.

۴-۳- تعیین نقاط شاخص و روابط بین آنها

با تعیین دقیق موقعیت منحنی‌های شاخص در تصویر اصلی و باتوجه به تعاریف ریاضی، نقاط شاخص محاسبه می‌گردد. محل تلاقی دو بخش منحنی درز بینی - پیشانی را به عنوان نقطه N در نظر می‌گیریم. باتوجه به زوایای گرادیان نقاط روی منحنی سلاتورسیکا، خطوط عمود بر خط مماس بر منحنی را بدست آورده، متوسط محل تلاقی آنها را به عنوان مرکز انحنای منحنی سلاتورسیکا مشخص می‌کنیم. برای تعیین سایر نقاط شاخص، ابتدا باید تصویر را در حالت استاندارد (زاویه SN با افق برابر ۷ درجه) قرار داد. برای این کار تصویر را به اندازه لازم می‌چرخانیم. بر روی منحنی سمفیز، بیرونی ترین نقطه سمت راست و بالا و بیرونی ترین نقطه سمت راست و پایین منحنی را مشخص می‌کنیم. محل تلاقی عمود منصف خط بدست آمده از این دو نقطه با منحنی سمفیز نقطه B را به ما می‌دهد. به روش مشابه نقطه A بر روی منحنی پرمگزیلا مشخص می‌شود. بیرونی ترین و پایین ترین نقطه سمت راست منحنی سمفیز نقطه Pog است، و پایین ترین و جلوترین نقطه این منحنی نقطه گناسیون، و پایین ترین نقطه آن نقطه متtron است. نقطه ANS نیز محل تلاقی دو بخش منحنی پرمگزیلا می‌باشد. بعد از بدست آوردن نقاط شاخص، روابط بین آنها محاسبه گردید. این روابط شامل زوایای، ANB، SNB، SNA، زاویه SN با افق، فواصل بین نقاط شاخص مختلف و ترکیبات آنها می‌باشند.

۵- نتایج نمونه و ارزیابی روش

برای ارزیابی روش پیشنهاد شده در این پژوهش، ابتدا تعداد یکصد تصویر سفالومتری متنوع انتخاب و رقمی گردید. آنگاه با آنالیز تصاویر به روش ذکر شده، اطلاعات لازم برای تشکیل مدل‌های منحنی‌های شاخص از روی آنها استخراج و مدل‌ها تشکیل گردید. مدل‌های

شاخص، با استفاده از الگوریتم «تشخیص دقیق» شکل و موقعیت دقیق منحنی‌های شاخص تعیین می‌گردد. الگوریتم تشخیص دقیق شامل مراحل زیر است:

۱- یک همسایگی افقی ثابت برای قسمت عمودی منحنی و یک همسایگی عمودی ثابت برای قسمت افقی منحنی برای هر نقطه از منحنی شاخص تقریبی در نظر گرفته می‌شود. از روی نقشه لبه تصویر در هر همسایگی افقی یا عمودی، نقطه‌ای که دارای بیشترین مقدار گرادیان است، تعیین می‌شود. منحنی حاصل از این نقاط احتمالاً دارای شکستگی‌هایی می‌باشد. برای حذف این شکستگی‌ها از قدم‌های زیر استفاده می‌کنیم.

۲- منحنی‌هایی که از نقاط به dest آمده در قدم ۱ تشکیل شده‌اند و دارای شرایط زیر هستند به منظور تشکیل منحنی شاخص انتخاب می‌گردند:

الف- منحنی دارای پیوستگی بوده و امتداد منحنی متناسب با امتداد مدل منحنی شاخص در آن ناحیه باشد.

ب- زاویه گرادیان نقاط منحنی‌ها در محدوده قابل قبول برای منحنی‌های شاخص باشد. محدوده زاویه گرادیان باتوجه به موقعیت نقطه از روی جدول مدل منحنی شاخص تعیین می‌شود.

ج- هر قطعه منحنی باید حداقل دارای سه نقطه باشد. ترکیبات دو نقطه‌ای و نقاط تنها را در نظر نمی‌گیریم.

۳- منحنی‌های مجاور انتخاب شده در این مرحله در صورتی که شرایط زیر ارضاء شود به یکدیگر متصل می‌شوند:

الف- در رفتن از انتهای یک منحنی به ابتدای منحنی مجاور، حرکت در مسیر بیشترین مقدار گرادیان باشد.

ب- زاویه گرادیان نقاط اتصال در محدوده قابل قبول برای منحنی شاخص باشد. محدوده زاویه گرادیان باتوجه به موقعیت منحنی در منحنی شاخص تعیین می‌شود.

ج- در صورتی که اتصال بین منحنی‌ها با شرایط فوق انجام نشود، اتصال بین منحنی‌ها باتوجه به ابتدای منحنی مدل در این ناحیه بازسازی می‌شود. لازم به تأکید است که به علت جستجوی الگوریتم در مسیر بیشترین گرادیان، منحنی شاخص به طور دقیق بدست می‌آید و حتی اگر قسمتی از تصویر دارای

سفالومتری ارائه گردید. تصاویر سفالومتری با یک دستگاه اسکنر معمولی که به کمک یک دستگاه ساخته شده از بالا بر آنها نور تابانده می شد، رقمنی گردید و مورد پیش پردازش قرار گرفتند. لبه ها با استفاده از یک روش پیشنهادی استخراج شد و برای منحنی های شاخص مختلف مدل هاف تعریف گردید. این مدل با ایجاد تغییراتی در تبدیل هاف و از روی نمونه های متعدد هر منحنی شاخص بدست آمد. با استفاده از مدل های بدست آمده، عملکرد روش با روش دستی مقایسه گردید و کارآئی و دقت آن نسبت به روش دستی مورد تأیید قرار گرفت.

روش مورد بحث نسبت به سیستم های مشابه مزایای متعددی دارد، از جمله آنکه سخت افزار لازم برای اجرای روش تا حد کامپیوترهای شخصی و اسکنرهای معمولی پایین آورده شده، تحلیل تصاویر نیازی به ملاحظه انسان ندارد، الگوریتم های بکار رفته سریع بوده و در تصویر و با هر درجه روشنایی و کانتراست قابل اجرا هستند و هزینه سیستم به طور قابل ملاحظه ای کاهش یافته است.

مربوط به منحنی های درز بینی - پیشانی، پرماغزیلا، سلاتورسیکا و سمفیز به ترتیب در جدول های شماره ۱ الی ۴ ارائه شده اند. در این جدول ها برای چهار مدل مذکور به ترتیب نقاط B, S, A, N روی مبدأ مختصات قرار داده شده اند و مختصات نسبی سایر نقاط روی منحنی ها ارائه شده اند. با داشتن مدل های منحنی های شاخص، تعداد ۵۰ عدد تصویر سفالومتری بکار گرفته شد تا کارآئی روش مطالعه شود. یک نمونه از تصاویر مذبور به صورت تصویر اولیه اصلی، نقشه لبه کوچک شده آن که منحنی ها و نقاط شاخص دقیق روی آن نشان داده شده اند، نقشه لبه تصویر اصلی و منحنی های شاخص دقیق پیدا شده در تصویر اصلی برای آن در شکل های ۷، ۸ و ۹ نمایش داده شده اند. نتایج برای ۵۰ تصویر مذبور مشخص و با نتایج بدست آمده به صورت دستی (tracing) توسط متخصصین ارتوونسی مقایسه گردید. این مقایسه نشان داد که سیستم اتوماتیک پیشنهادی دارای دقت و کارآئی بسیار بالایی بوده می تواند به نحو مطلوبی در تحلیل تصاویر سفالومتری مورد استفاده قرار گیرد.

۶- خلاصه

در این مقاله سیستمی برای تحلیل اتوماتیک تصاویر

جدول (۱) مدل منحنی درز بینی - پیشانی (مختصات نسبی نقاط با انتقال نقطه N به مبدأ)

(-۳۰, ۷)	(-۲۹, ۷)	(-۲۸, ۷)	(-۲۷, ۷)	(-۲۶, ۷)	(-۲۵, ۷)	(-۲۴, ۷)
(-۲۲, ۷)	(-۲۲, ۷)	(-۲۱, ۷)	(-۲۰, ۷)	(-۱۹, ۷)	(-۱۸, ۷)	(-۱۷, ۷)
(-۱۶, ۶)	(-۱۵, ۶)	(-۱۴, ۶)	(-۱۳, ۵)	(-۱۲, ۵)	(-۱۱, ۵)	(-۱۰, ۴)
(-۹, ۴)	(-۸, ۴)	(-۷, ۳)	(-۶, ۳)	(-۵, ۳)	(-۴, ۲)	(-۳, ۲)
(-۲, ۱)	(-۱, ۱)	(۰, ۰)	(۱, ۱)	(۲, ۲)	(۳, ۲)	(۴, ۲)
(۵, ۴)	(۶, ۵)	(۷, ۵)	(۸, ۶)	(۹, ۶)	(۱۰, ۷)	(۱۱, ۷)
(۱۲, ۸)	(۱۳, ۸)	(۱۴, ۹)	(۱۵, ۱۰)	(۱۶, ۱۱)	(۱۷, ۱۲)	(۱۸, ۱۳)
(۱۹, ۱۴)	(۲۰, ۱۵)	(۲۱, ۱۶)	(۲۲, ۱۷)	(۲۳, ۱۸)	(۲۴, ۱۹)	(۲۵, ۲۰)
(۲۶, ۲۱)	(۲۷, ۲۲)	(۲۸, ۲۳)	(۲۹, ۲۴)	(۳۰, ۲۵)		

جدول (۲) مدل منحنی پرماگزیلا (مختصات نسبی نقاط با انتقال نقطه A به مبدأ)

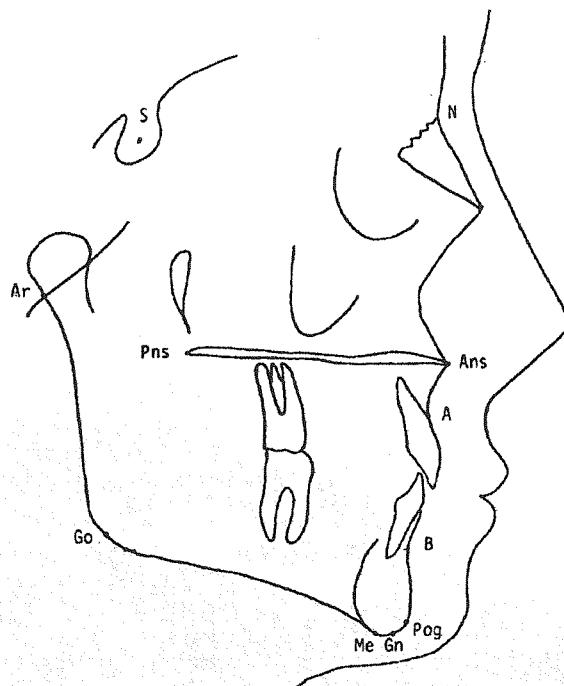
(-۲۰, -۷)	(-۲۰, -۸)	(-۲۰, -۵)	(-۲۰, -۴)	(-۲۰, -۳)	(-۲۰, -۲)	(-۲۰, -۱)
(-۲۰, ۱)	(-۲۰, ۲)	(-۲۰, ۳)	(-۲۰, ۴)	(-۱۹, ۵)	(-۱۸, ۵)	(-۱۷, ۴)
(-۱۶, ۴)	(-۱۵, ۳)	(-۱۴, ۳)	(-۱۳, ۳)	(-۱۲, ۲)	(-۱۱, ۲)	(-۱۰, ۲)
(-۹, ۱)	(-۸, ۱)	(-۷, ۱)	(-۶, ۰)	(-۵, ۰)	(-۴, ۰)	(-۳, ۰)
(-۲, ۰)	(-۱, ۰)	(۰, ۰)	(۱, ۰)	(۲, ۰)	(۳, ۰)	(۴, ۰)
(۵, ۰)	(۶, ۰)	(۷, ۱)	(۸, ۱)	(۹, ۱)	(۱۰, ۲)	(۱۱, ۲)
(۱۲, ۲)	(۱۳, ۳)	(۱۴, ۳)	(۱۵, ۳)	(۱۶, ۴)	(۱۷, ۴)	(۱۸, ۴)
(۱۹, ۵)	(۲۰, ۵)	(۲۱, ۶)	(۲۲, ۶)	(۲۳, ۷)	(۲۴, ۷)	(۲۵, ۸)
(۲۶, ۹)	(۲۷, ۱۰)	(۲۸, ۱۱)	(۲۹, ۱۲)	(۳۰, ۱۳)	(۳۱, ۱۴)	(۳۲, ۱۵)
(۳۲, ۱۶)	(۳۴, ۱۷)	(۳۵, ۱۸)	(۳۶, ۱۹)	(۳۶, ۱۹)	(۳۵, ۱۸)	(۳۴, ۱۷)
(۳۳, ۱۶)						

جدول (۳) مدل منحنی سلاتورسیکلا (مختصات نسبی نقاط با انتقال نقطه S به مبدأ)

(-۸, ۱۰)	(-۷, ۹)	(-۶, ۹)	(-۵, ۸)	(-۴, ۸)	(-۳, ۸)	(-۲, ۸)
(-۱, ۸)	(۰, ۸)	(۱, ۷)	(۲, ۷)	(۳, ۶)	(۴, ۶)	(۵, ۵)
(۷, ۳)	(۷, ۲)	(۸, ۱)	(۸, ۰)	(۸, -۱)	(۷, -۲)	(۷, -۳)
(۸, ۴)	(۷, -۴)	(۶, -۵)	(۵, -۶)	(۴, -۷)	(۳, -۷)	(۲, -۸)
(۱, -۸)	(۰, -۸)	(-۱, -۸)	(-۲, -۸)	(-۳, -۹)	(-۴, -۱۰)	(-۵, -۱۱)
(-۶, -۱۲)	(-۷, -۱۳)					

جدول (۳) مدل منجني سمفيري (مختصات نسبی نقاط با انتقال نقطه B به مبدأ)

(-۲۵, ۸)	(-۲۶, ۰۹)	(-۲۷, ۱۰)	(-۲۸, ۱۱)	(-۲۸, ۱۲)	(-۲۸, ۱۳)	(-۲۸, ۱۴)
(-۲۸, ۱۵)	(-۲۷, ۱۶)	(-۲۶, ۱۶)	(-۲۵, ۱۶)	(-۲۴, ۱۶)	(-۲۳, ۱۵)	(-۲۲, ۱۵)
(-۲۱, ۱۵)	(-۲۰, ۱۴)	(-۱۹, ۱۴)	(-۱۸, ۱۳)	(-۱۷, ۱۲)	(-۱۶, ۱۲)	(-۱۵, ۱۲)
(-۱۴, ۱۱)	(-۱۳, ۱۰)	(-۱۲, ۹)	(-۱۱, ۸)	(-۱۰, ۷)	(-۹, ۶)	(-۸, ۵)
(-۷, ۴)	(-۶, ۳)	(-۵, ۲)	(-۴, ۲)	(-۳, ۱)	(-۲, ۱)	(-۱, ۰)
(+, +)	(1, -1)	(2, -1)	(3, -1)	(4, -1)	(5, -1)	(6, -1)
(7, -1)	(8, -1)	(9, -1)	(10, -1)	(11, -1)	(12, -1)	(13, -1)
(14, -1)	(15, -1)	(16, -1)	(17, -1)	(18, -1)	(19, -1)	(20, -1)
(21, -1)	(22, -2)	(23, -2)	(24, -2)	(25, -3)	(26, -4)	(27, -4)
(28, -5)	(29, -6)	(30, -7)	(30, -8)	(30, -9)	(30, -10)	(30, -11)
(30, -12)	(30, -13)	(30, -14)	(29, -15)	(29, -16)	(28, -17)	(28, -18)
(27, -19)	(27, -20)	(26, -21)	(25, -22)	(24, -23)		



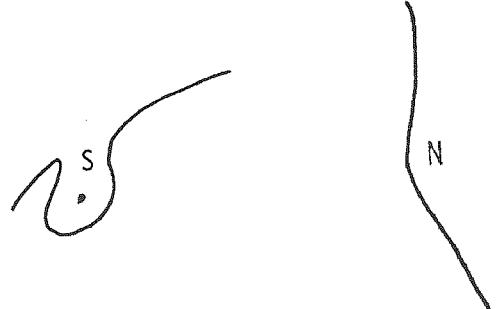
شکل (۱) شماتیک رادیو گرافی نیموجه و نقاط شاخص سفالومتری



شکل (۵) منحنی سمفیز



شکل (۶) منحنی پرماغزیلا



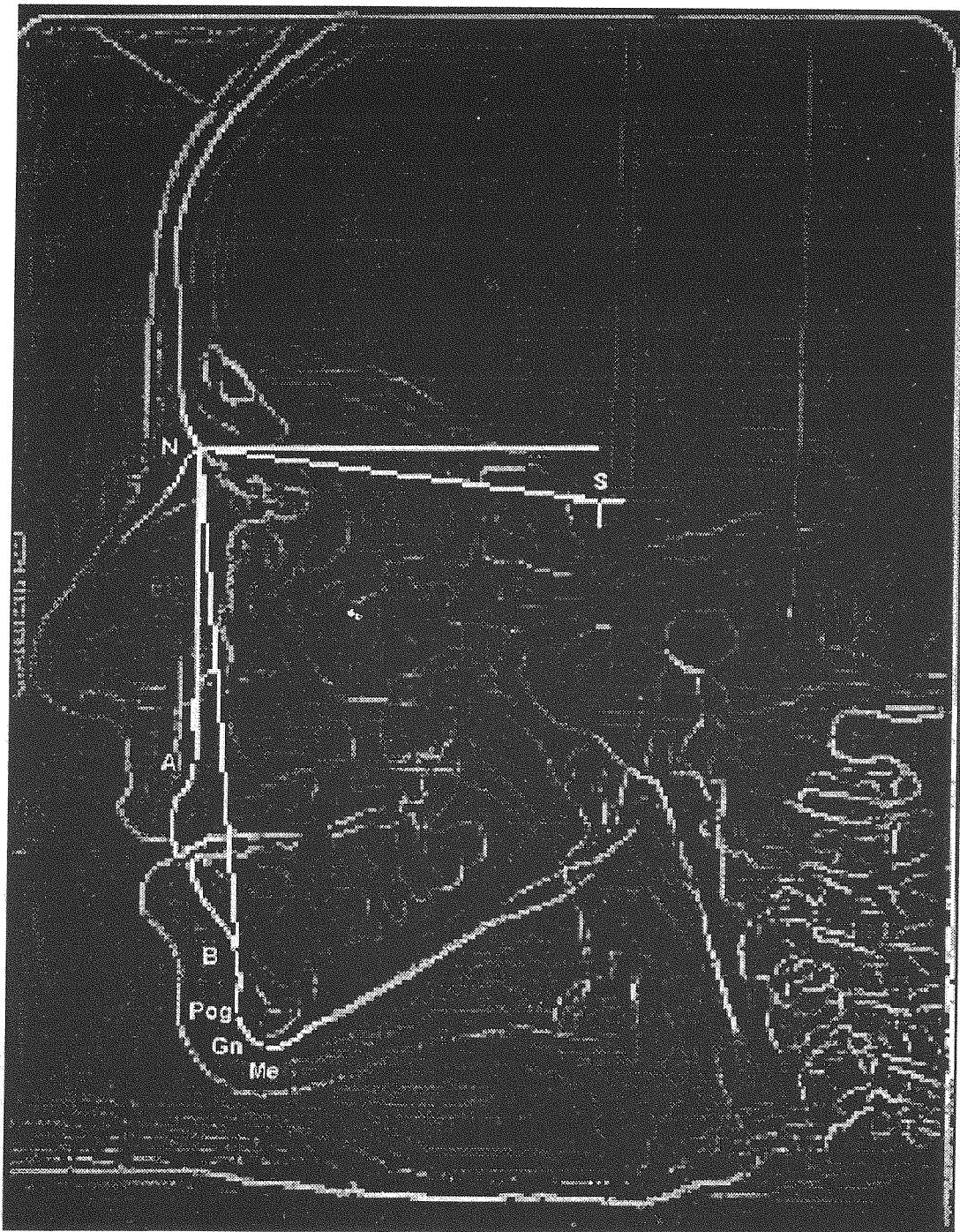
شکل (۷) منحنی سلاتور سیکلا

شکل (۸) منحنی درز بینی - پیشانی

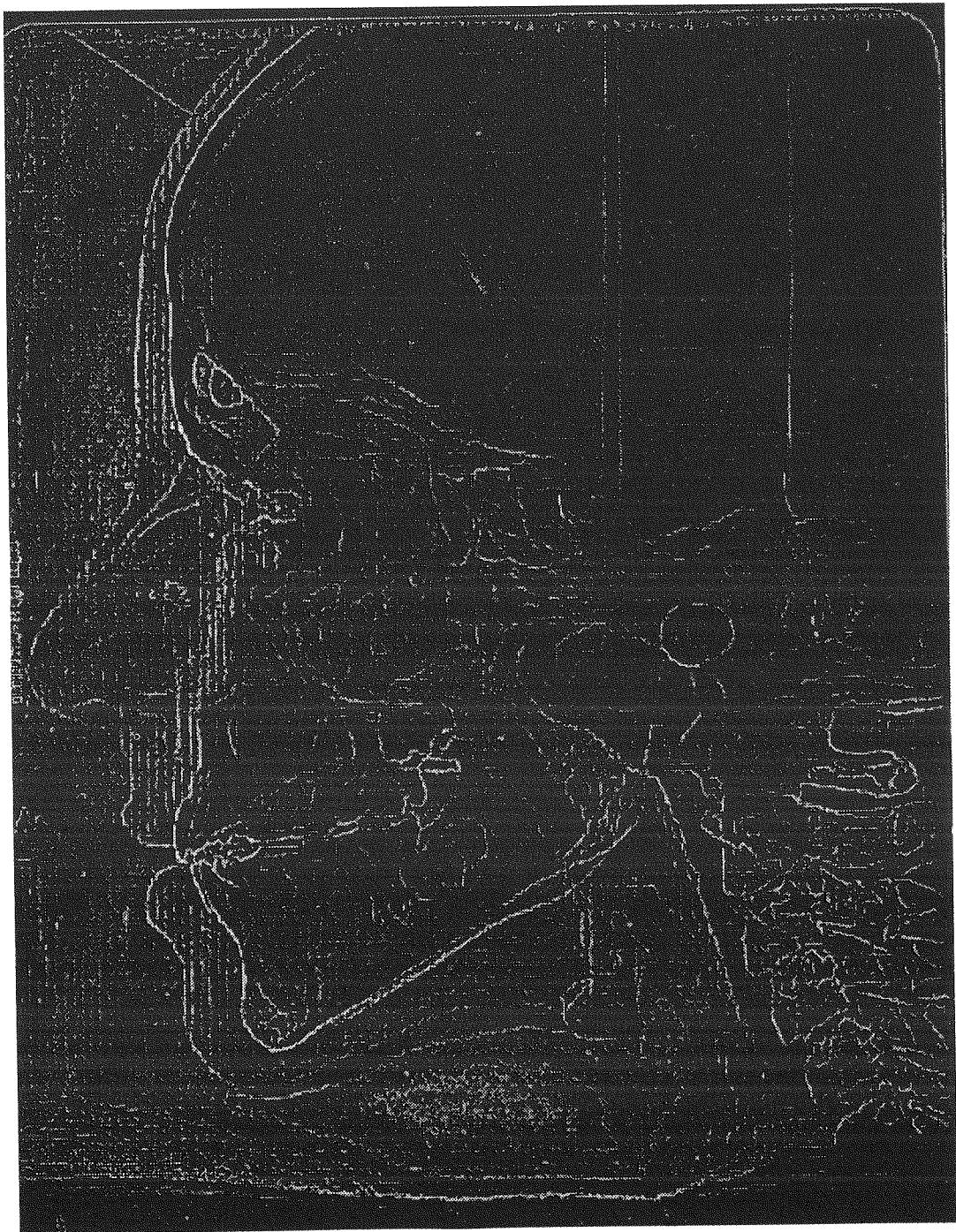


امیرکبیر / سال دهم / شماره ۴۰

شکل (۶) تصویر سفالومتری اولیه



شکل (۷) نقشه لبه ها برای تصویر سفالومتری کوچک شده .



شکل (۸) نقشه لبه ها برای تصویر سفالومتری اولیه.



شکل (۹) منحنی ها و نقاط شاخص پیدا شده .

مراجع

- [1] R. E. Moyers [1973]. "Handbook of Orthodontics", 3rd ed., Chicago: Mosby-Year Book.
- [2] T. Rakosi [1979]. "An Atlas and Manual of Cephalometric Radiography", Munchen: Hanser.
- [3] W. Proffit [1993]. "Contemporary Orthodontics". 2nd ed., New York: George Stathis.
- [4] J. Sugaware [1980]. "Analysis of Mandibular form in Orthodontics", MEDINFO 80, PP. 1168-1172.
- [5] P.H. Jackson [1985]. "Digital Image Processing of Cephalometric Radiographs", British Journal of Orthodontics, Vol. 12, pp. 122-132.
- [6] A. Jager, and W. Doler [1989], "Digital Image Processing in Cephalometric Analysis", Schweiz Monatsschr Zahnmed, Vol. 99, No. 1, pp. 19-23.
- [7] W. Doler, N. Steinhofel and A. Jager [1991]. "Digital Image Processing Techniques for Cephalometric Analysis", Comput. Biol. Med., Vol. 21, No. 1/2, pp. 23-33.
- [8] A. M. Cohen [1984]. "A Preliminary Study of Computer Recognition and Identification of Skeletal Landmarks as a New Method of Cephalometric Analysis", British Journal of Orthodontics, vcol. 11, No. 3. pp. 143.
- [9] A. D. Lavy-Mandel [1986]. "Knowledge Based Landmarking of Cephalograms," Computers and Biomedical Research, Vol. 19. pp. 282-309.
- [10] Z. Hussain [1994]. "Digital Image Processing", London: Addison Wesley.
- [11] W. K. Pratt [1978]. "Digital Image Processing", New York: Wiley.
- [12] A. Rosenfeld, and Kak, A. V. [1976]. "Digital Image Processing", New York: Academic Press.
- [13] R. C. Gonzalez, and P. Wintz [1987]. "Digital Image Processing" London: Addison Wesley.
- [14] S. Baumrind, and R. Frantz [1971]. "The Reliability of Headfilm Measurements. Part 1. Landmark Identification", Am. J. Orthod Vol. 60, pp. 111-127.
- [15] B. Solow [1970]. "Computers in Cephalometric Research", Comput . Biol. Med,Vol, 1, pp. 41-49.