

# بررسی تئوریک طراحی و ساخت آنتن موجبری شکافدار برای کاربرد در رادار باند X

دکتر محمد سلیمانی

استادیار دانشگاه علم و صنعت ایران

مهندس شروین امیری

پژوهشگر صنایع مخابرات ایران (صما)

چکیده

امروزه آرایه‌های موجبری شکافدار کاربرد فراوانی دارند و در بسیاری از سیستم‌های رادار و تجهیزات مخابراتی که نیاز به آنتنی با پرتوی بایم بازیک دارند به کار گرفته شده‌اند. این آنتن‌ها خصوصاً "برای هواپیماها و وسایل ناوی بری" که نیاز به وزن سبک و جارو نمودن حجم کوچکی از فضا دارند، بسیار مناسب می‌باشد. در این مقاله نوع خطی و رزونانسی این نوع آنتن‌ها با شکاف روی دیواره کوچک موجبر مورد بررسی قرار گرفته و مراحل طراحی و ساخت به همراه نتایج تست آنتن ساخته ارائه گردیده است.

## The Design and Analysis of Linear Slotted Waveguide Antenna for a X-Band Radar

M. Solimani, Ph. D

Iran Sci. and Tech. Univ.

and

Sh. Amiri, M.Sc.

Ministry of Defence Iran

## ABSTRACT

The slotted waveguide array antennas have found applications in many microwave communication and radar systems requiring narrowbeam or shaped beam patterns. They are particularly useful in airborne and navigation applications where lightweight and small scan volume are important. Discussions in this paper have been limited to linear and resonant slotted waveguide array antenna, with the slots on the narrow side of wave guide. The steps of design analysis along with experimental tests has been discussed.

## ۱- مقدمه

در مقایسه، این آنتن با آنتن سهمی معادل خود مزایای زیر مشخص می‌شود:

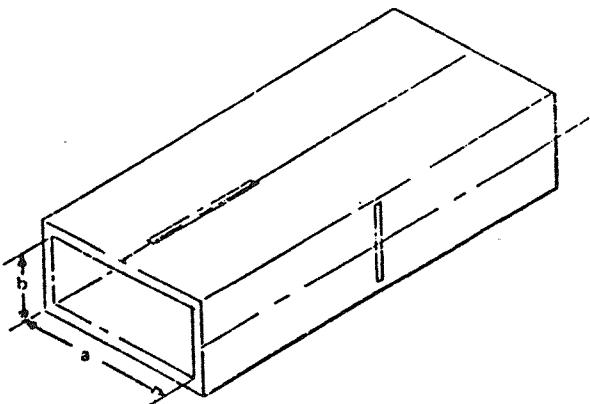
(الف) توزیع میدان در دهانه، آن از نظر دامنه و فاز قابل کنترل است.

(ب) بدلیل نداشتن قید اولیه دارای تشبع به سمت عقب نیست.

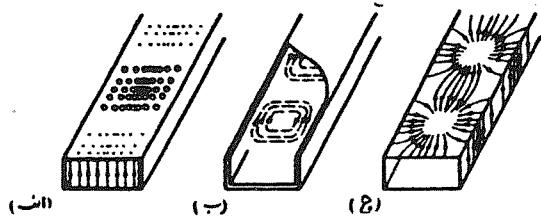
(ج) تکنیک ساخت آن ساده‌تر بوده و به صورت مجتمعتری می‌تواند ساخته شود.

آرایه‌های موجبری از سال ۱۹۵۰ در بسیاری از کاربردهای عملی گستردگی داشتند در سیستم‌های رادار هواپیماها و وسایل ناوی بری و دریابی به کار گرفته می‌شوند.

آرایه‌های میکروویو نظامی و تجاری جایگزین آنتن‌های سهمی شده و سیستم‌های میکروویو نظامی و تجاری جایگزین آنتن‌های سهمی شده است.



شکل (۲-۲) شکافهای غیرتشعشعی برش داده شده روی دیوارهای موجبر



الف- توزیع میدان الکتریکی  
ب- توزیع میدان مغناطیسی  
ج- توزیع جریان روی دیوارهای

در مقابل شکافهای غیرتشعشعی طوری روی دیوارهای بریده می‌شوند که بعد طولی آنها موازی با خطوط جریان بوده و انتشارش کمی در توزیع جریان ایجاد نمایند. در این حال توزیع میدان توسط شکاف به فضای آزاد قابل صرف نظر بوده و می‌توان از آن جهت مطالعه، میدانهای داخلی موجبر، اندازه‌گیری امیدانس و یا VSWR استفاده نمود. میدانی که مولفه‌های میدان در داخل موجبر را می‌توان به فرم نرمالیزه شده زیر بیان نمود:

$$\begin{array}{ll}
 \text{Mod} & \text{Mod} \\
 \text{TE}_{mn} & \text{TM}_{mn} \\
 H_z = J H_{az} e^{\mp \gamma_a z} & E_z = \pm J E_{az} e^{\mp \gamma_a z} \\
 \\ 
 \vec{H}_t = \vec{H}_{at} e^{\mp \gamma_a z} & \vec{E}_t = \vec{E}_{at} e^{\mp \gamma_a z} \\
 \vec{E}_t = \vec{E}_{at} e^{\mp \gamma_a z} & \vec{H}_t = \vec{H}_{at} e^{\mp \gamma_a z}
 \end{array} \quad (2-1)$$

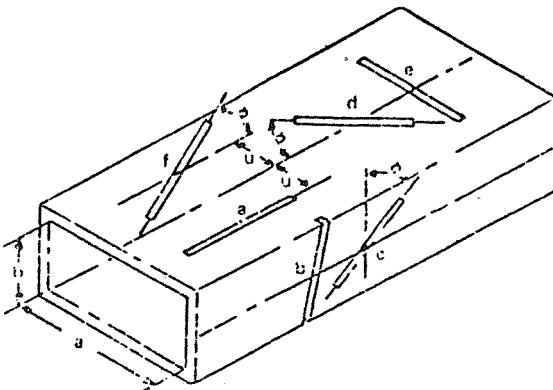
در روابط (۲-۱) اندیس  $a$  مخفف اندیس دوبل  $mn$  شده است، همچنین داریم:

مقایسه آرایه‌های موجبری با آرایه‌های مایکرواستریپی نیز نشان می‌دهد که هرچند آنتنهای میکرواستریپی دارای ساخت آسان‌تر، قیمت ارزان‌تر و با وزن کمتر می‌باشد. لیکن بدليل افزایش بیش از حد افت و تغییر رفتار آنها که وابسته به ماده دیالکتریک به کار رفته در آن است، بهطور محدودتری در سیستمهای راداری به کار گرفته می‌شوند. خصوصاً در رادارهای اکتیو که وظیفه ارسال و دریافت توان استفاده از آرایه‌های مایکرواستریپی نیست.

شوری کار این آنتنها شبیه به تحلیل آرایه‌های دیلی ایده‌آل است که می‌توان با انتخاب فاصلهٔ بین دیلیها و نیز دامنه و فاز تغذیه آنها پرتوی تشعشعی دلخواه را بدست آورد.

نباز به سیستمهای رادار با  $SLL$  کمتر و راندمان بالاتر باعث شده است که مشخصات شکافهای ایجاد شده روی موجر با دقت بیشتری تعیین شده و نیز در مرحله ساخت دقت بالاتری به کار گرفته شود. آنتن‌های آرایه‌ای موجبر شکافدار از نظر نوع سه‌هزونانسی و غیرزونانسی، خطی و صفحه‌ای دسته‌بندی می‌شوند، که نوع خطی و رزونانسی آن مورد نظر ما می‌باشد.

**۲- اصول تئوری تشعشع از شکافهای با تغذیه موجبری**  
شکافهای ایجاد شده روی دیوارهای موجبر را به طور کلی می‌توان بهدو دسته تشعشعی و غیرتشعشعی تقسیم بندی نمود، که به ترتیب در شکلهای (۲-۱) و (۲-۲) تماشی داده شده‌اند. شکل (۲-۳) نحوه توزیع جریان روی دیوارهای موجبر و میدانهای الکتریکی و مغناطیسی داخل آن را زمانی که تنها مود  $TE_{10}$  در داخل موجبر منتشر شود را نشان می‌دهد.



شکل (۲-۱) شکافهای تشعشع کننده برش داده شده روی دیوارهای موجبر

چنانچه شکاف بریده شده روی موجبر، فلوی جریان سطحی روی دیوارهای را قطع نماید، باعث ایجاد اغتشاش قابل توجهی در توزیع جریان شده و سبب کوپل میدان داخلی به فضای خارج خواهد شد. میزان این کوپلار وابسته به دانسیته، جریان سطحی در محلی است که شکاف بریده می‌شود. بنابراین میزان کوپلار را می‌توان توسط تنظیم جهت شکاف تغییر داد.

معادلهٔ قدرتی، نحوهٔ تحریک شکافها را با محل برش شکاف و یا زاویهٔ انحراف آن مرتبط ساخت. امکان برقراری این ارتباط به سه علت ممکن است:

- الف) قابل محاسبه بودن موج تابش
- ب) قابل محاسبه بودن قدرت تشعشع شده در صورت معلوم بودن میدان در دهانهٔ شکاف.
- ج) قابل محاسبه بودن میدانهای پراکنده شده به طرف عقب و جلو در داخل مجبر در صورت معلوم بودن میدان الکتریکی در دهانهٔ شکاف.

به منظور بدست آوردن ارتباط بین میدانهای پراکنده شده در داخل مجبر با نحوهٔ توزیع میدان در داخل دهانه، شکاف، از قضیه هم‌پاسخی استفاده می‌نماییم. اگر  $(E_1, H_1)$  میدانهای پراکنده شده حاصل از برخورد شکاف با موج تابشی و  $(E_2, H_2)$  میدانهای معمولی داخل مجبر باشد و سطح  $S$  را یک متوازی‌السطح مستطیلی که محصور بهصفحات  $Z = Z_1$  ( $S_1$ ) و  $Z = Z_2$  ( $S_2$ ) دیوارهٔ جانسی مجبر باشد، در نظر بگیریم، چون میدانهای  $(E_1, H_1)$  و  $(E_2, H_2)$  در معادلات ماکسول در این حجم بسته  $(V)$  صدق می‌کنند و با توجه بهاین‌که هیچ منبعی در داخل سطح مسدود  $S$  وجود ندارد، می‌توان قضیهٔ هم‌پاسخی را به صورت زیر به کار گرفت:

$$\oint_S (\vec{E}_1 \times \vec{H}_2 - \vec{E}_2 \times \vec{H}_1) \cdot d\vec{s} = 0 \quad (2-6)$$

مولفه‌های عرضی میدانهای پراکنده شده به صورت زیر است:  
 $Z < Z_1$  برای  $Z > Z_2$

$$E_{1t} = \sum_a B_a E_{at} e^{\gamma_a z}$$

$$E_{1t} = \sum_a C_a E_{at} e^{-\gamma_a z}$$

$$H_{1t} = -\sum_a B_a H_{at} e^{\gamma_a z}$$

$$H_{1t} = \sum_a C_a H_{at} e^{-\gamma_a z}$$

(2-7)

که عمل جمع روی تمام مودهای  $TE$  و  $TM$  انجام می‌شود.  
 دامنهٔ مودهای پراکنده شده به سمت  $-Z$ ،  $+Z$  که به ترتیب با  $C_a$  و  $B_a$  مشخص شده‌اند را می‌توان از روابط زیر بدست آورد.

$$B_a = \frac{\int_{S1}^{\infty} (\vec{E}_1 \times \vec{H}_2) \cdot d\vec{s}}{2 \int_{S1}^{\infty} (\vec{E}_{at} \times \vec{H}_{at}) \cdot a_z ds} \quad C_a = \frac{\int_{S2}^{-\infty} (\vec{E}_1 \times \vec{H}_2) \cdot d\vec{s}}{2 \int_{S2}^{-\infty} (\vec{E}_{at} \times \vec{H}_{at}) \cdot a_z ds} \quad (2-8)$$

(2-9)

باید توجه داشت که اگرچه مخرجهای روابط (2-8) و (2-9) با هم برابرند، ولی صورت‌های آنها لزومی ندارد که مساوی باشند، زیرا در رابطه (2-8)،  $H_2$  به عنوان میدان منتشره در جهت  $-Z$  است در حالیکه در رابطه (2-9)،  $H_2$  میدان منتشره در جهت  $-Z$  می‌باشد. مخرج کسر کلاً "چهار برابر چگالی" بردار پوینتینگ می‌باشد.  
 روابط فوق نشان می‌دهد که شکاف در هر دو جهت داخل محفظه به طور یکسان تشعشع نمی‌کند. می‌توان این نتیجه را نیز گرفت که: شکاف مود  $a$  را در فضای کوپل خواهد کرد، هرگاه در عرض خطوط جریان سطحی آن مد بریده شده باشد.  
 شکافها عموماً "باریک" و دارای طول تقریباً  $\lambda/2$  می‌باشند. توزیع میدان الکتریکی در امتداد شکاف (مستقل از نوع تغذیهٔ شکاف)

$$H_{az} = \cos \frac{m\pi x}{a} \cos \frac{n\pi y}{b} \quad (2-2)$$

$$E_{az} = \sin \frac{m\pi x}{a} \sin \frac{n\pi y}{b} \quad (2-3)$$

$$\gamma_a = \sqrt{(\frac{m\pi}{a})^2 + (\frac{n\pi}{b})^2 - k^2} \quad (2-4)$$

در روابط (2-1) علائم بالا برای انتشار در جهت مثبت  $Z$  علائم پایین برای انتشار در جهت منفی  $Z$  به کار گرفته می‌شوند.  
 بردار میدانهای عرضی به صورت زیر هستند:

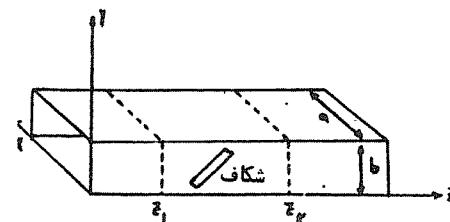
$$\begin{cases} \vec{E}_{at} = \frac{\omega \epsilon_0}{\gamma_a^2 + k^2} (ax \frac{\partial H_{az}}{\partial y} - ay \frac{\partial H_{az}}{\partial x}) \\ \vec{H}_{at} = \frac{-J \gamma_a}{\gamma_a^2 + k^2} (ax \frac{\partial H_{az}}{\partial x} + ay \frac{\partial H_{az}}{\partial y}) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \vec{E}_{at} = \frac{-J \gamma_a}{\gamma_a^2 + k^2} (ax \frac{\partial E_{az}}{\partial x} + ay \frac{\partial E_{az}}{\partial y}) \\ \vec{H}_{at} = \frac{-\omega \epsilon_0}{\gamma_a^2 + k^2} (ax \frac{\partial E_{az}}{\partial y} - ay \frac{\partial E_{az}}{\partial x}) \end{cases} \quad (2-5)$$

این اطلاعات جهت بررسی نحوهٔ تشعشع شکاف بریده شده روی دیواره‌های مجبر مستطیلی ضروری است. بدون در نظر گرفتن نوع شکاف و محل قرار گرفتن آن، فرض می‌کنیم شکاف در ناحیه‌ای که توسط صفحات  $Z = Z_1$ ،  $Z = Z_2$  ( $Z_2 > Z_1$ ) محدود شده است، واقع شده باشد. مجبر را با طول بی‌نهایت در نظر گرفته و فرض می‌شود که مود  $TE_{10}$  از  $-Z$  به داخل مجبر تغذیه شود و جهت انتشار  $Z$  باشد. (شکل 2-4)

برخورد این مود با شکاف باعث ایجاد عکس‌العملهای زیادی خواهد شد. اولاً تمام مودهای  $TM_{mn}$  و  $TE_{mn}$  تولید شده و به طرف عقب و جلو در داخل مجبر به حرکت درمی‌آیند. ثانیاً ایجاد میدان الکتریکی در دهانه، شکافها امکان تشعشع به فضای آزاد خارج را فراهم می‌کند.

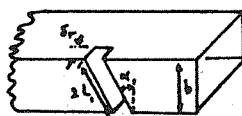
اگر دیواره‌های مجبر هادی کامل بوده و ابعاد آن طوری انتخاب شود که تنها مود  $TE_{10}$  قابل انتشار باشد، می‌توان با نوشتن یک



شکل (2-4)

$$g = \frac{30}{73\pi} \left( \frac{\lambda g}{\lambda} \right) \frac{\lambda^4}{a^3 b} \left[ \frac{\sin \alpha \cos \left( \frac{\pi \lambda}{2\lambda g} \sin \alpha \right)}{1 - \left( \frac{\lambda}{\lambda g} \right)^2 \sin^2 \alpha} \right]$$

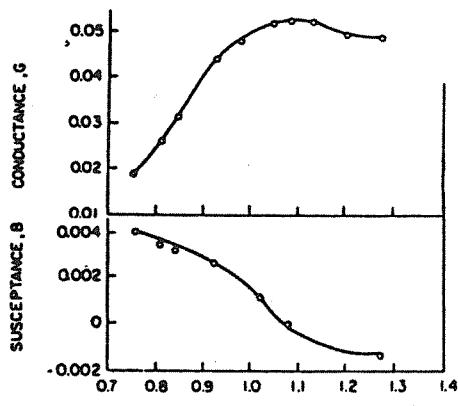
رابطه فوق به ازای زوایای انحراف  $\alpha$  بزرگتر از  $46/6^\circ$  برقرار است. برای زوایای کوچکتر از  $46/6^\circ$  با توجه به ابعاد دیواره، باریک موجبر برای رسیدن به طول رزونانسی ناچار هستیم که مقداری در داخل صفحه پهن موجبر ایجاد برش نماییم که عمق برش را می‌توان در این حالت از رابطه  $S_r = L_r - L_1$  بدست آورد که در آن  $L_r$  طول رزونانسی و  $L_1$  در شکل (۳-۴) نشان داده است.



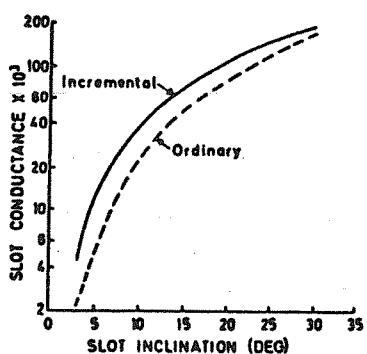
شکل (۳-۴)

$$\begin{aligned} S_r &= L_r - L_1 = L_r - \frac{b}{2 \cos \alpha} \\ 2L_r &= 0.4625 \lambda \end{aligned} \Rightarrow S_r = \begin{cases} 0.21325 \lambda & \alpha < 46/6^\circ \\ 0 & \alpha \geq 46/6^\circ \end{cases}$$

منحنی‌های تجربی که کداکتانس شکافها را براساس زاویه انحراف شکافها و عمق برش آنها می‌دهد، به صورت زیر می‌باشد.



(۳-۵) تغییرات سوسپیتانس و کندکتانس شکافها بر حسب تغییر عمق برش



شکل (۳-۶) تغییرات کندکتانس شکافها با تغییر زاویه شکاف

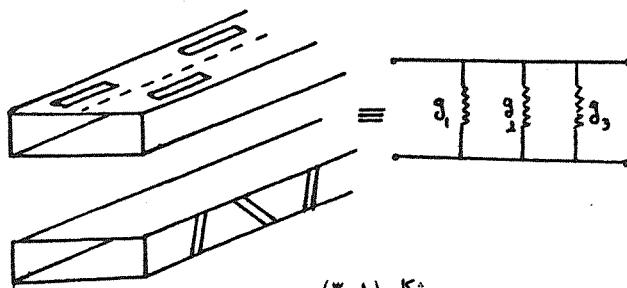
سینوسی فرض می‌شود و جهت آن عمود بر بعد بزرگ شکاف است.

### ۳- بررسی مدل مداری شکافها:

چنانچه شکافهای ایجاد شده دارای طولی حدود نصف طول موج بوده و پهنهای آنها بسیار کوچکتر از طول موج باشد، می‌توان آنها را به‌کمک یک مدل مداری بیان نمود. چنانچه شرایط بیان شده برقرار نباشد، مدل مداری پیجیده خواهد شد، که "عمولاً" در این حالت از مدل‌های  $\Sigma$  و  $\Pi$  برای بیان شکافها استفاده می‌گردد.

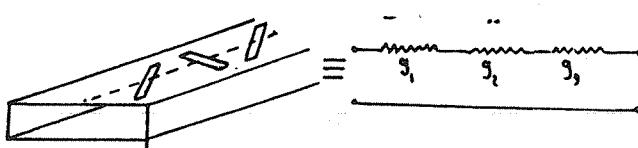
با استفاده از بخش پیش‌می‌توان بهنتایج زیر رسید:

(الف) چنانچه شکاف در محلی از موجبر بریده شود که جریان سطحی روی دیواره در جهت  $\Sigma$  مولفه نداشته باشد، آنگاه وجود شکاف در میدان الکتریکی عرضی ناپیوستگی ایجاد نمی‌کند. ولی باعث ایجاد ناپیوستگی در میدان مغناطیسی عرضی خواهد شد. به عبارت دیگر در این حالت شکاف شبیه به یک المان موازی در مدل خط انتقالی موجبر ظاهر خواهد شد. از انواع شکافهای نشان داده شده در شکل (۲-۱) (شکافهای ایجاد شده روی دیواره، باریک موجبر و نیز شکافهای موازی روی دیواره، پهن موجبر هر دو دارای مدل مداری مشکل از میدانهای موازی هستند).



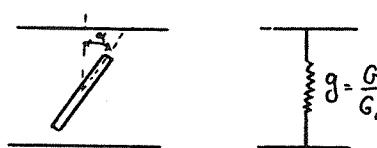
شکل (۳-۱)

(ب) چنانچه شکاف در محلی از موجبر بریده شود که جریان سطحی روی دیواره در جهت  $\Sigma$  مولفه نداشته باشد، آنگاه وجود شکاف باعث ایجاد ناپیوستگی به صورت بوجود آمدن  $180^\circ$  درجه اختلاف فاز در میدانهای الکتریکی عرضی شده، ولی میدانهای مغناطیسی عرضی پیوسته خواهند ماند. بنابراین در این حالت شکاف نسبت به مود منتشره در داخل موجبر به صورت یک المان سری ظاهر خواهد شد.



شکل (۳-۲)

چنانچه طول شکاف را برابر طول رزونانسی بگیریم، سوسپیتانس حاصل از شکاف را می‌توان صفر در نظر گرفت، و کندکتانس آن را به دست آورد به عنوان نمونه برای شکاف مایل روی دیواره، باریک موجبر داریم:

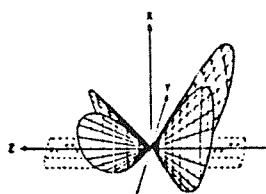


شکل (۳-۳)

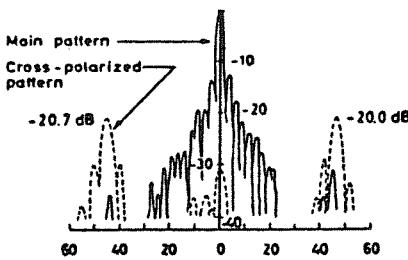
#### ۴- آرایه‌های رزونانسی :

آرایه، رزونانسی یک آرایه، بروسايد می‌باشد که در آن مطابق شکل زیر شکافها به فاصله  $\frac{\lambda}{2}$  از یکدیگر و با زاویه انحرافی که از هر شکاف بدشکاف بعدی مکوس می‌شود، ایجاد می‌گردد. تغییر زاویه انحراف در شکافهای متواالی اختلاف فازی برابر  $180^\circ$  درجه ایجاد می‌نماید که در کنار  $180^\circ$  درجه اختلاف فاز حاصل از  $2\pi/\lambda$  فاصله بین شکافها سبب خواهد شد که تمام شکافها به طور هم‌غار تغذیه شوند.

مدار معادل چنین آرایه‌ای از N کندکاتنس موازی به فاصله  $2/\lambda$  از یکدیگر که روی یک خط انتقال متصل شده‌اند تشکیل می‌گردد، که در شکل (۴-۱) نمایش داده شده است. قرار می‌گیرد که به صورت یک اتصال باز موازی با آخرین شکاف عمل می‌نماید.

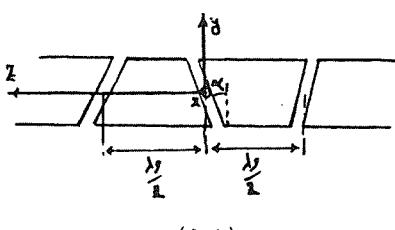


۵-الف) پرتوی با پلاریزاسیون عرضی نمونه



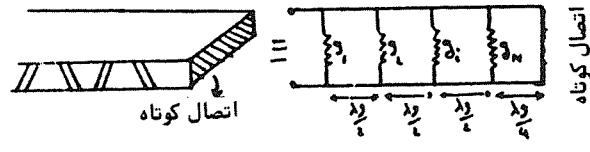
۵-ب) پرتوی تشعشعی با پلاریزاسیون عرضی در مقایسه با پرتوی اصلی برای یک آرایه یکنواخت رزونانسی با ۳۶ شکاف

ع- پرتوی تشعشعی ناحیه دور حاصل از یک آرایه خطی از شکافها: برای محاسبه پرتوی ناحیه دور یک آرایه شکافی مطابق شکل (۶-۱) ابتدا میدان حاصل از دو شکاف متواالی را بدست آورده و سپس رسته‌ای مشکل از این دسته شکافها تشکیل می‌دهیم که فاصله هز دو المان رشته از هم  $0.8\lambda$  باشد. آنگاه با استفاده از اصل ضرب پرتوها پترن تشعشعی حاصل از کل آرایه را از ضرب نمودن فاکتور رشته در فاکتور هر عنصر این آرایه بدست می‌وریم.  
برای محاسبه میدان الکتریکی حاصل از دو شکاف متواالی، ابتدا میدان حاصل از یک شکاف منفرد را بدست آورده و سپس با تبدیل زاویه  $\alpha$  به  $-\alpha$  و با توجه به اختلاف فاز حاصل از فاصله این دو شکاف از هم میدان ناحیه دور شکاف دوم را نیز بدست آورده و با جمع این دو میدان پرتوی تشعشعی یک عنصر از رشته خطی با المان‌های یکسان و با فاصله  $0.8\lambda$  محاسبه می‌نماییم. توزیع میدان در دهانه شکاف را کسینوسی در نظر می‌گیریم.



(۶-۱)

از طرفی فاکتور رشته یک آرایه خطی با فواصل یکسان بین المانها و تحریک یکنواخت آنها مطابق شکل (۶-۲) از رابطه زیر محاسبه می‌شود.



شکل (۴-۱)

چون فاصله تمام شکافها از یکدیگر  $2/\lambda$  است، لذا کندکاتنس ورودی معادل به سادگی از جمع نمودن کندکاتنس شکافهای روی دیواره بدست می‌آید:

$$g_0 = \sum_{i=1}^N g_i$$

در طرح آرایه مورد نظر ما، چون تمام شکافها را با یک زاویه انحراف مشخص برش می‌دهیم، لذا کندکاتنس نسبی همه شکافها با هم برابر خواهد بود، بنابراین خواهیم داشت،  $g_0 = Ng_i$  از طرفی برای آنکه تمام توان ورودی در دسترس بتواند تشعشع شود لازم است که تطبیق امدادانسی وجود داشته باشد، یعنی باید کندکاتنس نرم‌الایر شده ورودی برابر واحد باشد ( $= 1$ ) بنابراین کندکاتنس هر شکاف برابر با  $\frac{1}{N}$  خواهد شد که در طراحی آتن با  $N$  شکاف مدنظر قرار خواهد گرفت.

این آرایه به دلیل تابعیت  $\sin \theta$  از فرکانس، دارای باند فرکانسی باریکی است، زیرا فاصله  $2/\lambda$  بین شکافها و نیز فاصله  $4/\lambda$  اتصال کوتاه از آخرین شکاف تنهای برای یک فرکانس صادق هستند. در مقابل آرایه‌های رزونانسی، آرایه‌های غیررزونانسی یا با موج متحرک قرار می‌گیرند که موربد بحث ما نمی‌باشند.

۵- پلاریزاسیون عرضی (Cross – Polarization) ( در آتنهای مجری پترن تشعشعی یک آرایه خطی به طور ایده‌آل باید دارای پلاریزاسیون یک جهنه و یکنواخت باشد. برای مثال آتن اکثر رادارهای دریابی فقط روی پلاریزاسیون افقی (در بعضی موارد خاص پلاریزاسیون دایره‌ای هم استفاده می‌شود) عمل می‌کند. یکی از نتایج استفاده از شکافهای مایل روی مجری ایجاد شدن میدان‌های ناخواسته و پلاریزاسیون عمودی است. اگر زاویه انحراف شکاف  $\alpha$  باشد، مولفه  $E \cos \alpha$  به صورت عمودی و مولفه  $E \sin \alpha$  افقی (برای هر شکاف) خواهد بود. در طرح آرایه موردنظر باید به این مساله توجه داشت که به کمک روشهایی که در بخش طراحی آورده خواهد شد، پلاریزاسیون عمودی را تاخت ممکن حذف خواهیم نمود. نمونه‌ای از پرتوی تشعشعی

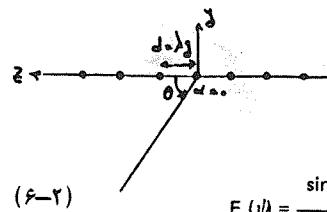
$$|F(\theta)|_{\text{total}} = \frac{\sin(N\pi \frac{\lambda g}{\lambda} \cos \theta)}{\frac{N}{2} \sin(\pi \frac{\lambda g}{\lambda} \cos \theta)} \times \frac{\cos(\frac{\pi}{2} \sin \alpha \cos \theta)}{\cos \alpha (1 - \sin^2 \alpha \cos^2 \theta)} \times \sqrt{\sin^2 \alpha \sin^2 \theta \sin^2(\frac{\pi \lambda g}{\lambda} \cos \theta) + \cos^2 \alpha \cos^2 \theta (\frac{\pi \lambda g}{\lambda} \cos \theta)} \quad (6-2)$$

مشاهده می‌گردد که پترن تشعشعی آرایه شکافی در صفحه E (تابعی از زاویه انحراف شکافها و نیز تعداد شکافها است.

برنامه کامپیوتری جهت ترسیم این پرتو بهارای  $\alpha$  و N مشخص نوشته و اجرا شد که رسم این پرتو بهارای مقادیر بددست آمده در طراحی بهصورت زیر توسط کامپیوتر انجام شد است. (شکل ۶-۳).

همچنین پرتوی تشعشعی آرایه شکافی در صفحه H بهصورت زیر بددست می‌ید:

$$|F(\varphi)| = \frac{\cos(\frac{\pi}{2} \sin \varphi \cos \alpha)}{1 - \sin^2 \varphi \cos^2 \alpha} - \cos \varphi$$



$$F(\psi) = \frac{\sin(\frac{N\psi}{2})}{N \sin(\frac{\psi}{2})}, \quad \psi = \alpha + \beta d \cos \theta \quad (6-1)$$

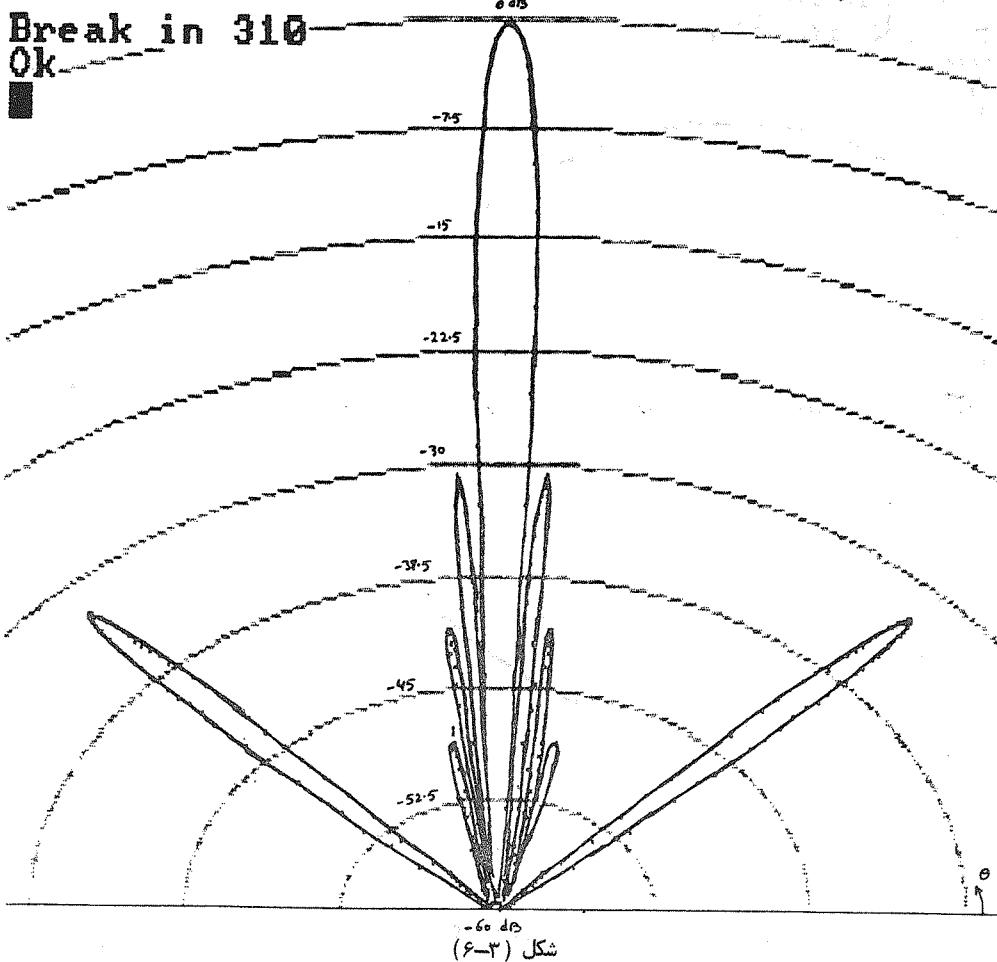
لذا فاکتور رشتہ برای آرایه موردنظر ما با مشخصات  $\alpha=0$  و  $d=\lambda g$  و تعداد کل عناصر رشتہ N (N/2 تعداد شکافها) عبارت است از:

$$F(\theta) = \frac{\sin(\frac{N}{2} \pi \frac{\lambda g}{\lambda} \cos \theta)}{\frac{N}{2} \sin(\pi \frac{\lambda g}{\lambda} \cos \theta)} \quad (6-2)$$

که در نهایت پرتوی تشعشعی ناحیه دور کل آرایه در صفحه میدان

الکتریکی (E) بهصورت زیر درخواهد آمد: پرتوی تشعشعی آرایه موجبری در صفحه E مشخصات آرایه:

$$N = 28, \alpha = 16^\circ$$



شکل (6-3)

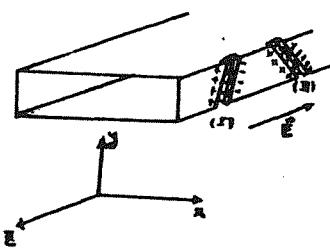
ملاحظه می شود که این پرتو تنها تابعی از زاویه انحراف شکافها بوده و به تعداد شکافها بستگی ندارد. رسم آن بهارای مقادیر طراحی شده به کمک کامپیوتر در شکل (۴-۶) آمده است.

چنانچه پرتوی شعشعی ناحیه دور حاصل از یک زوج شکاف را بدست آورده و ترسیم نماییم، مشاهده می شود که در ناحیه ای از تغییرات زاویه  $\theta$  که در آن لوب اصلی و چند لوب فرعی اول قرار می گیرند، مانند پرتوی حاصل از یک المان ایزوتوب می باشد.

لذا می توان با تقریب بسیار خوبی آرایه موجبری را همانند یک آرایه خطی با عنصر یکسان و ایزوتوب با فواصل  $\lambda$  از هم دانست در این حالت بهره (گن) آرایه را می توان از رابطه زیر بدست آورد:

$$G = \frac{N^2}{N + \frac{2}{kd} \sum_{m=1}^{n-1} \left( \frac{N-m}{m} \right) \sin(mkd)}$$

همچنین محاسبه پرتوی شعشعی ناحیه نزدیک دو شکاف مجاور هم نشان می دهد که میدان الکتریکی کوبل شده به بیرون موجبر حاصل از دو شکاف متواالی دارای تنها پلاریزاسیون افقی خواهد بود، هرگاه نحوه کار هم قرار گرفتن شکافها مطابق شکل (۴-۵) باشد.



شکل (۴-۵)

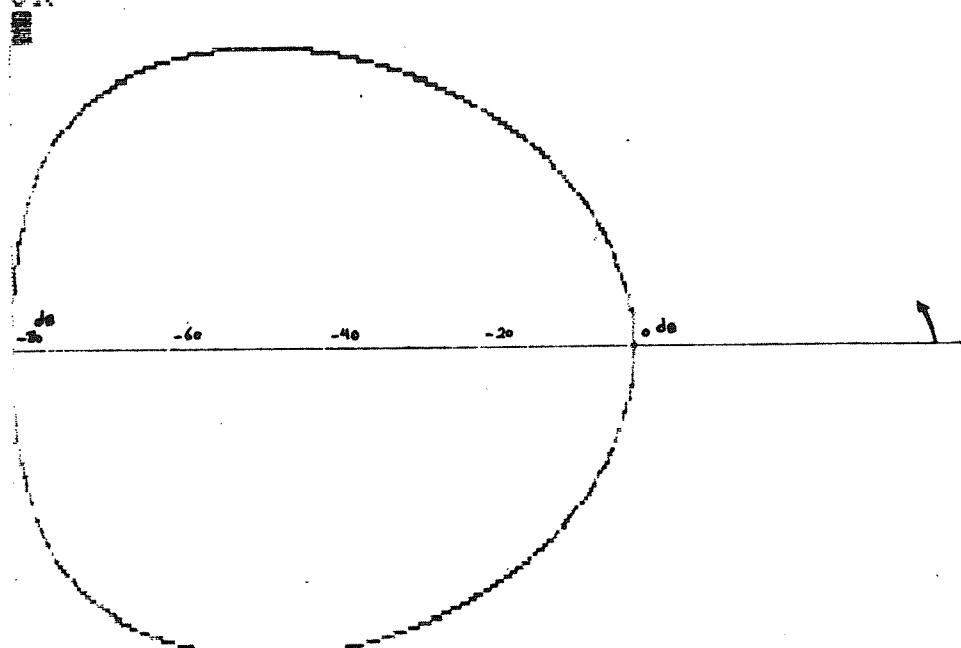
$$\vec{E}_1 = \frac{E_0 w}{\pi} \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{e^{-j\beta x}}{x} I(x) \right) (\sin \alpha a_y - \cos \alpha a_z)$$

$$\vec{E}_2 = \frac{E_0 w}{\pi} \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{e^{-j\beta x}}{x} I(x) \right) (-\sin \alpha a_y - \cos \alpha a_z)$$

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = \frac{-2E_0 w}{\pi} \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{e^{-j\beta x}}{x} I(x) \right) \cos \alpha a_z$$

که  $I(x)$  به صورت  $= \frac{\lambda}{4} \cos(\beta y) e^{-2x}$  بوده و قابل بیان بر حسب توابع فرینل، سینوسی و کسینوسی است.

### H-PLANE Break in 340 Ok



شکل (۴-۶)

SIDE-LOBE-LEVEL VS. NUMBER OF SLOTS			
N	ANGLE	SLL	SLL-dB
20	44.7692	.1995708	-13.99806
22	44.7992	.19969	-13.99287
24	44.81919	.1997538	-13.9901
26	44.83919	.1998286	-13.98685
28	44.84919	.1998309	-13.98675
30	44.85919	.1998413	-13.98629
32	44.86919	.1998678	-13.98515
34	44.87918	.1998989	-13.98379
36	44.88918	.1999406	-13.98198
38	44.89918	.1999993	-13.97943
40	44.90918	.2000502	-13.97722

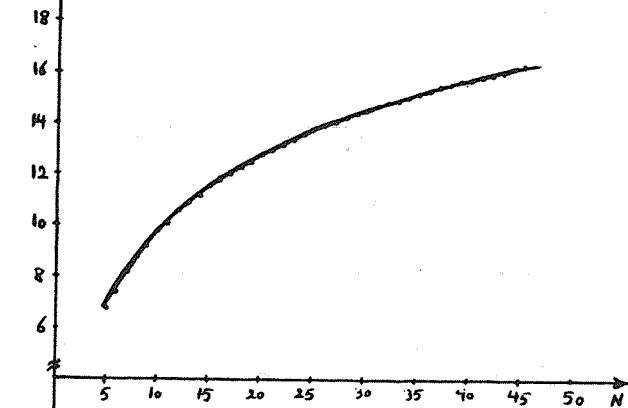
جدول ۳

#### BEAM-WIDTH VS. NUMBER OF SLOTS IN E-PLANE

N	B-W
10	7.23042
12	6.01108
14	5.14158
16	4.50192
18	3.99220
20	3.59242
22	3.26260
24	2.99276
26	2.76288
28	2.56298
30	2.39308

جدول ۴

منحنی تغییرات بهره یک آرایه خطی نسبت به



شکل (۶-۱)

در محاسبه پرتوی تشعشعی ناحیه دور و نزدیک آرایه خطی شکافها، شکافها را باریک در نظر گرفته و نحوه توزیع میدان الکتریکی در دهانه آن را کسینوسی و در جهت عمود بر بعد طولی شکاف در نظر گرفته ایم.

بررسی تغییرات پهنهای شاع تشعشعی، گین و SLL آرایه بر حسب تغییرات تعداد شکافها نسبت به خط قائم، به کمک چند برنامه کامپیوتری صورت گرفته که نتایج این بررسیها به صورت جداول زیر ارائه می گردد.

جدول (۱) تغییرات پهنهای شاع تشعشعی صفحه TE آرایه را به ازای ۲۸ شکاف بر حسب تغییر زاویه انحراف شکافها نشان می دهد.

جدول (۲) تغییرات پهنهای شاع تشعشعی صفحه H آرایه را بر حسب زاویه انحراف شکافها بیان می کند. شکل (۶-۲) تغییرات گین آرایه با تغییر تعداد شکافها به ازای زاویه انحراف ۱۶ درجه را نشان می دهد. جدول (۳) نیز تغییرات SLL را بر حسب تعداد شکافها بیان می کند و جدول (۴) تغییرات پهنهای شاع تشعشعی صفحه E با تغییر تعداد شکافها را نشان می دهد. ملاحظه می شود که نسبت لوب فرعی آرایه با تغییر تعداد شکافها بطور جزئی تغییر می کند.

#### BEAM-WIDTH VS. ANGLE OF SLOTS IN E-PLANE

ANGLE	B-W
7	2.5649
8	2.5649
9	2.5649
10	2.5649
11	2.5649
12	2.5649
13	2.5649
14	2.5649
15	2.5649
16	2.5649
17	2.5649
18	2.5649
19	2.5649
20	2.5649
21	2.5649
22	2.5649
23	2.5649
24	2.5649
25	2.5649

جدول ۱

#### INFLUX OF BEAM-WIDTH IN H-PLANE VS. INCLINED ANGLE OF SLOTS

INCLINED ANGLE	BW
6	78.2
8	78.3
10	78.4
14	78.7
15	78.8
16	78.9
17	79.0
18	79.1
22	79.6
25	80.0
27	80.3
30	80.8
34	81.5
35	81.7

جدول ۲

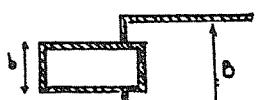
همچنین برای آنکه کنداکتانس شکافها حقیقی گردد، طول هر شکاف را معادل با اولین طول روزونانسی یعنی  $\lambda/4 = 4625$  می‌دیهیم و لذا می‌توان میزان عمق نفوذ شکافها در دیواره را بهمک روابط (۲-۲) بدست آورد:

$$\delta_r = 2/198 \text{ mm}$$

همچنین بهمنظور رسیدن بهپهناز بیم افقی  $2/5$  درجه بهمک جدول تعداد شکافها را  $28$  عدد در نظر می‌گیریم و بهمنظور رسیدن بهقابلیت انعطاف بیشتر در سیستم از یک اتصال کوتاه متغیر در انتهای آرایه استفاده می‌نماییم.

در مرحله بعد به طراحی سیستمی جهت تعیین پلاریزاسیون عمودی آنتن و نیز انتقال تنها یک مود به فضای آزاد پرداخته و به دنبال آن از یک قسمت بوقی شکل جهت اصلاح بیم عمودی آنتن و نیز افزایش گین آن استفاده می‌نماییم.

اگر خود شکاف را به صورت یک موجبر مستطیلی در نظر بگیریم که طول آن برابر طول روزونانسی و ضخامت آن حدود  $1/07$  میلی‌متر باشد، به طوری که به جز چند مود اول  $TE_{20}$  سایر مودها در همین فاصله  $1/07$  میلی‌متری کاملاً میرا شده و به خارج از موجبر کوپل نخواهد داشت. حال برای آن که مودهای  $TE_{20}$  به بالا قابل انتشار نباشند از دو صفحه موازی هم استفاده می‌نماییم و فاصله آنها را طوری انتخاب می‌کنیم که فرکانس کار از فرکانس قطع مود  $TE_{20}$  برای دو صفحه موازی کوچکتر گردد، لذا داریم:



شکل (۲-۱)

$$\lambda_c (TE_{20}) < \frac{2B}{2} \Rightarrow \lambda \Rightarrow B < 3.2 \text{ cm} \\ \Rightarrow B = 2.5 \text{ cm} \quad (۷-۴)$$

بنابراین در این حالت بین دو صفحه تنها مودهای  $TEM_{10^0}$  منتشر می‌شوند. می‌دانیم که میدان الکتریکی برای مود  $TEM$  عمود بر صفحات هادی و در مود  $TE_{10}$  میدان الکتریکی موازی صفحات موازی می‌باشد.

حال اگر از یک سری صفحات هادی موازی به شکل فیلتر در فاصله مشخصی از شکافها استفاده نماییم، قادر خواهیم بود که مود  $TEM$  را که برای آن میدان الکتریکی موازی با صفحات است به شدت تعیین نماییم، به طوری که تنها مود  $TE_{10}$  بهدهانه کوچک قسمت بوقی شکل آنتن رسیده و بوسیله بوق به فضای آزاد کوپل گردد. همچنین با توجه به این که میدان الکتریکی مود  $TE_{10}$  براین صفحات عمود است، می‌توان صفحات فیلتر کننده را از نظر مدار معادل، به شکل یک ردیف خازن موازی در نظر گرفت.

از طرف دیگر برای آنکه مود  $TE_{10}$  در این فاصله تعیین نگردد، باید امیدانس دیده شده در ابتدای دو صفحه موازی برابر با امیدانس مشخصه این مود باشد.

نتایج حاصل از جدول (۳) و منحنی (۶-۶) بیان می‌کند که بهنای شاعر تشعشعی صفحه  $H$  آرایه زیاد و گین آن کم است، که باید بهنحوی آنها را اصلاح نمود. این عمل بهمک افزودن یک بخش بوقی شکل به آنتن صورت می‌پذیرد که در بخش طراحی خواهد آمد.

#### ۷- طراحی یک آرایه خطی روزونانسی در باند فرکانسی X

هدف طراحی آنتن با مشخصات زیر است:

۱- پهناز بیم افقی  $2/5$  درجه

۲- پهناز بیم عمودی  $25$  درجه

۳- گین آنتن بالاتر از  $25$  دسیبل

۴- زاویه بیم اصلی با محور آنتن  $90$  درجه

۵- سطح لوب فرعی زیر  $-25$  دسیبل

۶- قدرت حذف پلاریزاسیون عمودی (ایزولاسیون) بیش از  $25$  دسیبل

۷- فرکانس کار حدود  $9375$  مگاهرتز

برای رسیدن به این مشخصات الکتریکی، با ایجاد شکافهای روی موجبر مستطیلی آرایه روزونانسی را شکل می‌دهیم و به علت آنکه شکافهای کج روی دیواره باریک موجبر دارای تطبیق امیدانسی بهتر و ساخت ساده‌تری هستند از آنها استفاده می‌نماییم.

به منظور بروز ساید نوون آرایه روزونانسی لازم است که تمام شکافها به طور یکنواخت تحریک شوند و برای آن که گلبرگ فرعی مزاحم و قابل توجهی نداشته باشیم باید فاصله المانها از  $\lambda$  کمتر باشد برای شکافهای مایل روی دیواره باریک موجبر به منظور هم فار و یکنواخت نوون تحریک شکافها فاصله آنها را از هم  $2\lambda/9$  انتخاب می‌نماییم، زیرا با تغییر زاویه شکافهای مجاور از  $\alpha$  به  $-\alpha$  حریان سطحی در جهت عمود بر شکاف  $180$  درجه اختلاف فاز ایجاد می‌نماید و بین شکافها نیز  $180$  درجه اختلاف فاز اضافی ایجاد می‌نماید و باعث همفار شدن تحریک شکافها خواهد شد و چون طول موج داخل موجبر  $\lambda_0/2 < \lambda_0 < \lambda_0/3$  است، لذا فاصله مجاز بین المانها در این طرح رعایت می‌شود.

قدم بعدی انتخاب یک موجبر مستطیلی است که بتواند در فرکانس  $9/375$  گیگاهرتز در مود غالب  $TE_{10}$  کار کند، که برای ایجاد اطمینان در طرح فرکانس کار را با  $25\%$  بیشتر از فرکانس قطع مود غالب  $TE_{10}$  و  $25\%$  کمتر از فرکانس قطع مود بعدی  $TE_{10}$  در نظر می‌گیریم. بنابراین با توجه به اینکه داخل موجبر هوا است داریم:

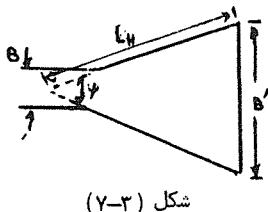
$$\lambda CTE_{10} = 2a \quad F_{CTE10} = \frac{3 \times 10^{10}}{2a} \quad F_{CTE01} = \frac{3 \times 10^{10}}{2b}$$

$$9/375 \times 10^9 \geqslant \frac{1/25 \times 3 \times 10^{10}}{2a} \Rightarrow a \geqslant 2 \text{ cm} \quad (۷-۱)$$

$$9/375 \times 10^9 \leqslant \frac{1/75 \times 3 \times 10^{10}}{2b} \Rightarrow b \leqslant 1/2 \text{ cm} \quad (۷-۲)$$

برای ساختن آنتن یک پروفیل بریجی با ابعاد میلی‌متری  $22/86 \times 7/86 \times 1/07$  در دسترس بود که با توجه به شرایط فوق جهت استفاده مناسب تشخیص داده شد. در مرحله بعد با استفاده از نتایج بدست آمده از سنتر آنتن بهمک کامپیوتر که نتایج آن در بخش پیش آورده شد، زاویه انحراف  $16$  درجه برای شکافها در نظر گرفته شد.

با چنین طرحی تنها مود TE<sub>10</sub> بدون تضعیف بهدهانه کوچک بوق می‌رسد و لذا همین توزیع میدان را در دهانه بزرگ هورن نیز خواهیم داشت. برای رسیدن به گین حدود ۲۸ دسیبل و با استفاده از منحنی‌های هورن می‌توان زاویه باز شدن دهانه هورن و نیز طول هورن را محاسبه نمود.



شکل (۷-۳)

$$L_H = \left( B' - B \right) / 2 \sin \frac{\psi}{2} = 8.7 \text{ cm} \quad B' = 8.8 \text{ cm}, \quad \frac{\psi}{2} = 21^\circ$$

باید توجه داشت که بوق این آتن از نوع هورن صفحه H می‌باشد. بنابراین طرح کلی آتن به صورت شان داده شده در شکل (۷-۴) می‌باشد و مشخصات فیزیکی آتن در کار آن آورده شده است.

تعداد شکافها - ۲۸

زاویه شکافها - ۱۶ درجه

فاصله شکافها از هم - ۲۲/۴ میلی‌متر

فاصله آخرین شکاف از اتصال کوتاه - ۳۳/۶ میلی‌متر

عمق نفوذ شکافها - ۲/۱۹۸ میلی‌متر

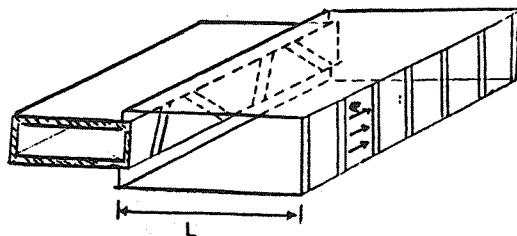
کداکتیس ممادل هر شکاف - ۵/۳۵۷ مم (نرم‌الیزه شده)

طول شکافها - ۱۴/۸ میلی‌متر

ضخامت شکافها - ۱/۵۸ میلی‌متر

۸- نتایج تست آتن ساخته شده:

پرتوی تشعشعی ناحیه دور در صفحه E آتن همراه با تست ایزولاسیون پلاریزاسیون عمودی در شکل (الف) و پرتوی تشعشعی صفحه H آتن در شکل (ب) نشان داده شده است.



شکل (۷-۲)

$$Z_{in} = Z_0 TE10 \frac{Z_L + jZ_0 TE10 \tan \beta L}{Z_0 TE10 + jZ_L \tan \beta L}, \quad Z_L = jX_c = \frac{j}{C_{eq} \omega}, \quad C_{eq} = NC$$

برای صفر شدن ضرب ضریب انعکاس باید

$$|T| = 0 \Rightarrow |Z_{in}| = Z_0 TE10$$

$$\tan \beta L = \frac{Z_0 + X_c}{Z_0 - X_c} \quad (7-5)$$

و لذا رابطه (۷-۵) به دست می‌آید.

که با توجه به طول کلی آتن ۷۲۰ mm می‌توان مشخصات فیلتر را

به صورت زیر در نظر گرفت:

تعداد صفحات - ۲۵

فاصله بین صفحات - ۶/۳۷ میلی‌متر

طول صفحات - ۲۵ میلی‌متر

عرض صفحات - ۴ میلی‌متر

ضخامت صفحات - ۱ میلی‌متر

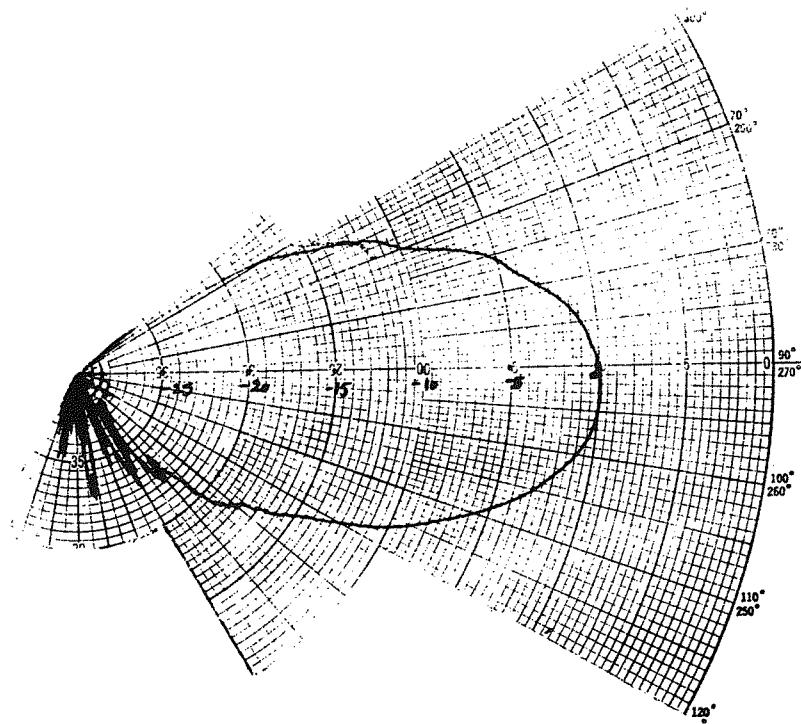
$$\text{از آنجا ظرفیت هر خازن } C = \frac{\epsilon A}{d} = 5/034 \text{ pf} \quad \text{و } C_{eq} = 69 \times 5/034 = 2/396 \text{ pf}$$

$$Z_0 TE10 = \frac{Z_0}{\sqrt{1 - (\frac{\lambda}{2B})^2}} = 490/7 \quad \text{اهم}$$

است، لذا بدست می‌آید: (۷-۶)

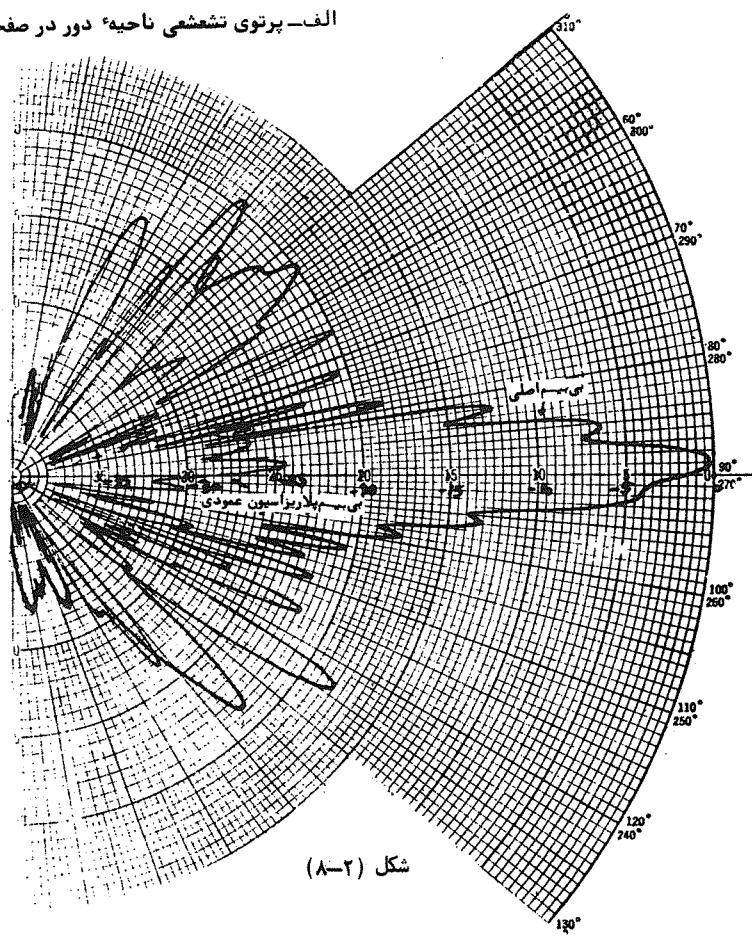
شکل (۷-۴)

ب) پرتوی تشعشعی ناحیه دور آنتن در صفحه H



شکل (۸-۱)

الف-پرتوی تشعشعی ناحیه دور در صفحه H آنتن و تست ایزولاسیون



شکل (۸-۲)

## ۹-نتیجه‌گیری و جمع‌بندی مقاله

نتایج تست آنتن موافق تئوری با آزمایش را بهخوبی نشان می‌دهد. میزان ایزولاسیون در مقابل پلاریزاسیون عمودی برای این آنتن در مقایسه با نمونه داده شده در بخش (۵) کاملاً مطلوب است. مقدار SLL و گین این آنتن نیز با توجه به ابعاد آن و در مقایسه با آنتهای مشابه که در پیش گفتار آورده شد، مناسب می‌باشد. باید توجه داشت که در این آنتن به علت فاصله  $\lambda/2$  بین شکافها اثرات کوپلر از سبقابل بین المانها قابل صرفنظر بوده و به همین جهت در محاسبات در نظر گرفته نشده است.

با توجه بدکاربرد این آنتن در سیستمهای راداری و وسایل ناوبری و دریائی و سایر کاربردهای نظامی و تجاری آن و امکان ساخت آن در داخل کشور می‌توان نیاز به این نوع آنتن را برطرف نمود.

ملحوظه می‌شود که آنتن ساخته شده توانسته است مشخصات زیر را ایجاد کند:

بهنای بیم افقی - ۳ درجه

بهنای عمودی - ۲۵ درجه

سطح لوب فرعی - ۱۸/۵ - دسیبل

ایزولاسیون با قدرت حذف پلاریزاسیون عمودی - ۲۵ دسیبل

فرکانس کار - ۹۲۳۶ مگاهرتز

البته تست آنتن فوق با توجه به طول آن ۷۲۰ mm نیاز به اطاق

ساکت با ابعاد بیشتر از ۳۲ متر جهت رسیدن به مرز واقعی ناحیه دور

آنتن ( $\lambda/2 > 2D^2$ ) دارد لکن تست آن در فواصل حدود ۵ الی ۶ متر

انجام شده است که می‌تواند خطای در آزمایش محسوب شود.

## منابع

1. Colin, Robert. Antenna & Radiowave Propagation. Chapter 4.
2. Elliott, Robert, S. Antenna Theory of Design. 1985. Chapter 3, 8.
3. H. Y. Lee & P.N.Richardson. Design and Analysis Arrays of Slotted Waveguide Antenna Arrays. Aicrowave Journal, June 1988.
4. Jasik & Johnson. Antenna Engineering Handbook, Chapter 9.
5. M. Alexander. The Improvement of Sidelobe Preformance of Slotted Waveguide Arrays. The Marconi Review. 1982.
6. Wolff Edward, A. Antenna Analysis Chapter 5.