

# بهبود بهره وری و راهبری مبتنی بر تأثیر هیدرودینامیک و موازنۀ جرم در فرایند تولید اسید گلوتامیک

رضا روستا آزاد

مینا طباطبائی

## منوچهر وثوقی

دانشکده مهندسی شیمی، گروه بیوتکنولوژی، دانشگاه صنعتی شریف

### چکیده

تولید گلوتامیک اسید به روش تخمیری توسط باکتری *Corynebacterium glutamicum* مورد بررسی قرار گرفت. در این راستا، تأثیر نوع محیط کشت، میزان هوادهی و نیز نوع بیوراکتور، اعم از فلاسک گردان، بیوراکتور همزن دار و بیوراکتور *Airlift* تحلیل شد. در بیوراکتور همزن دار، بهترین نتیجه در روش Mixed Fed Batch در شرایط بینه یعنی میزان هوادهی ۱ / ۲ vvm و دور همزن ۵۰ rpm برابر ۱۰۰ گلوتامیک اسید بدست آمد.

در مرحله بعد، نتایج حاصل از بیوراکتورهای ایرلیفت در حوزه هوادهی ۲-۳ vvm، ۱، بهترین میزان تولید در هوادهی ۳ vvm معادل ۱.۸ g/l و بهترین میزان تولید به ارزای انرژی مصرفی، در هوادهی ۲ vvm معادل W/g ۱۹۸/۳۴ بدست آمد. در نرخ هوادهی ۲ vvm، محیط کشت‌های مبتنی بر ملات چغندر قند و نیشکر در راکتور ایرلیفت مورد مقایسه قرار گرفت و بهترین نتیجه در محیط ملات نیشکر با میزان تولید ۱/g ۳۰ حاصل شد.

### کلمات کلیدی

گلوتامیک اسید، فرمان‌ناسبیون - باکتری - کربنه باکتریوم گلوتامیک بیوراکتور همزن دار - ایرلیفت.

## Improving the Yield Operation Based on the Effect of Hydrodynamics in Glutamic Acid Fermentation

M. Tabatabaei

R. Roosta azad

M. Vossoughi

Chemical Engineering Department, Sharif University Of Technology

### Abstract

Production of Glutamic acid via fermentation of *C. glutamicum* was studied. Among the parameters which affect the bacterial growth and GA production, are the medium composition, dissolved oxygen and hydrodynamics. Therefore, effect of change in the broth constituents, rate of aeration and type of the bioreactor including shake flask, stirred bioreactors and airlift were investigated. At the first stage, in the shake flask, sugar consumption and biomass production was checked in the media based on beet and cane molasses. In the next step, a fed batch protocol in which a 12% ammonia solution was used to set the pH was studied in the stirred bioreactor. Following this, due to the too low sugar concentration at the onset of the production phase, double and mixed fed batch modes of operation in which aside from ammonia, molasses was fed to the fermenter at the specific rate was tested. In the stirred bioreactor, the best result in the mixed fed batch and at the optimum conditions namely aeration rate of 1.2 vvm and rotation speed of 500pm was as high as 10g/l of Glutamic acid. At the 3rd stage, result of the stirred bioreactor was compared against that of an Airlift fermenter. In the ALF. in the aeration rates from 1.2-3vvm, the best production was achieved in the maximum aeration as 18/l and the best production vs. energy Consumption was at the 2vvm aeration as 198g/energy. At the 2vvm aeration, production in the beet and cane molasses based media were compared in the ALF. The best result was obtained in the medoum based on cane molasses which was as high as 30g/l.

### Keywords

glutamic acid-Fermentation-Corynebacterium Glutamicum-Airlift-Baffled Bioreactor

## مقدمه

گلوتامیک اسید که از اجزاء ساختاری پروتئینها می باشد، مصرف عمده ای در صنایع غذایی و داروئی به عنوان چاشنی و مطبوع کننده طعم دارد. نمک سدیم این اسید آمینه یعنی منو سدیم گلوتامیک در مواد غذایی کنسرو شده و سوپهای آماده، انواع ماکارونی، صنایع بیسکویت سازی و سوسیس و کالباس قابل استفاده است. علاوه بر آن کاربردهای متعدد دیگری نیز در صنایع آرایشی و بهداشتی و صنایع شیمیایی برای گلوتامیک اسید و مشتقات آن ذکر شده است [۱]. از نظر تاریخی، تولید تخمیری گلوتامیک اسید پایه گذار صنعت تولید اسیدهای آمینه دیگر بوده است و با تولید گلوتامیک اسید در سال ۱۹۶۲، تحقیقات وسیعی برای تولید انواع دیگر اسیدهای آمینه و تولید صنعتی آنها آغاز شد. [۲] روش تولید صنعتی در حال حاضر، روش فرماناتاسیون می باشد و تولید سالانه آن معادل ۶۰۰ هزار تن است. [۳]

علیرغم سابقه تاریخی طولانی صنعت تخمیری در حوزه تولید گلوتامیک اسید، بررسی تأثیر شرایط هیدرودینامیکی و از جمله مقایسه عملکرد این کشت در بیوراکتورهای ایرلیفت و همزن دار در منابع منتشره ناجیز است. بنابراین به دلیل محاسبن زیادی که برای بیوراکتورهای ایرلیفت وجود دارد. از جمله: عدم وجود قسمتهای متحرک مکانیکی، شدت تنش کم، تجهیزات و طراحی ساده مخصوصاً در هنگام بزرگ سازی مقیاس، کارکرد آسان در شرایط استریل با توجه به طراحی ساده آن، سطح تماس مخصوص زیاد در انرژی ورودی کم (بازده خوب انرژی)، سعی شد نتایج حاصل در بیوراکتورهای همزن دار با میزان تولید در بیوراکتورهای ایرلیفت مقایسه شود. علاوه بر آن، در تحقیقاتی که اخیراً در این حوزه صورت گرفته [۴] نتایج جالبی در رابطه با نظام راهبری Fed Batch (MFB) میباشد که تخمیر گردیده ولی آزمایشات جهت تحقیق این فرضیه ارائه نشده است. لذا در تحقیق حاضر ضمن بررسی مسائل عمومی تخمیر گلوتامیک اسید، روش MFB و نیز عملکرد مقایسه ای بیوراکتورهای ایرلیفت و همزن دار مورد نظر قرار گرفته است. بخصوص تولید گلوتامیک اسید از دیدگاه مصرف انرژی کمتر و تولید بیشتر مورد توجه قرار گرفت. بنابراین تولید در دو بیوراکتور همزن دار و ایرلیفت با استفاده از محیط کشت‌های طبیعی مبتنی بر ملاس چغدر قند و نیشکر در نظام

جدول (۱) ترکیب محیط پیش کشت و کشت اصلی با استفاده از ملاس چغدر قند.

ترکیب مواد	پیش کشت (گل)	کشت اصلی (گل)
ملاس نیشکر	۱۰۰	۱۰۰
$\text{KH}_2\text{PO}_4$	۲	۰/۵
$\text{MgSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$	۰/۵	۰/۵
$\text{Na}_2\text{SO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$	—	۰/۰۵
$\text{FeSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$	—	۰/۰۵
آبزد	۸	—

جدول (۲) ترکیب محیط پیش کشت و کشت اصلی با استفاده از ملاس نیشکر.

ترکیب مواد	پیش کشت (گل)	کشت اصلی (گل)
ملاس چغدر قند	۱۰۰	۱۰۰
عصاره مخلوط	۵	۰/۵
$(\text{NH}_4)_2\text{SO}_4$	—	۰/۰۵
$\text{KH}_2\text{PO}_4$	۰/۷۵	۰/۷۵
$\text{K}_2\text{HPO}_4$	۰/۷۵	۰/۷۵
$\text{Na}_2\text{SO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$	۰/۰۵	۰/۰۵
$\text{FeSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$	۰/۰۰۵	۰/۰۰۵

عملیاتی MFB با یکدیگر مقایسه گردید. در این بررسی ها به عنوان مبنای مقایسه از میزان تولید به ازای واحد توان مصرفی استفاده شد.

## مواد و روشها

باکتری مورد استفاده Corynebacterium glutamicum ATCC 13032 می باشد که به صورت هوایی بر روی اسلنت آگار مغذی رشد می کند. محیط پیش کشت و کشت اصلی مطابق جدول ۱ و ۲ است [۵].

شرایط محیط پیش کشت و کشت اصلی در فلاسک گردن، دمای  $32^{\circ}\text{C}$ ، دور  $200\text{ rpm}$  و  $\text{pH}=7/6$  و زمان رشد  $16-20$  ساعت برای پیش کشت می باشد که پس از این زمان، تلقیح به میزان (V/V) ۱۰٪ از محیط پیش کشت به کشت اصلی انجام می شد. به دلیل اینکه از محیط کشت های طبیعی ملاس به عنوان منبع کربنی استفاده شد و این محیطها حاوی مقدار نسبتاً بالای بیوتین می باشند، بنابراین در زمانی که رشد سلولی به حد  $7/7/7\text{ (gdw/L)}$  می رسید، برای اینکه رشد متوقف و محصول گلوتامیک اسید به محیط بروز سلولی ترشح شود، محلول پنی سیلین که به وسیله آب مقطر استریل تهیه می گردید، به میزان  $6\text{ unit/ml}$  به محیط کشت تزریق می شد.

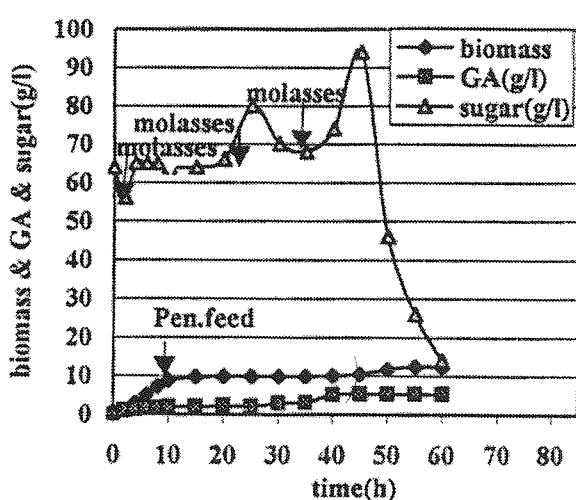
دانسیتی سلولی به روش کدورت سنگی در طول موج  $610\text{ nm}$  و استفاده از منحنی استاندارد رشد سلولی بدست آمد [۶] اندازه گیری میزان گلوتامیک اسید تولیدی از روش آنزیمی در ناحیه UV و با استفاده از آنزیم گلوتامات دهیدروژناز (GIDH, EC 1.4.1.2) (GIDH. Boehringer mannheim, Germany) انجام شد [۷]. روش سنگش قند موجود به روش رنگ سنگی نلسون - سوموژی و با استفاده از منحنی استاندارد صورت گرفت. [۸].

## نتایج و بحث

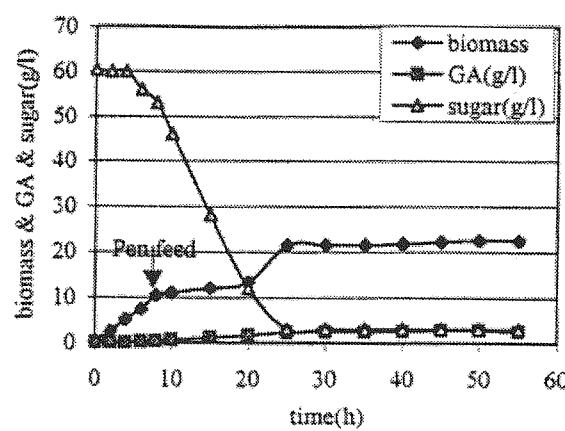
برای بررسی میزان تولید محصول گلوتامیک اسید، بیوراکتور همزن دار در حالت fed batch در شرایط هوادهی  $1/2\text{vvm}$  و دور  $50\text{ rpm}$  در  $\text{pH}=7/6$  راه اندازی شد که در آن از آمونیاک ۱۲٪ تنظیم pH استفاده شد. نتایج این بررسی در شکل ۱ آمده است.

در ادامه این بررسی، به دلیل میزان قند ناچیز در ابتدای فاز تولید، از روش double fed batch استفاده شد که در آن علاوه بر آمونیاک، ملاس هم که به صورت محلول استریل ۵٪ تهیه شده بود، در زمانهایی که افت قند ایجاد می شد، بصورت جداگانه تزریق می گردید. این نتایج در شکل (۲) آمده است.

همانطور که در شکل ۲ مشاهده می شود، کنترل میزان قند مصرفی با نمونه گیری متوالی علاوه بر مشکلات عملیاتی که دارد، از دقت خوبی هم بر خوردار نیست. زیرا امکان دارد در زمانهایی میزان قند بیش از حد بهینه شود. بنابراین اثر بازدارندگی سوپیسترا مشاهده می شود. برای رفع مشکلات ذکر شده، یعنی جبران افت قند در فاز قند در فاز تولید میکروارگانیسم و همینطور



شکل (۲) منحنی رشد و تولید محصول گلوتامیک اسید و کاهش قند در روش double fed batch (شرایط عملیاتی مانند شکل ۱) در روش



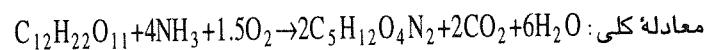
شکل (۱) منحنی رشد و تولید محصول و کاهش قند در روش fed batch (هوادهی  $1/2\text{vvm}$ ، دور  $50\text{ rpm}$ ، دمای  $32^{\circ}\text{C}$ ،  $\text{pH}=7/6$ ، حجم محیط کشت  $3/3\text{ لیتر}$ )

از بین بردن اثر بازدارندگی سوبسترا در اثر افزودن ناگهانی خوراک ملاس، بررسی دیگری انجام شد تا در صورت امکان بتوان بدون نیاز به سنسوری خاص، میزان قند تزریقی را کنترل کرد. برای این منظور با توجه به مراجع [۶] و با توجه به رابطه استوکیومتری در فاز تولید که مقدار توده سلولی در آن ثابت است داریم:

$$C_{12}H_{22}O_{11} + 2NH_3 + 1.5O_2 \rightarrow 2C_5H_9O_4N + 2CO_2 + 6H_2O \quad pH \text{ حدود } 7$$

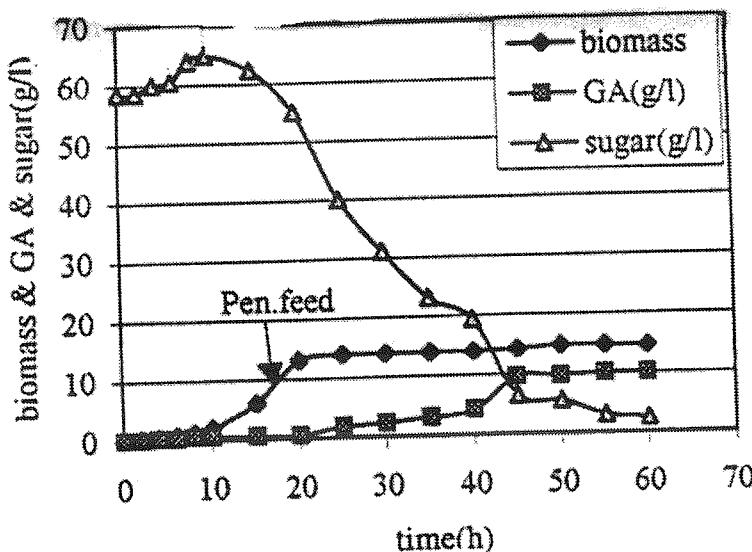
$$C_5H_9O_4N + 2NH_3 \rightarrow 2C_5H_{12}O_4N_2$$

#### گلوتامات



و از اینجا نسبت قند به آمونیاک مصرفی برابر ۵ بست می‌آید که با مقدار تجربی یعنی ۳ [۴] حدود ۲ واحد تفاوت دارد که این تفاوت تا حدودی می‌تواند به تبخیر آمونیاک در فرایند مربوط باشد. بنابراین در عملیات بعدی امکان ایجاد سیستم Mixed Fed Batch فراهم شد که در آن ملاس و آمونیاک به نسبتی که میزان قند ملاس به آمونیاک مصرفی برابر ۳ باشد و در ضمن در اثر وارد کردن خوراک به فرمانتور، ریق سازی محیط کشت هم رخ ندهد، به فرمانتور وارد می‌شود و مقدار افت قند هم با توجه به این نسبت به طور اتوماتیک به وسیله حس pH، کنترل می‌شود.

در این فرایند، مسئله دیگری که مطرح شد، بالا رفتن غلظت بیوتین در محیط کشت در اثر تزریق خوراک ملاس بود که باعث رشد شدید باکتریها و عدم نفوذ پذیری آنها در جهت ترشح گلوتامیک اسید به محیط برون سلولی می‌گردید. برای رفع این مشکل، پس از طی شدن فاز رشد و تزریق پنی سیلین به محیط کشت، به خوراک ورودی نیز با توجه به حجم خوراک، در حد بهینه پنی سیلین تزریق می‌شود تا اثر سوء ناشی از بیوتین بالا را از بین ببرد. بهترین نتیجه برای بیوراکتور همزن دار با خوراک ملاس چند قند با شرایط هوادهی ۱/۲ vvm دور همزن rpm ۵۰ برابر (g/L) ۱۰ آمده. نتایج در شکل (۳) آمده است.



شکل (۳) منحنی رشد و تولید محصول و کاهش قند در بیوراکتور

Mixed fed Batch

(شرایط عملیاتی هانند شکل ۱).

در مطالعات مربوط به راکتور ایرلیفت، به دلیل حذف همزن مکانیکی در سیستم، لازم بود میزان هوادهی برای رشد و تولید و ایجاد همزدگی مناسب، با استفاده از تجربه حاصل در بیوراکتور همزن دار تعیین شود.

در مورد بیوراکتور همزد، عده تو ان مصرفی مربوط به همزن می‌باشد که محاسبه مقدار آن به صورت زیر است:

توان مصرفی برای بیوراکتور همزد بدون هوادهی [۱۰]:

$$P_{no} = \frac{\rho g_c}{P N^r i D_i^{\delta}} \quad \text{و} \quad g_c = \frac{kg \cdot m}{N \cdot s} \quad (\text{رابطه ۱})$$

$$\rho = 1/117 \times 1 \cdot \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\mu = 1/75 \times 1 \cdot \frac{\text{kg}}{\text{m.s}}$$

$$N_i = \delta \cdot \text{rpm} = 1/75 \cdot 1 \cdot \frac{\text{kg}}{\text{m.s}}$$

$$Re = \frac{\rho N_i D_i}{\mu} = 1/75 \times 1 \cdot \frac{\text{kg}}{\text{m.s}} \Rightarrow Re_{\text{crit}} = 100$$

$$D_i = 1 \text{ cm} = 0.01 \text{ m}$$

$P_{12/55W} \Rightarrow$  با توجه به رابطه (۱)

وقتی که تانک همزده هوادهی هم شود، توان مصرفی برای همزد کاهش می یابد. پس داریم:

$$N_a = \frac{F_g}{N_i D_i} \quad (\text{رابطه } 2)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{هوادهی} = 1/75 \text{ vvm} \\ \text{حجم} = 2/2L \end{array} \right. \Rightarrow F_g = 6/6 \times 1 \cdot 5 \text{ m}^{3/\text{s}} \Rightarrow N_a = 1/57 \times 1 \cdot 5 \Rightarrow$$

$$\frac{P_a}{P} = 0/91 \Rightarrow P_a = 11/42W \quad (\text{با توجه به منحنی های توان } [10])$$

انرژی مصرفی برای انبساط آدیاباتیک گاز در مخزن به صورت زیر محاسبه می شود [۱۰]

$$P_g = \rho F_g \left[ \frac{RT}{MW} \ln \frac{P_1}{P_2} + 0.001 \frac{U_0^2}{2} \right] \quad (\text{رابطه } 3)$$

$$P_g = (1/1)(6/6 \times 1 \cdot 5)(1 \cdot 5)$$

$$= 1/517 \times 1 \cdot 5 W \left( \frac{1/214 \times 20.5}{28/8} \ln 1/0.15 \right)$$

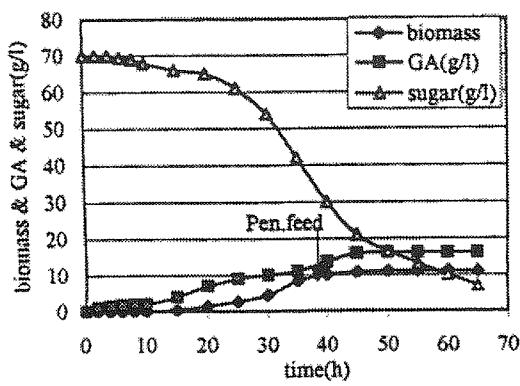
$$P_{\text{کل}} = 11/42 + 1/517 \times 1 \cdot 5 = 11/515W$$

برای فرمانتور ایرلیفت توان مصرفی تنها مربوط به قسمت هوادهی و انبساط آدیاباتیک گاز می شود. بنابراین با در نظر گرفتن مقدار انرژی مصرفی برابر با تانک همزده دارای هوادهی، مقدار هوای ورودی برای این بیوراکتور تخمین زده شد. برای این منظور در رابطه (۳) داریم:

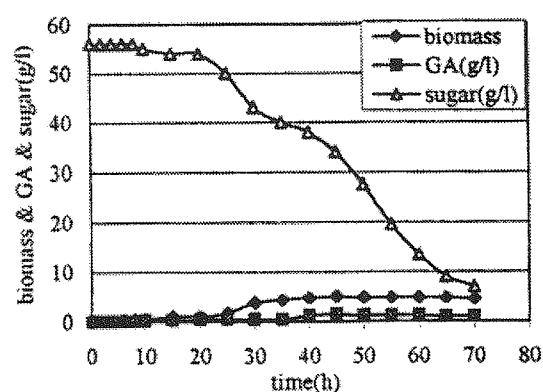
$$11/515 = (1/1) F_g (1 \cdot 5)$$

$$\left( \frac{1/214 \times 20.5}{28/8} \ln 1/0.15 \right) \Rightarrow \begin{cases} F_g = 4/8 \times 1 \cdot 5 \text{ m}^{3/\text{s}} \\ V_{AIF} = 6 \text{ lit} \end{cases} \Rightarrow \text{هوادهی} = 48 \text{ vvm}$$

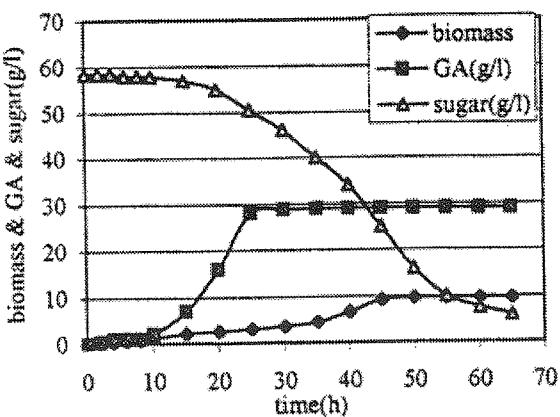
که با این میزان هوادهی، مقدار انباشتگی (hold up) فوق العاده بالا است و سیستم از حوزه sparging خارج و به حوزه pneumatic conveying وارد می شود. بنابراین این فرضیه بوجود می آید که با هوادهی کمتر، بتوان مقدار تولید را داشت که این امر بسیار مطلوب است. پس در حوزه هوادهی ۲-۳ vvm / ۱ میزان تولید در ایرلیفت مقایسه گردید که این نتایج در شکل‌های (۴) و (۵) و (۶) آمده است:



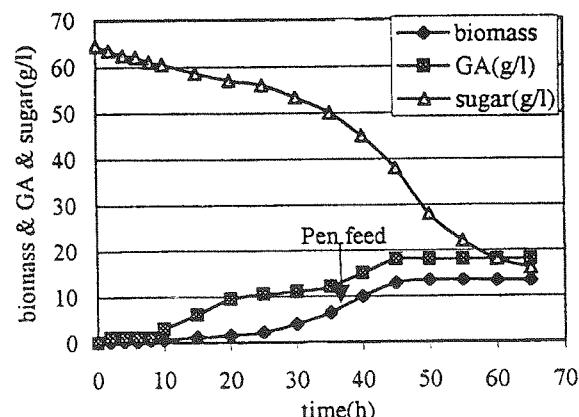
شکل (۵) منحنی رشد و تولید محصول و کاهش قند در بیوراکتور ایرلیفت در هوادهی متوسط (۳ vvm) (شرایط عملیاتی مانند شکل ۴).



شکل (۲) منحنی رشد و تولید محصول و کاهش قند در بیوراکتور ایرلیفت در هوادهی پائین (۱/۲ vvm), pH=۷/۶ (۱/۲ vvm), حجم کل ۶ لیتر، دما (۳۲°C).



شکل (۷) منحنی رشد، تولید گلوتامیک اسیدو کاهش قند در بیوراکتور ایرلیفت با محیط کشت حاوی ملائس نیشکر (هوادهی ۲vvm، حجم کل ۶ لیتر)



شکل (۶) منحنی رشد و تولید محصول و کاهش در بیوراکتور ایرلیفت در هوادهی بالا (۲ vvm) (شرایط عملیاتی مطابق شکل ۴).

در این حالت بهترین میزان تولید در هوادهی ۲ vvm ۱۸ برابر (g/L) بدست آمد.

از طرفی برای فرایند اقتصادی و بالا بازده از دیدگاه مهندسی، مبحث مهم کاهش هزینه های مصرف انرژی می باشد. برای این منظور ابتدا محاسبات انرژی مصرفی برای سیستم همنز دار و ایرلیفت انجام شد و به عنوان یک مبنای اقتصادی برای مقایسه از میزان تولید محصول به ارزی واحد توان مصرفی استفاده شد.

$$\text{میزان تولید گلوتامیک اسید} = \frac{\text{انرژی مصرفی}}{\text{انرژی مصرفی}} \cdot \text{eff} = \frac{1 \cdot \text{g/L} \times ۲/۲\text{L}}{۱۱/۵۱۵\text{J/S}} = \frac{۲}{۱۱/۵۱۵\text{J/S}} = ۲/۱۱/۵۱۵\text{J/S}$$

$$= ۲/۸۶ \frac{\text{g}}{\text{W}}$$

برای بیوراکتور ایرلیفت، میزان انرژی مصرفی در واحد حجم در حوزه هوادهی ۱/۲ - ۳ vvm با توجه به رابطه (۳) محاسبه شد که نتایج به این شرح است: ( $V_{ALF} = ۶ \text{ lit}$ )

$$\text{هوادهی} = ۱/۲ \text{ vvm} \Rightarrow Fg_s = ۱/۲ \times ۱ \cdot ۰^{-۴} \text{ m}^2/\text{s} \Rightarrow P_s = \frac{۰/۲۹ \text{ W}}{۰/۲۹ \text{ W}} = \text{eff} = \frac{۱/۴ \times ۲}{۰/۲۹} = ۲۸/۹۶ \text{ g/W}$$

$$\text{هوادهی} = 2 \text{ vvm} \Rightarrow Fg_r = 2 \times 10^{-4} \text{ m}^3/\text{s} \Rightarrow P_r = \\ 0.484 \text{ W} \Rightarrow eff_r = \frac{16 \times 6}{0.484} = 198/24 \text{ g/W}$$

$$\text{هوادهی} = 2 \text{ vvm} \Rightarrow Fg_r = 3 \times 10^{-4} \text{ m}^3/\text{s} \Rightarrow P_r = \\ 0.726 \text{ W} \Rightarrow eff_r = \frac{18 \times 6}{0.726} = 148/76 \text{ g/W}$$

با مقایسه بازده تولید محصول به ازای واحد انرژی مصرفی برای هر دو سیستم مشاهده شد که این عدد برای بیوراکتور ایرلیفت با هوادهی ۲۷۷۴۰ بیشترین است. در نتیجه این سیستم به جز محسن دیگری که دارد، از نظر مصرف انرژی هم اقتصادی تر است.

در مرحله آخر، در نرخ هوادهی ۲۷۷۴۰، محیط کشت‌های مبتنی بر ملاس چغندر قند و نیشکر در راکتور ایرلیفت مورد مقایسه قرار گرفت و بهترین نتیجه در محیط ملاس نیشکر با میزان تولید (۳۰ گلوتامیک اسید) حاصل شد. این نتایج در شکل (۷) آمده است:

### نتیجه گیری

با توجه به نتایج بدست آمده، روش عملیاتی MFB در حصول بازده بالای گلوتامیک اسید و در عین حال سهولت راهبری فرایند با استفاده از حسگرهای اسیدیتیه عملی و مؤثر به نظر می‌رسد. در این روش، با اعمال بهترین شرایط عملیاتی یعنی هوادهی با استفاده از حسگرهای اسیدیتیه عملی و مؤثر به نظر می‌رسد. در این روش، با اعمال بهترین شرایط عملیاتی یعنی هوادهی ۱/۲۷۷۴۰، دور ۵۰۰ rpm، دما ۳۲°C و pH=۷، ۱۰ g/L معادل اسید بهره وری ایجاد شد. با بهره گیری از هیدرودینامیک برتر یعنی استفاده از راکتورهای ایرلیفت، این بهره وری در شرایط هوادهی ۳۷۷۴۰ نمود در حالیکه بهترین میزان تولید به ازای انرژی مصرفی در هوادهی ۲۷۷۴۰ بدست آمد. در همین نرخ هوادهی، کشت سلولی و تولید گلوتامیک اسید در محیط‌های مبتنی بر ملاس چغندر قند و نیشکر مورد مقایسه قرار گرفت و در نتیجه در محیط مبتنی بر ملاس نیشکر با افزایش تولید حدود ۶۰٪ گلوتامیک اسید با غلظت ۳۰ g/L بدست آمد.

### فهرست علائم و اختصارات

$F_g$ = دبی حجمی گاز ( $\text{m}^3/\text{s}$ )	$P_{on}$ = عدد توان (بدون بعد)
$V$ = حجم محیط کشت (Lit)	$\rho$ = جرم حجمی محیط کشت ( $\text{kg}/\text{m}^3$ )
$P_a$ = توان مصرفی مخزن همزن دار در حال هوادهی (W)	$P$ = توان مصرفی (W)
$P_g$ = توان مصرفی برای انبساط گاز در مخزن به سبب هوادهی (W)	$N_i$ = دور همزن ( $\text{S}^{-1}$ )
$eff$ = بازده اقتصادی	$D_i$ = قطر همزن (m)
$P$ = فشار در پائین مخزن (atm)	$Re$ = عدد رینولدز (بدون بعد)
$P_r$ = فشار در بالای مخزن (atm)	$\mu$ = ویسکوزیته محیط کشت ( $\frac{\text{kg}}{\text{m.s}}$ )
$U_0$ = سرعت ظاهری گاز (m/s)	$N_a$ = شدت هوادهی (بدون بعد)

### مراجع

- [1] Kirk-Othmer, Encyclopedia of chemical Technology (1984), Vol.2, PP. 156-212.
- [2] Yamada, Kinoshita, Tsunoda and Aida (1972), The microbial production of amino acids. PP. 204-364.
- [3] Shaoxum Huang, Xingyan Wu, J. chem. Tech. Biotech.(1995), Vol. 64, PP. 109-114.
- [۴] جواد زبانی بررسی تاثیر هوادهی در تولید اسید گلوتامیک با استفاده از C. glutamicum پروژه کارشناسی ارشد - دانشگاه صنعتی شریف (۱۳۷۷) صفحه ۹۵
- [5] Kitsuta. Y., Kishimoto. M. (1994), Biotech. Bioeng., Vol. 44, PP. 87-94.
- [6] Kishimoto. M., Kitta. Y., Takeuchi. S. (1991), J. of Ferment. and Bioeng., Vol. 72, No.2, PP. 110-114.
- [7] Bermeyer, "Method of enzymatic analysis; Vol.8, PP. 357-376.
- [8] Whistler & Wolfrom (1952), "Methods in carbohydrate chemistry". Vol. 1, Pp. 386-388.
- [9] Kishimoto. M., Kitta. Y., Takeuchi.S. (1991), J. of Fermentation and Bioeng., Vol. 72, No.2, PP. 110-114.
- [10] Bailey. J.F., Ollis.D. (1986), Biochemical Eng. Fundamentals, McGraw-Hill book Co., New York, PP. 457-470.